

1. 다음 중 방정식이 아닌 것을 모두 고르면?

- ① $3x + 4 = 2x + 4$ ② $2(x - 2) = -2x - 2$
③ $3x + 1 = 2x + 1 + x$ ④ $\frac{x}{4} + 3$
⑤ $2x + x^2 = x^2 - 2x$

해설

- ③ $2x + 1 + x = 3x + 1$ 이므로 항등식이다.
④ 등식이 아니므로 방정식이 될 수 없다.

2. 점 $(2, 5)$ 에 대하여 원점에 대칭인 점의 좌표는?

- ① $(2, -5)$ ② $(2, 5)$ ③ $(-2, -5)$
④ $(-2, 5)$ ⑤ $(5, -2)$

해설

원점에 대하여 대칭인 점은 x 와 y 의 부호가 모두 바뀌므로 $(-2, -5)$ 이다.

3. 다음 중 $x \div y \times z$ 와 같은 식을 고르시오.

- | | | |
|-----------------------|-----------------------|-------------------------|
| Ⓐ $x \times y \div z$ | Ⓑ $x \div y \div z$ | Ⓒ $x \div (y \times z)$ |
| Ⓓ $x \times z \div y$ | Ⓔ $x \div z \times y$ | |

▶ 답:

▷ 정답: ⓒ

해설

$$x \div y \times z = x \times \frac{1}{y} \times z = \frac{xz}{y}$$

$$\textcircled{A} \quad x \times y \div z = x \times y \times \frac{1}{z} = \frac{xy}{z}$$

$$\textcircled{B} \quad x \div y \div z = x \times \frac{1}{y} \times \frac{1}{z} = \frac{x}{yz}$$

$$\textcircled{C} \quad x \div (y \times z) = x \times \frac{1}{yz} = \frac{x}{yz}$$

$$\textcircled{D} \quad x \times z \div y = x \times z \times \frac{1}{y} = \frac{xz}{y}$$

$$\textcircled{E} \quad x \div z \times y = x \times \frac{1}{z} \times y = \frac{xy}{z}$$

4. 정가가 a 원인 물건을 20 % 할인하여 구입할 때, 지불할 금액을 식으로 나타내면?

- ① $0.2a$ 원 ② $0.8a$ 원 ③ $20a$ 원
④ $80a$ 원 ⑤ $8a$ 원

해설

$$a - 0.2a = 0.8a(\text{ 원})$$

5. 함수 $f(x) = 3x - 2$ 에서 $f(2) = a, f(b) = -8$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$f(2) = 3 \times 2 - 2 = 4 = a$$

$$f(b) = 3b - 2 = -8, b = -2$$

$$\therefore a + b = 4 - 2 = 2$$

6. x 의 값이 $-6, -3, 0, 3, 6$ 인 함수 $y = \frac{x}{3}$ 의 함숫값은?

- ① $-3, -1, 0, 1, 3$ ② $-3, -1, 0, 1, 2$ ③ $-2, -1, 0, 1, 2$
④ $-2, -1, 0, 2, 4$ ⑤ $-2, -1, 0, 3, 6$

해설

$$f(-6) = \frac{-6}{3} = -2$$

$$f(-3) = \frac{-3}{3} = -1$$

$$f(0) = \frac{0}{3} = 0$$

$$f(3) = \frac{3}{3} = 1$$

$$f(6) = \frac{6}{3} = 2$$

\therefore 함숫값은 $-2, -1, 0, 1, 2$ 이다.

7. 다음 사분면의 점들이 바르게 짹지어지지 않은 것은?

- ① A(-1, 2) → 제 2사분면 ② B(2, -7) → 제 4사분면
③ C(0, -5) → x 축 위 ④ D(-4, -5) → 제 3사분면
⑤ E(2, 2) → 제 1사분면

해설

점 (0, -5) 는 y 축 위에 있다.



