

1. $x^3 + ax^2 + bx - 4$ 는 $x-2$ 로 나누어 떨어지고 $x+1$ 로 나누면 나머지가 6이다. $a-b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 4$ 라 하면

$$f(2) = 4a + 2b + 4 = 0 \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$$f(-1) = a - b - 5 = 6 \cdots \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 에서 $a = 3, b = -8$

$$\therefore a - b = 11$$

2. 복소수 z 의 켈레복소수 \bar{z} 라 할 때 $(1+2i)z+3(2-\bar{z})=0$ 을 만족하는 복소수 z 를 구하면?

- ① $z=2-3i$ ② $z=4-3i$ ③ $z=6-3i$
④ $z=2+3i$ ⑤ $z=4+3i$

해설

$$\begin{aligned} z &= a+bi, \bar{z} = a-bi \text{라 하면} \\ (\text{준식}) &= (1+2i)(a+bi) + 3(2-a+bi) \\ &= (6-2a-2b) + (2a+4b)i \\ \therefore 6-2a-2b &= 0, 2a+4b = 0 \\ \therefore a &= 6, b = -3 \\ \therefore z &= 6-3i \end{aligned}$$

3. 이차함수 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 가 $x = -1$ 에서 최댓값 7 을 갖고, $f(2) = -2$ 를 만족할 때, 상수 $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 3 ② 7 ③ 11 ④ -3 ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned} f(x) &= a(x+1)^2 + 7, f(2) = -2 \\ \Rightarrow 3^2 \times a + 7 &= -2, a = -1 \\ \therefore f(x) &= -(x+1)^2 + 7 = -x^2 - 2x + 6 \\ \text{따라서 } a + b + c &= 3 \end{aligned}$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} x-2y=1 \\ xy-y^2=6 \end{cases}$ 의 해를 구하면 $x=p, y=q$ 또는 $x=r, y=s$ 이다. $p+q+r+s$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$$\begin{cases} x-2y=1 & \dots\textcircled{1} \\ xy-y^2=6 & \dots\textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ 에서 $x=2y+1 \dots\dots\textcircled{3}$

$\textcircled{3}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하여 정리하면

$$y^2+y-6=0(y-2)(y+3)=0$$

$$\therefore y=2, -3$$

$y=2, y=-3$ 을 $\textcircled{3}$ 에 대입하면

$$\text{각각 } x=5, x=-5$$

$$\therefore x=5, y=2 \text{ 또는 } x=-5, y=-3$$

5. 모든 실수 x 에 대하여 부등식 $ax^2 + 2ax - 4 \geq 0$ 이 성립하지 않을 때, 실수 a 의 값의 범위는?

① $-4 \leq a \leq 0$

② $0 \leq a < 1$ 또는 $a > 3$

③ $-4 < a$

④ $-4 < a \leq 0$

⑤ $0 \leq a \leq 4$

해설

모든 실수 x 에 대해 주어진 식이 성립하지 않으려면 $a \leq 0$ 이고 $D/4 = a^2 + 4a < 0$ 이어야 한다. 따라서 $a(a+4) < 0$ 이므로 $-4 < a < 0$ 이고 $a = 0$ 일 때도 성립하지 않으므로 $-4 < a \leq 0$

6. 네 점 A(1, 4), B(-2, -3), C(x, y), D(6, 7)를 네 꼭짓점으로 하는 사각형이 평행사변형이 되도록 하는 점 C의 좌표는?

- ① C(-1, 2) ② C(3, 0) ③ C(3, 4)
④ C(1, -1) ⑤ C(0, 0)

해설

평행사변형의 대각선의 성질에 의해 \overline{AC} , \overline{BD} 의 중점이 일치하므로

$$\left(\frac{6-2}{2}, \frac{7-3}{2}\right) = \left(\frac{x+1}{2}, \frac{y+4}{2}\right)$$

$$(2, 2) = \left(\frac{x+1}{2}, \frac{y+4}{2}\right)$$

$$\therefore x=3, y=0$$

$$\therefore C(3, 0)$$

7. $\triangle ABC$ 의 꼭짓점 $A(4, 6)$, $B(-2, 2)$ 이고, 무게중심이 $G(1, 3)$ 일 때 꼭짓점 C 의 좌표는?

