

1. 등식  $(a + 3b) + (a - 2b)i = 7 - 3i$  를 만족하는 실수  $a, b$  에 대하여  
 $a - b$  의 값은?

- ① -3      ② -1      ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

해설

$(a + 3b) + (a - 2b)i = 7 - 3i$  에서 복소수가 서로 같을 조건에  
의해서  $a + 3b = 7, a - 2b = -3$

위의 두 식을 연립하여 풀면

$$a = 1, b = 2$$

$$\therefore a - b = 1 - 2 = -1$$

2.  $\frac{2+3i}{3-i}$  를 계산하면?

①  $\frac{3}{8} + \frac{13}{8}i$

④  $\frac{3}{8} - \frac{13}{8}i$

②  $\frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$

⑤  $\frac{4}{9} + \frac{11}{9}i$

③  $\frac{3}{10} - \frac{11}{10}i$

해설

$$\frac{2+3i}{3-i} = \frac{(2+3i)(3+i)}{(3-i)(3+i)} = \frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$$

3.  $x = 1 - \sqrt{3}i$  일 때,  $x^2 - 2x + 1$  의 값은?

① -3

② -2

③ 0

④ 1

⑤ 3

해설

$x = 1 - \sqrt{3}i$ 에서

$x - 1 = -\sqrt{3}i$ 의 양변을 제곱하면

$$(x - 1)^2 = (-\sqrt{3}i)^2$$

$x^2 - 2x = -4$  이므로

$$x^2 - 2x + 1 = -4 + 1 = -3$$

4.  $z = \frac{1+3i}{1-i}$  일 때, 다음 중  $z$  의 켤레복소수  $\bar{z}$  와 같은 것은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

①  $\frac{1+3i}{1+i}$

④  $\frac{1-i}{1+3i}$

②  $\frac{1-3i}{1+i}$

⑤  $\frac{1+i}{1-3i}$

③  $\frac{1-3i}{1-i}$

해설

$$\overline{\left(\frac{z_2}{z_1}\right)} = \frac{\overline{z_2}}{\overline{z_1}} \text{ 이므로}$$

$$\bar{z} = \overline{\left(\frac{1+3i}{1-i}\right)} = \frac{\overline{1+3i}}{\overline{1-i}} = \frac{1-3i}{1+i}$$

5.  $x = 3 + 2i$  일 때,  $x^2 - 6x - 10$  의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : -23

해설

$x = 3 + 2i$ 에서  $x - 3 = 2i$ 의 양변을 제곱하면

$$(x - 3)^2 = (2i)^2 \quad \therefore x^2 - 6x = -13$$

$$x^2 - 6x - 10 = -13 - 10 = -23$$

$$\therefore -23$$

6. 이차방정식  $x^2 + 4x + k = 0$ 이 허근을 가지도록 상수  $k$ 의 값의 범위를 정하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $k > 4$

해설

$$\frac{D}{4} = 2^2 - k < 0$$

$$\therefore k > 4$$

7. 이차방정식  $2x^2 - x - 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답:  $-\frac{5}{2}$

해설

$$\alpha + \beta = \frac{1}{2}, \quad \alpha\beta = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{\alpha\beta} = -\frac{5}{2}$$

8. 이차방정식  $x^2 - 2x + a + 1 = 0$ 의 두 근이 서로 다른 부호의 실근을 가질 때,  $a$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a < -1$

해설

$$(두 근의 곱) = a + 1 < 0 \quad \therefore a < -1$$

9. 다음 방정식을 만족하는  $x$ ,  $y$ 의 값을 차례대로 구하여라.

$$2x - y = 4x + 10 = x + y - 5$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -5$

▷ 정답:  $y = 0$

해설

주어진 방정식은 다음의 연립방정식과 같다.

$$\begin{cases} 2x - y = 4x + 10 \\ 2x - y = x + y - 5 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} 2x + y + 10 = 0 & \dots\dots \textcircled{\text{R}} \\ x - 2y + 5 = 0 & \dots\dots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{L}} \text{에서 } x = 2y - 5 \dots\dots \textcircled{\text{E}}$$

$$\textcircled{\text{E}} \text{을 } \textcircled{\text{R}} \text{에 대입하면 } 2(2y - 5) + y + 10 = 0$$

$$\therefore y = 0$$

$$y = 0 \text{을 } \textcircled{\text{E}} \text{에 대입하면 } x = -5$$

$$\therefore x = -5, y = 0$$

10. 부등식  $|x - 1| < 2$  을 풀면?

①  $-1 < x < 0$

②  $-1 < x < 3$

③  $1 < x < 3$

④  $x < -1$  또는  $x > 3$

⑤  $\frac{1}{2} < x < 1$

해설

$$|x - 1| < 2 \text{에서 } -2 < x - 1 < 2$$

$$\therefore -1 < x < 3$$

11. 이차부등식  $x^2 + 2x - 35 < 0$  을 풀면?