8. 함수 $y = \frac{b}{a}x$ 의 그래프가 제 2 사분면과 제 4 사분면을 지날 때, 점 $(a^2 - b, b - a)$ 은 제 몇 사분면 위에 있는지 구하여라. (단, $a > b$)

▶ 답 :

▷ 정답 : 제 4사분면

해설

$$\frac{b}{a} < 0 \text{ } \circ\text{] } \text{and } a > b \text{ } \circ\text{] } \text{therefore } a > 0, b < 0$$

$$\therefore a^2 - b > 0, b - a < 0 \text{ } \circ\text{] } \text{therefore}$$

점 $(a^2 - b, b - a)$ 는 제 4 사분면 위에 있다.

9. A 지점에서 출발하여 시속 x km로 10km 만큼 떨어진 B 지점까지 가는데 도중에 20분간 휴식을 취하였다. A 지점에서 출발하여 B 지점에 도착할 때까지 걸린 시간을 문자를 사용한 식으로 나타내면?

① $\left(\frac{x}{10} + 20\right)$ 시간 ② $\left(\frac{x}{10} + \frac{1}{3}\right)$ 시간
③ $\left(\frac{10}{x} + 20\right)$ 시간 ④ $\left(\frac{10}{x} + \frac{1}{3}\right)$ 시간

⑤ $(10x + 20)$ 시간

해설

$$20(\text{분}) = \frac{20}{60}(\text{시간}) = \frac{1}{3}(\text{시간}) \text{ 이다.}$$

따라서 구해야 하는 식은

$$(\text{전체 걸린 시간}) = (\text{달린 시간}) + (\text{휴식 시간}) =$$

$$\left(\frac{10}{x} + \frac{1}{3}\right) \text{ 시간 이다.}$$

10. $a = \frac{2}{3}$, $b = \frac{1}{2}$, $c = \frac{3}{5}$ 일 때, $\frac{2}{a} + \frac{1}{b} + \frac{6}{c}$ 의 값을 구하여라.

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned}\frac{2}{a} + \frac{1}{b} + \frac{6}{c} &= 2 \div a + 1 \div b + 6 \div c \\&= 2 \div \frac{2}{3} + 1 \div \frac{1}{2} + 6 \div \frac{3}{5} \\&= 2 \times \frac{3}{2} + 1 \times 2 + 6 \times \frac{5}{3} \\&= 3 + 2 + 10 = 15\end{aligned}$$

11. 다음 두 식을 간단히 하였을 때, x 의 계수의 합을 구하면?

$$\begin{aligned} & 3(2x - 2) - \frac{1}{4}(8x - 20), \\ & \frac{1}{3}(9x - 6y) - \frac{3}{4}\left(16x - \frac{8}{3}y\right) \end{aligned}$$

- ① -8 ② -5 ③ -2 ④ 2 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} & 3(2x - 2) - \frac{1}{4}(8x - 20) \\ & = 6x - 6 - 2x + 5 = 4x - 1 \\ & \frac{1}{3}(9x - 6y) - \frac{3}{4}\left(16x - \frac{8}{3}y\right) \\ & = 3x - 2y - 12x + 2y = -9x \end{aligned}$$

따라서 x 의 계수의 합은 $4 + (-9) = -5$ 이다.

12. $x - 4$ 에서 어떤 식을 빼어야 할 것을 잘못하여 더했더니 $5x - 6$ 이 되었다고 한다. 바르게 계산한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-3x - 2$

해설

어떤 식 : A

$$A + (x - 4) = 5x - 6$$

$$A = (5x - 6) - (x - 4)$$

$$= 5x - 6 - x + 4$$

$$= 4x - 2$$

바른 계산은

$$x - 4 - (4x - 2) = x - 4 - 4x + 2 = -3x - 2$$

13. x 에 관한 등식 $ax + 8 = 4(b + x)$ 의 해가 무수히 많을 때, $2b^2 - a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$ax + 8 = 4(b + x)$ 를 정리하면

$ax + 8 = 4b + 4x$ 이므로

해가 무수히 많으려면 $a = 4$

$4b = 8, b = 2$

$\therefore 2b^2 - a = 2 \times 2^2 - 4 = 4$

14. 일차방정식 $-2(x+1) = 3(x-1) + 5$ 를 풀 때 x 의 값은?