- ① $(-1, 1)$ ② $(1, -1)$ ③ $(1, 1)$
④ $(-1, -1)$ ⑤ $(1, 2)$

해설

무게중심 구하는 공식을 이용한다.

점 $C(x, y)$ 라 하면,

$$G = \left(\frac{4-2+x}{3}, \frac{6+2+y}{3} \right) = (1, 3)$$

$$\therefore x = 1, y = 1$$

8. 원점에서의 거리가 1이고, 점 (1,2)를 지나는 직선의 방정식이 $ax + by + c = 0$ 으로 표현될 때, $a + b + c$ 의 값을 구하면? (단, $b \neq 0$)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

점 (1,2)를 지나는 직선은

$y = m(x-1) + 2$ 에서,

$mx - y - m + 2 = 0 \cdots \textcircled{1}$

여기서 (0,0)에 이르는 거리가 1이므로

$$\frac{|-m+2|}{\sqrt{m^2+1}} = 1, |m-2| = \sqrt{m^2+1}$$

양변을 제곱하여 정리하면, $m = \frac{3}{4}$

$\textcircled{1}$ 에 대입하여 정리하면, $\frac{3}{4}x - y + \frac{5}{4} = 0,$

$$3x - 4y + 5 = 0$$

$$\therefore a + b + c = 3 - 4 + 5 = 4$$

9. 부등식 $1 \leq x^2 + y^2 \leq 5$ 를 만족하는 정수의 쌍 (x, y) 의 개수는?

- ① 11개 ② 12개 ③ 16개 ④ 20개 ⑤ 24개

해설

경계를 포함하여 반지름 1 인 원의 외

부와

반지름 $\sqrt{5}$ 인 원의 내부 사이에 있는

격자점 (x, y) 좌표가 모두 정수인점)의

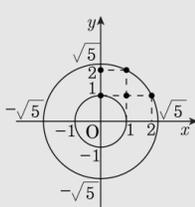
개수를 헤아려야 한다. 양 축에 대하여

대칭이므로 x 축과 제 1 사분면에 있는

부분의 개수만 헤아려서 4 배 하면

된다.

점의 개수는 5 개이므로 구하는 격자점의 개수는 20 개



10. $x + y + z = 1$, $xy + yz + zx = 2$, $xyz = 3$ 일 때, $(x + 1)(y + 1)(z + 1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$$\begin{aligned} & (x + 1)(y + 1)(z + 1) \\ &= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\ &= 7 \end{aligned}$$

11. $(m^2 - 4)x - 1 = m(3x + 1)$ 를 만족하는 x 가 없도록 하는 상수 m 의 값은?

- ① -1 ② -2 ③ -4 ④ 4 ⑤ 5

해설

$(m^2 - 3m - 4)x - 1 - m = 0$ 의 해가 없으므로
 $m^2 - 3m - 4 = 0$ 이고 $-m - 1 \neq 0$
 $\therefore m = 4$

12. x, y, z 가 실수일 때, 다음 식의 최댓값을 구하여라.

$$4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned} & 4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x^2 - 4x) - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x-2)^2 - y^2 - z^2 + 9 \end{aligned}$$

x, y, z 는 실수이므로
 $(x-2)^2 \geq 0, y^2 \geq 0, z^2 \geq 0$
따라서 $4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5$ 는
 $x-2=0, y=0, z=0$ 일 때,
최댓값 9를 갖는다.