①  $-15 < x < 12$

②  $-15 < x < 5$

③  $-7 < x < 5$

④  $-7 < x < 2$

⑤  $-5 < x < 7$

해설

$$x^2 + 2x - 35 < 0 \text{에서 } (x+7)(x-5) < 0$$

$$\therefore -7 < x < 5$$

12. 연립부등식  $\begin{cases} 2x^2 + 3x - 2 \leq 0 \\ 2x^2 + x - 3 < 0 \end{cases}$  을 풀면?

- ①  $-2 < x \leq \frac{1}{2}$       ②  $-2 < x \leq 1$       ③  $-\frac{3}{2} < x \leq 1$   
④  $-\frac{3}{2} < x \leq \frac{1}{2}$       ⑤  $1 < x \leq 2$

해설

$$\begin{cases} 2x^2 + 3x - 2 \leq 0 & \cdots (ㄱ) \\ 2x^2 + x - 3 < 0 & \cdots (ㄴ) \end{cases}$$

(ㄱ)에서  $(2x-1)(x+2) \leq 0$

$$\therefore -2 \leq x \leq \frac{1}{2}$$

(ㄴ)에서  $(2x+3)(x-1) < 0$

$$\therefore -\frac{3}{2} < x < 1$$

따라서 공통 범위를 구하면

$$-\frac{3}{2} < x \leq \frac{1}{2}$$

13.  $x$ 에 대한 이차방정식  $2mx^2 + (5m+2)x + 4m+1 = 0$ 의 중근을 갖도록 하는 실수  $m$ 의 값은?

①  $-\frac{3}{2}, -2$

②  $-\frac{7}{12}, -\frac{1}{2}$

③  $-\frac{7}{2}, 2$

④  $-\frac{2}{7}, 2$

⑤  $\frac{2}{7}, \frac{3}{2}$

해설

주어진 이차방정식의 판별식을  $D$ 라고 하면 중근을 가질 조건은  
 $D = 0$ 이므로

$$D = (5m+2)^2 - 4 \cdot 2m \cdot (4m+1) = 0$$

$$25m^2 + 20m + 4 - 32m^2 - 8m = 0$$

$$7m^2 - 12m - 4 = 0$$

$$(7m+2)(m-2) = 0$$

$$\therefore m = -\frac{2}{7} \text{ 또는 } 2$$

14. 이차식  $2x^2 - 4x + 3$  을 복소수 범위에서 인수분해하면?

①  $(x - 3)(2x + 1)$

②  $2 \left( x - 1 - \frac{\sqrt{2}i}{2} \right) \left( x - 1 + \frac{\sqrt{2}i}{2} \right)$

③  $(x + 3)(2x - 1)$

④  $2 \left( x + 1 - \frac{\sqrt{2}i}{2} \right) \left( x - 1 + \frac{\sqrt{2}i}{2} \right)$

⑤  $2 \left( x - 1 - \frac{\sqrt{2}i}{2} \right) \left( x + 1 + \frac{\sqrt{2}i}{2} \right)$

해설

$$a = 2, b' = -2, c = 3$$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 6}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{2}i}{2} = 1 \pm \frac{\sqrt{2}}{2}i$$

$$\therefore 2 \left( x - 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}i \right) \left( x - 1 + \frac{\sqrt{2}}{2}i \right)$$

15. 이차함수  $f(x) = ax^2 + bx + c$  가  $x = -1$ 에서 최댓값 7을 갖고,  $f(2) = -2$ 를 만족할 때, 상수  $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 3

② 7

③ 11

④ -3

⑤ -5

해설

$$f(x) = a(x+1)^2 + 7, f(2) = -2$$

$$\Rightarrow 3^2 \times a + 7 = -2, a = -1$$

$$\therefore f(x) = -(x+1)^2 + 7 = -x^2 - 2x + 6$$

$$\text{따라서 } a + b + c = 3$$

16.  $x$ 의 범위가  $-3 \leq x \leq 2$  일 때, 이차함수  $y = x^2 - 2x - 1$  의 최댓값은  $M$ , 최솟값은  $m$  이다.  $M + m$  의 값은?

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

해설

$$y = x^2 - 2x - 1 = (x - 1)^2 - 2$$

$$\Rightarrow m : x = 1 \text{ 일 때} : -2,$$

$$M : x = -3 \text{ 일 때} : 14$$

$$\therefore m + M = 12$$

17. 방정식  $x^4 - 4x + 3 = 0$ 의 해를 구하면?

- ①  $x = 1, x = -1 \pm 2i$       ②  $x = -1, x = 1 \pm 2i$   
③  $x = 1, x = -1 \pm \sqrt{2}i$       ④  $x = -1, x = 1 \pm \sqrt{2}i$   
⑤  $x = 1$

해설

$$\begin{array}{c|ccccc} & 1 & 0 & 0 & -4 & 3 \\ & & 1 & 1 & 1 & -3 \\ \hline 1 & 1 & 1 & 1 & -3 & 0 \\ & & 1 & 2 & 3 & \\ \hline & 1 & 2 & 3 & 0 & \end{array}$$

$$(x - 1)^2(x^2 + 2x + 3) = 0, x = 1, -1 \pm \sqrt{2}i$$

18. 삼차방정식  $2x^3 - 7x^2 + 11x + 13 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라고 할 때,  
다음 (가), (나), (다)에 알맞은 값을 차례로 쓴 것은?