- ① $-\frac{1}{5}$ ② $-\frac{2}{5}$ ③ $-\frac{3}{5}$ ④ $-\frac{4}{5}$ ⑤ -1

해설

$$-2x - 2 = 3x - 3 + 5$$

$$-2x - 3x = 2 + 2$$

$$-5x = 4$$

$$\therefore x = -\frac{4}{5}$$

15. 방정식 $0.4x = \frac{1}{2}x + 0.3$ 의 해를 $x = a$ 라 할 때, $a^2 - 2a + 5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

$$0.4x = \frac{1}{2}x + 0.3 \text{의 해가 } x = a \text{ 이므로 대입하면,}$$

$$0.4a = \frac{1}{2}a + 0.3 \text{ 이고,}$$

양변에 10을 곱하면

$$4a = 5a + 3, -a = 3$$

$$\therefore a = -3$$

따라서 $a^2 - 2a + 5 = 9 + 6 + 5 = 20$ 이다.

16. 방정식 $\frac{1}{a}(4a - 1) = 1.5 - 0.5(4 - 0.6x)$ 의 해가 $x = 5$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

① 3 ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 2

해설

$$\frac{1}{a}(4a - 1) = 1.5 - 0.5(4 - 0.6 \times 5)$$

$$4 - \frac{1}{a} = 1.5 - 0.5$$

$$\frac{1}{a} = 3$$

$$\therefore a = \frac{1}{3}$$

17. 연속하는 3 개의 3 의 배수의 합이 126 일 때, 가운데 수의 각 자릿수의 합은?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

연속하는 3 개의 3의 배수는 $x - 3, x, x + 3$ 이다.

$(x - 3) + x + (x + 3) = 126$ 이므로 $x = 42$ 이다.

따라서 연속하는 3 개의 3 의 배수는 39, 42, 45 이다.

가운데 수 42의 각 자릿수의 합은 $4+2=6$

18. 할머니와 어머니와 나는 각각 24 살 차이가 난다. 할머니의 나이가 손녀의 나이의 5 배보다 4 살 많다고 할 때, 어머니의 나이를 구하여라.

▶ 답:

세

▷ 정답: 35세

해설

어머니의 나이를 x 라 하면 할머니의 나이는 $x + 24$, 손녀의 나이는 $x - 24$ 이다.

$$x + 24 = 5(x - 24) + 4$$

$$-4x = -120 - 24 + 4$$

$$x = 35$$

즉, 어머니의 나이는 35 세이다.

19. A 가 혼자서 하면 15 일, B 가 혼자서 하면 20 일 걸리는 일이 있다.
처음 2 명이 같이 시작하다가 도중에 B 는 8 일을 쉬었다. 이 일을
완성하는데 걸린 날 수를 구하여라.

▶ 답: 일

▷ 정답: 12일

해설

전체 일의 양을 1로 놓으면

A, B 가 하루에 일하는 양은 $\frac{1}{15}$, $\frac{1}{20}$ 이 된다.

또, 완성하는데 걸린 날 수를 x 라 하면 A 는 x 일을 일했고 B 는 $(x - 8)$ 을 일했으므로 주어진 조건에 따라 식을 세우면

$$\frac{1}{15}x + \frac{1}{20}(x - 8) = 1,$$

$$4x + 3(x - 8) = 60$$

$$7x = 84$$

$$\therefore x = 12 \text{ (일)}$$

20. 동생이 집에서 학교를 향하여 출발하였다. 동생이 떠난 지 20 분 후에 형이 자전거로 같은 길을 따라 동생을 쫓아갔다. 동생이 걷는 속력은 매분 100 m , 형의 자전거 속력은 매분 300 m 라고 할 때, 형은 출발한 지 몇 분 후에 동생과 만나겠는가?

- ① 10 분 후 ② 20 분 후 ③ 30 분 후
④ 40 분 후 ⑤ 50 분 후

해설

형이 동생을 만날 때까지 걸린 시간을 x 분이라 하면 동생이 걸린 시간은 $x + 20$ 분이다.