13. 부등식 $|x| + |x - 2| \leq 3$ 을 만족하는 x 의 최솟값을 m , 최댓값을 M 이라고 할 때, $m + M$ 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

i) $x < 0$ 일 때 $-2x + 2 \leq 3, x \geq -\frac{1}{2}$

$\therefore -\frac{1}{2} \leq x < 0$

ii) $0 \leq x < 2$ 일 때 $2 \leq 3 \therefore 0 \leq x < 2$

iii) $x \geq 2$ 일 때 $2x - 2 \leq 3, x \leq \frac{5}{2} \therefore 2 \leq x \leq \frac{5}{2}$

i) 또는 ii) 또는 iii)을 만족하는 범위를 구하면

$-\frac{1}{2} \leq x \leq \frac{5}{2} \therefore m + M = 2$

14. 세 점 $A(-1, 1)$, $B(1, -1)$, $C(5, 3)$ 을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC는 어떤 삼각형인가?

- ① 정삼각형
- ② $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형
- ③ $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형
- ④ $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형
- ⑤ $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형

해설

$\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{AC}^2$ 이므로
 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형이다.

15. $\triangle ABC$ 에서 $A(6, 1)$, $B(-1, 2)$, $C(2, 3)$ 이라 한다. 이 삼각형의 외접원의 반지름을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

외심을 $P(a, b)$ 라 하면

$$(1) \overline{PA}^2 = \overline{PB}^2 \Leftrightarrow (a-6)^2 + (b-1)^2 = (a+1)^2 + (b-2)^2$$

.....㉠

$$\overline{PA}^2 = \overline{PC}^2 \Leftrightarrow (a-6)^2 + (b-1)^2 = (a-2)^2 + (b-3)^2 \dots\dots\textcircled{2}$$

㉠, ㉡를 각각 전개하여 정리하면

$$7a - b - 16 = 0, \quad 2a - b - 6 = 0$$

연립하여 풀면 $a = 2, b = -2$

따라서 외심은 $(2, -2)$ 이다.

$$(2) \overline{PA}^2 = (2-6)^2 + (-2-1)^2 = 25$$

$$\therefore \overline{PA} = 5$$

16. 두 직선 $x - 3y - 3 = 0$, $2x - y - 2 = 0$ 의 교점과 점 $(3, 1)$ 을 지나는 직선의 방정식을 $ax - 4y + b = 0$ 라할 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -2개 ② -4개 ③ -6개
④ -8개 ⑤ -10개

해설

두 직선의 교점은 $\left(\frac{3}{5}, -\frac{4}{5}\right)$ 이므로

$\Rightarrow \left(\frac{3}{5}, -\frac{4}{5}\right), (3, 1)$ 을 지나는 직선은

$$y = \frac{1 - \left(-\frac{4}{5}\right)}{3 - \frac{3}{5}}(x - 3) + 1$$

$$\Rightarrow y = \frac{3}{4}x - \frac{5}{4}$$

$$\Rightarrow 3x - 4y - 5 = 0$$

$$\therefore a = 3, b = -5$$

$$a + b = -2$$

17. 두 원 $x^2 + (y-3)^2 = 1$, $(x-4)^2 + y^2 = m^2$ 이 서로 다른 두 점에서 만나도록 하는 양의 정수 m 의 값은? (단, $m > 1$)

① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ 1

해설

두 원이 두 점에서 만나려면 원의 중심 사이 거리보다 반지름 길이의 합이 더 크고 반지름 길이의 차가 중심사이의 거리보다 작아야 한다.
 $\Rightarrow \sqrt{4^2 + 3^2} < 1 + m$
 $\therefore m > 4$
 $\sqrt{4^2 + 3^2} > m - 1$
 $\therefore m < 6$
따라서 $4 < m < 6$
정수 m 은 5이다.

