

1. $\frac{5}{6}$ 에 가장 가까운 분수는 어느 것입니까?

- ① $\frac{2}{3}$
- ② $\frac{3}{5}$
- ③ $\frac{7}{10}$
- ④ $\frac{8}{15}$
- ⑤ $\frac{13}{20}$

해설

$$\frac{5}{6} = \frac{50}{60}, \frac{2}{3} = \frac{40}{60}, \frac{3}{5} = \frac{36}{60}$$

$$\frac{7}{10} = \frac{42}{60}, \frac{8}{15} = \frac{32}{60}, \frac{13}{20} = \frac{39}{60}$$

위의 수 중에서 $\frac{50}{60}$ 에 가장 가까운 분수는

$\frac{42}{60}$ 이므로, $\frac{5}{6}$ 에 가장 가까운 분수는 $\frac{7}{10}$ 입니다.

2. 다음 중 $\frac{4}{15}$ 에 가장 가까운 수는 어느 것입니까?

- ① $\frac{7}{20}$ ② $\frac{3}{10}$ ③ 0.27 ④ $\frac{19}{50}$ ⑤ 0.26

해설

$\frac{4}{15}$ 를 소수로 나타내면 약 0.27 입니다.

보기의 분수들을 소수로 고쳐서

$\frac{4}{15}$ 에 가장 가까운 수를 찾아 봅시다.

① $\frac{7}{20} = 0.35$

② $\frac{3}{10} = 0.3$

③ 0.27

④ $\frac{19}{50} = 0.38$

⑤ 0.26

보기의 분수와 소수 중에서 $\frac{4}{15}$ (약 0.27)에

가장 가까운 수는 0.27 입니다.

3. 분자와 분모의 합이 20 이고, 약분하면 $\frac{2}{3}$ 가 되는 분수의 분자를 쓰시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

약분해서 $\frac{2}{3}$ 이므로 원래 분수로 가능한 분수는

$\frac{2}{3}, \frac{4}{6}, \frac{6}{9}, \frac{8}{12}, \dots$ 입니다.

이 중에서 분자와 분모의 합이 20 인 분수는 $\frac{8}{12}$ 입니다.

4. 분모와 분자의 합이 48 이고, 약분하면 $\frac{7}{9}$ 이 되는 분수를 찾아 분모를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 27

해설

$9 + 7 = 16$ 이므로 분모와 분자에

$48 \div 16 = 3$ 을 곱합니다.

$$\rightarrow \frac{7 \times 3}{9 \times 3} = \frac{21}{27}$$

$$\frac{7}{9} = \frac{14}{18} = \frac{21}{27} = \dots \text{ 에서}$$

분모와 분자의 합이 48 인 분수는 $\frac{21}{27}$ 입니다.

5. $\frac{3}{4}$ 과 $\frac{5}{6}$ 사이에 있는 분수 중에서 분모가 48인 기약분수의 분자를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 37

해설

$\frac{3}{4}$ 과 $\frac{5}{6}$ 를 분모가 48인 분수로 통분하면,

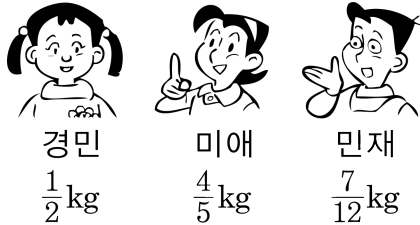
$\frac{3}{4} = \frac{36}{48}$, $\frac{5}{6} = \frac{40}{48}$ 입니다.

$\frac{36}{48} < \frac{\square}{48} < \frac{40}{48}$ 의 $\square$ 에는

37, 38, 39가 들어갈 수 있습니다.

이 중에서 48과 공약수가 1뿐인 수는 37입니다.

6. 세 사람의 가방의 무게를 알아보았더니 다음과 같았습니다. 가방이 가장 무거운 사람부터 차례로 올바르게 나열한 것은 어느 것입니까?



- ① 경민 - 미애 - 민재 ② 경민 - 민재 - 미애
③ 미애 - 경민 - 민재 ④ 미애 - 민재 - 경민
⑤ 민재 - 미애 - 경민

해설

경민, 미애, 민재의 가방의 무게인 세 분수의 크기를 비교합니다.

$$\left(\frac{1}{2}, \frac{4}{5}\right) \rightarrow \frac{5}{10} < \frac{8}{10} \rightarrow \frac{1}{2} < \frac{4}{5}$$

$$\left(\frac{4}{5}, \frac{7}{12}\right) \rightarrow \frac{48}{60} > \frac{35}{60} \rightarrow \frac{4}{5} > \frac{7}{12}$$

$$\left(\frac{1}{2}, \frac{7}{12}\right) \rightarrow \frac{6}{12} < \frac{7}{12} \rightarrow \frac{1}{2} < \frac{7}{12}$$

따라서 $\frac{4}{5} > \frac{7}{12} > \frac{1}{2}$ 입니다.

7. 유진이네 집에서 지혜네 집까지는 $2\frac{8}{15}$ km, 보연이네 집까지는 $2\frac{3}{5}$ km, 철호네 집까지는 $2\frac{5}{6}$ km 입니다. 유진이네 집에서 가장 먼 곳은 누구네 집입니까?

▶ 답 :

▷ 정답 : 철호

해설

$$\left(2\frac{8}{15}, 2\frac{3}{5}, 2\frac{5}{6}\right) = \left(\frac{38}{15}, \frac{13}{5}, \frac{17}{6}\right)$$

거리를 비교하기 위하여 세 분수를 통분 합니다.