형이 걸은 거리와 동생이 걸은 거리가 같으므로 $100(x + 20) = 300x$, $x = 10$

형이 출발한 후 10 분 후에 동생을 만난다.

21. 함수 $y = ax$ ($a \neq 0$) 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 원점을 지나는 직선이다.
- ② a 의 절댓값이 클수록 x 축에 가깝다.
- ③ $a > 0$ 이면 오른쪽 위를 향하는 직선이다.
- ④ $a < 0$ 이면 x 의 값이 증가할 때, y 의 값은 감소한다.
- ⑤ $a < 0$ 이면, 제 2, 4 사분면을 지난다.

해설

- ② a 의 절댓값이 클수록 y 축에 가깝다.

22. 일차방정식 $3(x + 2) = -2(3x - 1)$ 를 x 를 포함한 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항하여 정리하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$3(x + 2) = -2(3x - 1)$$

$$3x + 6 = -6x + 2$$

$$3x + 6x = 2 - 6$$

$$9x = -4$$

따라서 x 의 계수와 상수항의 합은 $9 - 4 = 5$ 이다.

23. 방정식 $\frac{x+1}{2} = \frac{x-1}{3} - 2$ 의 해를 a 라 하고, $(x+2) : 2 = (2x+3) : 3$ 의 해를 b 라 할 때, $a - b$ 의 값은?

Ⓐ -17 Ⓑ -16 Ⓒ -8 Ⓓ -7 Ⓔ -6

해설

$$\begin{aligned}\frac{x+1}{2} &= \frac{x-1}{3} - 2 \text{ 에서} \\ 3(x+1) &= 2(x-1) - 12 \\ \therefore x = -17 &= a \\ (x+2) : 2 &= (2x+3) : 3 \text{ 에서} \\ 2(2x+3) &= 3(x+2) \\ 4x+6 &= 3x+6 \\ \therefore x = 0 &= b \\ \therefore a - b &= -17\end{aligned}$$

24. 함수 $f(x) = -\frac{3}{5}x$ 의 y 의 값이 -9 이상 12 이하인 정수 일 때, 이 함수의 x 의 값 중 가장 큰 수에서 가장 작은 수를 뺀 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 35

해설

$$y = -9 \text{ 일 때}, -\frac{3}{5}x = -9 \quad \therefore x = 15$$

$$y = 12 \text{ 일 때}, -\frac{3}{5}x = 12 \quad \therefore x = -20$$

x 의 값은 -20 이상 15 이하인 정수이므로

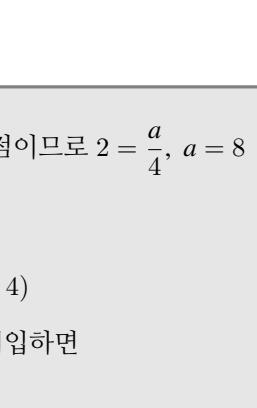
x 의 값 중 가장 큰 수는 15 , 가장 작은 수는 -20

$$\therefore (\text{가장 큰 수}) - (\text{가장 작은 수}) = 15 - (-20) = 35$$

25. 다음 그림과 같이 두 점 A, B 가 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위에 있을 때, 함수 $y = bx$ 의 그래프가 선분 AB 를 만나기 위한 b 의 값의 범위를 구한 것은?

① $\frac{1}{2} \leq b \leq \frac{3}{2}$ ② $1 \leq b \leq \frac{3}{2}$
③ $\frac{1}{2} \leq b \leq 2$ ④ $\frac{1}{2} \leq b \leq \frac{5}{2}$

⑤ $1 \leq b \leq \frac{5}{2}$



해설

점 (4, 2) 은 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위의 점이므로 $2 = \frac{a}{4}$, $a = 8$

$\therefore y = \frac{8}{x}$

$x = 2$ 를 대입하면 $y = \frac{8}{2}$, $y = 4$ $\therefore B(2, 4)$

두 점 (4, 2), (2, 4) 을 $y = bx$ 에 각각 대입하면

$2 = 4b$, $b = \frac{1}{2}$

$4 = 2b$, $b = 2$

$\therefore \frac{1}{2} \leq b \leq 2$