18. 직선 $3x + 4y + a = 0$ 이 원 $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 2$ 에 접할 때, 양수 a 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 11$

해설

원의 방정식을 표준형으로 나타내면

$$(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 2^2$$

직선이 원에 접하므로 원의 중심

$(1, -1)$ 에서 직선까지의 거리가

원의 반지름의 길이 2 와 같다.

$$\text{따라서, } \frac{|3 \cdot 1 + 4 \cdot (-1) + a|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = 2$$

$$|a - 1| = 10$$

$$a - 1 = \pm 10$$

$$a > 0 \text{ 이므로 } a = 11$$

19. $f: (x, y) \rightarrow (-x, -y), g: (x, y) \rightarrow (x+a, y+b)$ 에 대하여 $g \circ f$ 가 점 $(1, 2)$ 를 점 $(3, 4)$ 로 변환시킬 때 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$\begin{aligned} g \circ f: (x, y) &\rightarrow (-x+a, -y+b) \\ \therefore (g \circ f)(1, 2) &= g(f(1, 2)) = g(-1, -2) \\ &= (-1+a, -2+b) = (3, 4) \\ \therefore -1+a &= 3 \text{에서 } a=4, \quad -2+b=4 \text{에서 } b=6 \\ \therefore a+b &= 10 \end{aligned}$$

20. 다음 중 원 $x^2 + y^2 + 2x - 4y + 4 = 0$ 을 평행이동하여 겹쳐질 수 있는 원의 방정식은?

- ① $x^2 + y^2 = \frac{1}{2}$ ② $x^2 + y^2 = 1$
③ $x^2 + \left(y - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$ ④ $(x + 1)^2 + y^2 = 2$
⑤ $(x + 1)^2 + (y - 1)^2 = \frac{1}{4}$

해설

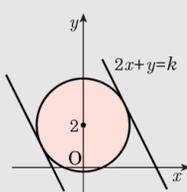
평행이동하여 겹쳐질 수 있으려면
반지름의 길이가 같아야 한다.
 $x^2 + y^2 + 2x - 4y + 4 = 0$ 에서 $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 1$
따라서 겹쳐질 수 있는 원의 방정식은
반지름의 길이가 1인 ②이다.

21. 부등식 $x^2 + (y-2)^2 \leq 5$ 를 만족하는 실수 x, y 에 대하여 $2x+y$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M+m$ 의 값은?

- ① -2 ② 0 ③ 2 ④ 4 ⑤ 6

해설

$x^2 + (y-2)^2 \leq 5$ 를 만족하는 영역은 원 $x^2 + (y-2)^2 = 5$ 의 내부이다. 따라서, $2x+y=k$ 로 놓을 때, k 가 최댓값과 최솟값을 가질 때는 다음 그림과 같이 직선이 원에 접할 때이다. 즉, 원의 중심 $(0, 2)$ 에서 직선까지의 거리가 $\sqrt{5}$ 이므로



$$\frac{|2-k|}{\sqrt{2^2+1^2}} = \sqrt{5}, k-2 = \pm 5$$

$$\therefore k = -3 \text{ 또는 } k = 7$$

따라서, $M = 7, m = -3$ 이므로

$$M+m = 7 + (-3) = 4$$

22. 세 실수 a, b, c 가 다음 세 조건을 만족한다.

$$a + b + c = 1, ab + bc + ca = 1, abc = 1$$

이 때, $(a + b)(b + c)(c + a)$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} a + b + c &= 1 \text{에서} \\ a + b &= 1 - c, b + c = 1 - a, c + a = 1 - b \\ (a + b)(b + c)(c + a) & \\ &= (1 - c)(1 - a)(1 - b) \\ &= 1 - (a + b + c) + (ab + bc + ca) - abc \\ &= 1 - 1 + 1 - 1 = 0 \end{aligned}$$

23. x 에 관한 이차방정식 $a(1-i)x^2 + (3+2ai)x + (2a+3i) = 0$ 이 실근을 갖기 위한 실수 a 의 값을 구하면?

