

1. 다음 등식 $x + y + (2x - y)i = 2 + 7i$ 를 만족하는 두 실수 x, y 에 대하여
 xy 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

① 3

② -3

③ 0

④ 5

⑤ -5

해설

$$x + y + (2x - y)i = 2 + 7i$$

$$\Rightarrow x + y - 2 + (2x - y - 7)i = 0$$

$$\Rightarrow x + y - 2 = 0, 2x - y - 7 = 0$$

연립하면, $x = 3, y = -1$

2. 허수단위 i 에 대하여 $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$ 을 간단히하면?

① $1 + i$

② $-1 + i$

③ $2i$

④ $2 + i$

⑤ 2

해설

$$i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$$

$$= i + (-1) + (-i) + 1 + i + (-1)$$

$$= -1 + i$$

3. $x = 1 + \sqrt{2}i$, $y = 1 - \sqrt{2}i$ 일 때, $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -2

해설

$$x + y = 2, xy = 3$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 2^2 - 2 \times 3 = 4 - 6 = -2$$

4. 다음 중 옳지 않은 것은?

① $\overline{i - 2} = i + 2$

② $\overline{2i} = -2i$

③ $\overline{\sqrt{2} + i} = \sqrt{2} - i$

④ $\overline{1 + \sqrt{3}} = 1 + \sqrt{3}$

⑤ $\overline{3 - 2i} = 3 + 2i$

해설

켤레복소수는 허수부분의 부호가 바뀐다.

실수의 켤레복소수는 자기자신이다.

① $\overline{i - 2} = -i - 2$

5. $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 근을 근의 공식을 이용하여 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $x = 2$

▶ 정답: $x = 3$

해설

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 4 \times 1 \times 6}}{2} = \frac{5 \pm 1}{2}$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 3$$

6. 이차방정식 $x^2 - mx + 2m + 1 = 0$ 의 한 근이 1일 때 다른 한 근은?
(단, m 은 상수)

① 3

② 2

③ 0

④ -1

⑤ -3

해설

$x^2 - mx + 2m + 1 = 0$ 에 $x = 1$ 을 대입하면

$$1 - m + 2m + 1 = 0 \quad \therefore m = -2$$

$$x^2 + 2x - 3 = 0, \quad (x + 3)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = -3, 1$$

따라서, 다른 근은 -3

7. 다음 이차방정식 중 서로 다른 두 실근을 갖는 것을 모두 고르면?

Ⓐ $x^2 + 2x + 1 = 0$

Ⓑ $x^2 + 2x + 4 = 0$

Ⓒ $x^2 + 4x + 2 = 0$

① Ⓐ

② Ⓑ

③ Ⓒ

④ Ⓐ, Ⓒ

⑤ Ⓑ, Ⓒ

해설

Ⓐ $(x + 1)^2 = 0$: 중근

Ⓑ $a = 1, b' = 1, c = 4$

$$1^2 - 1 \cdot 4 = -3 < 0$$

: 허근

Ⓒ $a = 1, b' = 2, c = 2$

$$2^2 - 1 \cdot 2 = 2 > 0$$

: 서로 다른 두 실근 (O)

8. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은?

① 7

② 6

③ 5

④ 4

⑤ 3

해설

근과 계수와의 관계로부터

$$\alpha + \beta = 2 \quad \alpha\beta = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 7$$

9. 다음 연립방정식의 해를 구하면?

$$\begin{cases} 0.6x + 0.5y = 2.8 & \cdots \textcircled{\text{7}} \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 2 & \cdots \textcircled{\text{8}} \end{cases}$$

① (2, 3)

② (-2, 3)

③ (3, 2)

④ (3, -2)

⑤ (-3, -2)

해설

㉠, ㉡의 양변에 각각 10, 6을 곱하면

$$\begin{cases} 6x + 5y = 28 & \cdots \textcircled{\text{9}} \\ 2x + 3y = 12 & \cdots \textcircled{\text{10}} \end{cases}$$

㉡ - ⓪×3을 하면 $-4y = -8$

$\therefore y = 2$ 를 ⓪ 대입하면 $x = 3$

$\therefore x = 3, y = 2$

10. $a < b$ 일 때, □안의 등호가 알맞은 것을 모두 고르면?