세 분모의 최소공배수는

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 15 \quad 5 \quad 6} \\ 3 \overline{) 3 \quad 1 \quad 6} \\ \quad 1 \quad 1 \quad 2 \end{array}$$

에서 $5 \times 3 \times 1 \times 1 \times 2 = 30$ 이고

$$\left(\frac{38}{15}, \frac{13}{5}, \frac{17}{6}\right) = \left(\frac{76}{30}, \frac{78}{30}, \frac{85}{30}\right) \text{ 이므로}$$

가장 먼 곳은 철호네 집입니다.

8. 정민이는 수학 공부를 $1\frac{7}{15}$ 시간 하였고, 영어 공부를 $1\frac{5}{6}$ 시간 하였습니다. 수학과 영어 중 공부를 더 많이 한 것을 쓰시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 영어

해설

$$1\frac{7}{15} = 1\frac{14}{30}, 1\frac{5}{6} = 1\frac{25}{30} \text{ 이므로}$$

$$1\frac{7}{15} < 1\frac{5}{6} \text{ 입니다.}$$

따라서 영어 공부를 더 많이 했습니다.

9. 철훈이의 몸무게는 $36\frac{7}{10}$ kg , 남일이의 몸무게는 $36\frac{2}{5}$ kg , 지영이의 몸무게는 $36\frac{1}{2}$ kg 입니다. 몸무게가 가장 무거운 사람부터 차례로 이름을 쓰시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 철훈

▷ 정답 : 지영

▷ 정답 : 남일

해설

분모를 10, 5, 2 의 최소공배수인 10 으로 통분 합니다.

$$36\frac{7}{10}, 36\frac{4}{10}, 36\frac{5}{10}$$

따라서 $36\frac{7}{10} > 36\frac{1}{2} > 36\frac{2}{5}$ 이므로

몸무게가 가장 무거운 순서대로 이름을 쓰면 철훈, 지영, 남일입니다.

10. 어떤 분수의 분모에서 15 를 빼고 8 로 약분하였더니 $\frac{7}{8}$ 이 되었습니다.

어떤 분수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{56}{79}$

해설

구하는 분수를 $\frac{나}{가}$ 라고 하면

$$\frac{나 \div 8}{(가 - 15) \div 8} = \frac{7}{8}, 나 \div 8 = 7 \Rightarrow 나 = 56, (가 - 15) \div 8 = 8 \Rightarrow 가 = 79$$

(구하는 분수) = $\frac{나}{가} = \frac{56}{79}$ 입니다.

11. 어떤 분수의 분모에서 5 를 빼고 분모와 분자를 3 으로 약분하였더니 $\frac{5}{17}$ 가 되었습니다. 어떤 분수를 바르게 구한 것은 어느 것입니까?

- ① $\frac{15}{51}$ ② $\frac{15}{46}$ ③ $\frac{11}{46}$ ④ $\frac{15}{56}$ ⑤ $\frac{17}{56}$

해설

$$\frac{5}{17} = \frac{5 \times 3}{17 \times 3} = \frac{15}{51} \Rightarrow \frac{15}{51+5} = \frac{15}{56}$$

12. 어떤 분수의 분모에 7 을 더하고, 9 로 약분하였더니 $\frac{5}{6}$ 가 되었습니다.
어떤 분수의 분모를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 47

해설

9 로 약분하기 전의 분수는 $\frac{5 \times 9}{6 \times 9} = \frac{45}{54}$ 입니다.

따라서 어떤 분수는 $\frac{45}{54 - 7} = \frac{45}{47}$ 입니다.

13. 윤호와 은혜는 같은 개수의 사과를 땀습니다. 윤호는 자기가 땀 사과를 7 상자에 똑같이 나누어 담아 그 중에서 2 상자를 가졌습니다. 은혜도 자기가 땀 사과를 똑같이 나누어 12 상자에 담아서 몇 상자를 가져가려고 합니다. 다음 중 은혜가 몇 상자 가져갈 때, 윤호보다 사과를 더 적게 가져가겠습니까?

- ① 3 상자
- ② 4 상자
- ③ 5 상자
- ④ 6 상자
- ⑤ 7 상자

해설

윤호는 전체 사과 $\frac{2}{7}$ 를 가졌고,

은혜는 전체 사과 $\frac{\square}{12}$ 를 가졌습니다.

은혜가 윤호보다 더 적게 가져 가야 하므로,

$\frac{2}{7} > \frac{\square}{12}$ 를 세울 수 있습니다.

$\frac{2}{7} > \frac{\square}{12} \rightarrow \frac{24}{84} > \frac{7 \times \square}{84}$ 에서

$24 > \square \times 7$ 이 되어야 하므로,

$\square$ 안의 수는 4 보다 작아야 합니다.

따라서, 은혜가 4 상자보다 적게 가져 가야

윤호보다 더 적게 가져 가게 됩니다.

14. $\frac{7}{12}$ 과 크기가 같은 분수 중에서 분모와 분자에 각각 6 을 더하고 기약 분수로 나타내면 $\frac{2}{3}$ 가 되는 분수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{14}{24}$

해설

$$\frac{7}{12} = \frac{14}{24} = \frac{21}{36} = \frac{28}{48} = \dots \text{에서}$$

$$\frac{14+6}{24+6} = \frac{20}{30} = \frac{2}{3}$$

15. $\frac{\textcircled{7}}{\textcircled{L} \times \textcircled{L}} = \frac{1}{192}$ 을 만족하는 가장 작은 자연수 $\textcircled{7}$, $\textcircled{L}$ 을 차례대로 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 24

해설

$$\begin{aligned} 192 &= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \\ \frac{1}{192} &= \frac{3}{(2 \times 2 \times 2 \times 3) \times (2 \times 2 \times 2 \times 3)} \\ &= \frac{3}{24 \times 24} \\ \textcircled{7} &= 3, \textcircled{L} = 24 \end{aligned}$$