- ① 1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

해설

$a(1-i)x^2 + (3+2ai)x + (2a+3i) = 0$ 의 실근 조건은 복소수 계수 이차방정식이므로 판별식을 쓸 수 없다. 근이 실수라는 것은 x 가 실수임을 뜻하므로 복소수의 상등정리에서

$$(ax^2 + 3x + 2a) + (-ax^2 + 2ax + 3)i = 0 \text{ 이어야 하므로}$$

$$ax^2 + 3x + 2a = 0 \dots\dots \text{㉠}$$

$$-ax^2 + 2ax + 3 = 0 \dots\dots \text{㉡}$$

㉠ + ㉡ 하면

$$(2a+3)x + (2a+3) = 0, (2a+3)(x+1) = 0$$

$$2a+3 = 0 \text{ 또는 } x+1 = 0$$

$$\therefore a = -\frac{3}{2} \text{ 또는 } x = -1$$

i) $a = -\frac{3}{2}$ 일 때

$$\text{㉠식에서 } -\frac{3}{2}x^2 + 3x - 3 = 0, x^2 - 2x + 2 = 0$$

이므로 허근을 가진다. $\therefore a \neq -\frac{3}{2}$

ii) $x = -1$ 일 때 ㉠에 대입하면,

$$a - 3 + 2a = 0, 3a = 3 \quad \therefore a = 1$$

24. 연립방정식 $x+y+z = -\frac{1}{2}$, $xy+yz+zx = -\frac{5}{2}$, $xyz = -1$ 을 만족시키는
해의 쌍 (x, y, z) 의 개수는?

- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

해설

근과 계수와의 관계에서
 x, y, z 를 세 근으로 하는
삼차방정식을 만들면

$$t^3 + \frac{1}{2}t^2 - \frac{5}{2}t + 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow 2t^3 + t^2 - 5t + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow (t-1)(2t-1)(t+2) = 0$$

$\therefore (x, y, z) =$

$$\left(1, \frac{1}{2}, -2\right), \left(1, -2, \frac{1}{2}\right),$$

$$\left(\frac{1}{2}, 1, -2\right), \left(\frac{1}{2}, -2, 1\right),$$

$$\left(-2, 1, \frac{1}{2}\right), \left(-2, \frac{1}{2}, 1\right)$$

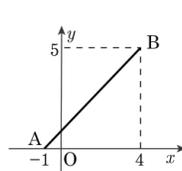
25. 함수 $f(x) = ax + b$ 가 $2 \leq f(1) \leq 4$, $0 \leq f(2) \leq 3$ 을 만족할 때, $f(3)$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$f(1) = a + b$, $f(2) = 2a + b$
 $f(3) = 3a + b$ 이므로 $f(3) = 2f(2) - f(1)$
조건에서 $2 \leq f(1) \leq 4$ ㉠
 $0 \leq f(2) \leq 3$ ㉡
㉠에서 각 변에 -1 을 곱하면
 $-4 \leq -f(1) \leq -2$ ㉢
㉡에서 각 변에 2 를 곱하면
 $0 \leq 2f(2) \leq 6$ ㉣
 $\therefore -4 \leq f(3) \leq 4$
따라서, $f(3)$ 의 최댓값은 4 , 최솟값은 -4 이다.

27. 두 점 A(-1, 0), B(4, 5)에 대하여 두 점 A, B로부터의 거리의 비가 3 : 2 점 P의 자취의 방정식은?



- ① $(x-5)^2 + (y-6)^2 = 50$ ② $(x-6)^2 + (y-7)^2 = 60$
 ③ $(x-7)^2 + (y-6)^2 = 70$ ④ $(x-7)^2 + (y-8)^2 = 80$
 ⑤ $(x-8)^2 + (y-9)^2 = 72$