㉠ $a + 2 \boxed{<} b + 2$

㉡ $-a - 4 \boxed{>} -b - 4$

㉢ $\frac{1}{2}a + 3 \boxed{>} \frac{1}{2}b + 3$

㉣ $-\frac{a}{3} \boxed{<} -\frac{b}{3}$

① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉡, ㉣

④ ㉠, ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉣

해설

㉡ 부등식의 양변에 양수를 곱하거나 같은 수를 더하더라도

부등호의 방향이 바뀌지 않으므로 $\frac{1}{2}a + 3 < \frac{1}{2}b + 3$

㉣ 부등식의 양변을 음수로 나누면 부등호의 방향이 바뀌므로

$$-\frac{a}{3} > -\frac{b}{3}$$

11. 부등식 $|x - 2| + |x + 3| \geq -2x + 9$ 의 해는?

- ① $x \geq 2$ ② $-3 \leq x \leq 2$ ③ $1 < x \leq 2$
④ $x < 2$ ⑤ 해가 없다.

해설

(i) $x < -3$ 일 때,

$$-2x - 1 \geq -2x + 9, -1 \geq 9$$

따라서 이 범위에서 해가 존재하지 않는다.

(ii) $-3 \leq x < 2$ 일 때,

$$5 \geq -2x + 9$$

$2x \geq 4, x \geq 2$ 따라서 이 범위에서 해가 없다.

(iii) $x \geq 2$ 일 때,

$$2x + 1 \geq -2x + 9$$

$4x \geq 8, x \geq 2$ 따라서 이 범위에서의 해는 $x \geq 2$ 이다.

세 범위의 해를 연립하면 결과는

$$\therefore x \geq 2$$

12. 복소수 z 와 그의 켤레복소수 \bar{z} 에 대하여 등식 $(1 - 2i)z - i\bar{z} = 3 - 5i$ 를 만족하는 z 는?

① $1 + i$

② $2 + i$

③ $2 + 2i$

④ $1 - i$

⑤ $2 - i$

해설

$z = a + bi$ 라 하면 $\bar{z} = a - bi$ 이므로

$$\begin{aligned}(1 - 2i)(a + bi) - i(a - bi) &= a + bi - 2ai + 2b - ai - b \\&= (a + b) + (-3a + b)i = 3 - 5i\end{aligned}$$

따라서 $a + b = 3$, $-3a + b = -5$ 이므로 연립하여 풀면

$$a = 2, b = 1$$

따라서 $z = 2 + i$ 이다.

13. 이차방정식 $x^2 + 2(k - 1)x + 4 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 상수 k 값들의 합은?

- ① 1 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 2

해설

중근을 가지려면 판별식 $D = 0$

$$\frac{D}{4} = (k - 1)^2 - 4 = 0$$

$$k^2 - 2k - 3 = 0, (k - 3)(k + 1) = 0$$

$$\therefore k = 3, -1$$

14. 이차방정식 $x^2 - 3x + 2 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ 의 값은?

- ① $-\frac{3}{2}$ ② $-\frac{2}{3}$ ③ $-\frac{1}{6}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$(x - 2)(x - 1) = 0$$

$x = 1$ 또는 $x = 2$ 이므로 $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{1}{1} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$

15. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 - i$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하면? (단, a, b 는 실수)

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 0

해설

다른 한 근은 복소수의 콜레근인 $1 + i$ 이므로

$$\text{두 근의 합: } (1+i) + (1-i) = -a \quad \therefore a = -2$$

$$\text{두 근의 곱: } (1+i)(1-i) = b \quad \therefore b = 2$$

$$\therefore a + b = -2 + 2 = 0$$

16. x 의 범위가 $-1 \leq x \leq 2$ 일 때, 이차함수 $y = -2x^2 + 4x + 1$ 의 최댓값을 구하면?