- (가)  $\alpha + \beta + \gamma$
- (나)  $\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha$
- (다)  $\alpha\beta\gamma$

- ①  $\frac{7}{2}, \frac{11}{2}, -\frac{13}{2}$       ②  $-\frac{7}{2}, \frac{13}{2}, \frac{11}{2}$       ③  $\frac{13}{2}, \frac{7}{2}, -\frac{11}{2}$   
④  $\frac{11}{2}, -\frac{13}{2}, \frac{7}{2}$       ⑤  $\frac{7}{2}, -\frac{11}{2}, \frac{13}{2}$

### 해설

삼차방정식  $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0(a \neq 0)$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라  
하면

$$\alpha + \beta + \gamma = -\frac{b}{a}$$

$$\alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = \frac{c}{a}$$

$$\alpha\beta\gamma = -\frac{d}{a}$$

19. 연립방정식  $\begin{cases} 2x + y + z = 12 \\ x + 2y + z = 3 \\ x + y + 2z = 5 \end{cases}$  의 해를  $x = a$ ,  $y = b$ ,  $z = c$  라 할 때,  $abc$ 의 값은?

- ① -14      ② -7      ③ 0      ④ 7      ⑤ 14

해설

$$\begin{cases} 2x + y + z = 12 & \dots\dots \textcircled{\text{⑦}} \\ x + 2y + z = 3 & \dots\dots \textcircled{\text{⑧}} \\ x + y + 2z = 5 & \dots\dots \textcircled{\text{⑨}} \end{cases}$$

⑦ + ⑧ + ⑨ 을 하면  $4(x + y + z) = 20$

$\therefore x + y + z = 5 \dots\dots \textcircled{\text{⑩}}$

⑦ - ⑩에서  $x = 7$

⑧ - ⑩에서  $y = -2$

⑨ - ⑩에서  $z = 0$

$\therefore a = 7, b = -2, c = 0$

$\therefore abc = 0$

20. 연립방정식  $\begin{cases} x + y = 5 \\ y + z = 6 \\ z + x = 7 \end{cases}$  을 풀면?

- ①  $x = 2, y = 3, z = 4$
- ②  $x = 2, y = 3, z = -4$
- ③  $x = 2, y = 3, z = 5$
- ④  $x = 2, y = -3, z = 4$
- ⑤  $x = 3, y = 2, z = 4$

해설

주어진 식을 모두 더하면

$$2(x + y + z) = 18, \quad x + y + z = 9 \quad \cdots ⑦$$

다시 주어진 식에 ⑦을 각각 대입한다.

$$\Rightarrow x = 3, \quad y = 2, \quad z = 4$$

**21.** 이차방정식  $x^2 - (k+1)x + k = 0$ 의 두 근의 비가 2 : 3 일 때, 상수  $k$ 의 값들의 곱을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

두 근을  $2\alpha, 3\alpha$  라 하면

$$2\alpha + 3\alpha = k + 1, (2\alpha)(3\alpha) = k \text{ 이므로,}$$

$$5\alpha = k + 1, 6\alpha^2 = k$$

이 두 식에서  $\alpha$ 를 소거하면

$$6 \left( \frac{k+1}{5} \right)^2 = k \text{ 에서 } 6k^2 - 13k + 6 = 0$$

$$(2k-3)(3k-2) = 0 \therefore k = \frac{3}{2}, \frac{2}{3}$$

22. 이차함수  $y = -x^2 - 2ax + 4a - 4$ 의 최댓값을  $M$ 이라 할 때,  $M$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -8

해설

$$y = -x^2 - 2ax + 4a - 4 = -(x + a)^2 + a^2 + 4a - 4$$

이므로  $x = -a$  일 때 최댓값  $a^2 + 4a - 4$ 를 가진다.

$$\therefore M = a^2 + 4a - 4 = (a + 2)^2 - 8$$

따라서  $M$ 은  $a = -2$  일 때 최댓값 -8을 가진다.

23. 삼차방정식  $x^3 + ax^2 + bx + 5 = 0$  의 한 근이  $2 - i$  일 때, 실수  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 10

해설

$$x^3 + ax^2 + bx + 5 = 0 \text{ 의 세 근: } 2 - i, 2 + i, \alpha$$

$$\text{세 근의 합: } -a = 4 + \alpha \cdots ①$$

$$\text{세 근의 곱: } -5 = (2 + i)(2 - i)\alpha = 5\alpha$$

$$\therefore \alpha = -1, \quad ① \text{식에 대입하면 } a = -3$$

$$b = (2 + i)(2 - i) + (2 + i) \cdot (-1) + (2 - i) \cdot (-1) = 5 - 4 = 1$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 10$$