해설

점 P를 (x, y) 라 두면

$$\overline{AP} = \sqrt{(x+1)^2 + y^2}$$

$$\overline{BP} = \sqrt{(x-4)^2 + (y-5)^2}$$

$\overline{AP} : \overline{BP} = 3 : 2$ 이므로

$$\sqrt{(x+1)^2 + y^2} : \sqrt{(x-4)^2 + (y-5)^2} = 3 : 2$$

정리하면 $(x-8)^2 + (y-9)^2 = 72$

28. a, b 가 양의 정수이고, 다항식 $f(x) = x^4 + ax^3 + x^2 + bx - 2$ 이다. $f(x)$ 가 일차식 $x - \alpha$ 를 인수로 갖게 하는 정수 α 의 값과 $a, b(a > b)$ 의 값에 대하여 $\alpha^2 + a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

α 가 될 수 있는 상수항 -2 의 약수인 $\pm 1, \pm 2$ 을 준식에 차례로 대입해 보면

$$f(1) = 1 + a + 1 + b - 2 = 0, a + b = 0$$

$$f(-1) = 1 - a + 1 - b - 2 = 0, a + b = 0$$

$$f(2) = 16 + 8a + 4 + 2b - 2 = 0, 4a + b = -9$$

$$f(-2) = 16 - 8a + 4 - 2b - 2 = 0, 4a + b = 9$$

그런데, 위의 세 식은 a, b 가 양의 정수라는 조건을 충족시키지 못한다.

$$\therefore \alpha = -2 \text{ 이고 } 4a + b = 9$$

$$\alpha = -2, a = 2, b = 1 (\because a > b)$$

$$\therefore \alpha^2 + a^2 + b^2 = 9$$

29. 이차방정식 $x^2 + x + 1 = 0$ 의 서로 다른 두 근을 α, β 라 할 때, $(\alpha + \beta) + (\alpha^2 + \beta^2) + \dots + (\alpha^{100} + \beta^{100})$ 의 값을 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

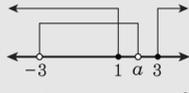
이차방정식 $x^2 + x + 1 = 0$ 의 서로 다른 두 근이 α, β 이므로 $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0, \beta^2 + \beta + 1 = 0$
또, $\alpha + \beta = -1, \alpha\beta = 1$
 n 이 양의 정수일 때,
 $\alpha^{n+2} + \alpha^{n+1} + \alpha^n$
 $= \alpha^n(\alpha^2 + \alpha + 1) = 0$
 $\beta^{n+2} + \beta^{n+1} + \beta^n$
 $= \beta^n(\beta^2 + \beta + 1) = 0$ 이므로
 $(\alpha + \beta) + (\alpha^2 + \beta^2) + \dots + (\alpha^{100} + \beta^{100})$
 $= \alpha + \{(\alpha^2 + \alpha^3 + \alpha^4) + \dots + (\alpha^{98} + \alpha^{99} + \alpha^{100})\}$
 $+ \beta + \{(\beta^2 + \beta^3 + \beta^4) + \dots + (\beta^{98} + \beta^{99} + \beta^{100})\}$
 $= \alpha + \beta = -1$

30. 연립부등식 $\begin{cases} x^2 + ax + b < 0 \\ |x - 2| \geq 1 \end{cases}$ 의 해가

$-3 < x \leq 1$ 이고, $|a| + |b| = 5$ 를 만족하는 두 실수 a, b 의 합 $a + b$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설



$$|x - 2| \geq 1 \Rightarrow x \geq 3 \text{ 또는 } x \leq 1$$

또, 해가 $-3 < x \leq 1$ 이므로

$x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이

-3임을 알 수 있다.

따라서, 두 근을 $\alpha, -3$ 이라고 하면

근과 계수의 관계에서

$$-a = (\alpha - 3) < 0 \Rightarrow a > 0 \dots \textcircled{1}$$

$$b = \alpha \times (-3) < 0 \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ 에서 } |a| + |b| = 5 \Rightarrow a - b = 5$$

$$x = -3 \text{ 대입 } 9 - 3a + b = 0$$

$$\Rightarrow a = 2, b = -3$$

$$\therefore a + b = -1$$