- ① -2
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

해설

$$y = -2(x - 1)^2 + 3$$

$\therefore x = 1$ 일 때, 최댓값 3

17. $x^4 - 5x^2 - 14 = 0$ 의 두 허근을 α, β 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값을 구하면?

① 4

② -4

③ 8

④ -8

⑤ -16

해설

$$x^4 - 5x^2 - 14 = (x^2 + 2)(x^2 - 7) = 0 \text{ 이므로}$$

두 허근 α, β 는

각각 $\sqrt{2}i, -\sqrt{2}i$ 이므로

$$\alpha^2 + \beta^2 = -2 - 2 = -4$$

18. 연립방정식 $\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 의 해를

$x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta$ 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$\begin{cases} y = x + 1 & \cdots \textcircled{1} \\ x^2 + y^2 = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①을 ②에 대입하면

$$x^2 + (x+1)^2 = 5, 2x^2 + 2x - 4 = 0,$$

$$2(x+2)(x-1) = 0$$

$$\therefore x = 1, -2$$

$$x = 1 \text{ 일 때}, y = 2,$$

$$x = -2 \text{ 일 때}, y = -1$$

$$\therefore \alpha = 1, \beta = 2 \text{ 또는 } \alpha = -2, \beta = -1$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta = 3$$

19. 다음 이차부등식 중 해가 존재하지 않는 것은?

① $2x^2 - 6x + 1 \leq 0$

② $x^2 - 2x - 3 < 0$

③ $x^2 - x + 1 > 0$

④ $x^2 - 6x + 9 > 0$

⑤ $4x^2 - 4x + 1 < 0$

해설

① $(x - \frac{3 - \sqrt{7}}{2})(x - \frac{3 + \sqrt{7}}{2}) \leq 0$

$$\Rightarrow \frac{3 - \sqrt{7}}{2} \leq x \leq \frac{3 + \sqrt{7}}{2}$$

② $(x + 1)(x - 3) < 0 \Rightarrow -1 < x < 3$

③ $(x - \frac{1}{2})^2 + \frac{3}{4} > 0 \Rightarrow x$ 는 모든 실수

④ $(x - 3)^2 > 0 \Rightarrow x \neq 3$ 인 모든 실수

⑤ $(2x - 1)^2 < 0 \Rightarrow$ 해는 없다

20. 연립부등식 $\begin{cases} x^2 + 3x - 4 < 0 \\ x^2 - 2x - 3 > 0 \end{cases}$ 의 값은?

- ① $x > -1$ ② $-4 < x < -1$ ③ $0 < x < 4$
④ $1 < x < 4$ ⑤ $-4 < x < 3$

해설

$$\begin{aligned} x^2 + 3x - 4 &< 0 \Rightarrow (x-1)(x+4) < 0 \\ &\Rightarrow -4 < x < 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 - 2x - 3 &> 0 \Rightarrow (x+1)(x-3) > 0 \\ &\Rightarrow x < -1 \text{ 또는 } x > 3 \end{aligned}$$

\therefore 공통부분을 구하면 $-4 < x < -1$

21. 방정식 $|x| + |x - 1| = 9$ 의 모든 근의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -20

해설

$|x| + |x - 1| = 9$ 에서

i) $x < 0$ 일 때,

$$-x - x + 1 = 9$$

$$\therefore x = -4$$

ii) $0 \leq x < 1$ 일 때,

$$x - x + 1 = 9 \text{ (성립하지 않음)}$$

iii) $x \geq 1$ 일 때,

$$x + x - 1 = 9$$

$$\therefore x = 5$$

따라서 모든 근의 합은

$$(-4) \times 5 = -20$$

22. 이차함수 $y = x^2 - 2ax + 2a - 1$ 의 최솟값을 m 이라 할 때, m 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$y = x^2 - 2ax + 2a - 1 = (x - a)^2 - a^2 + 2a - 1$$

이므로 $x = a$ 일 때 최솟값 $-a^2 + 2a - 1$ 을 가진다.

$$\therefore m = -a^2 + 2a - 1 = -(a - 1)^2$$

따라서 m 은 $a = 1$ 일 때, 최댓값 0 을 가진다.