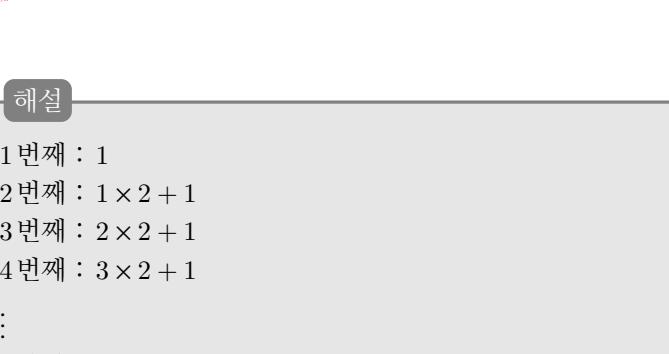


1. 다음 그림과 같이 점을 찍어 나갈 때,  $x$  번째 그림에 새로 찍어야 할 점의 갯수를  $y$  개라고 하면  $y$ 는  $x$ 의 함수이다. 함수의 관계식은?



- ①  $y = x$       ②  $y = 2x$       ③  $y = x - 1$   
④  $y = 2x - 1$       ⑤  $y = 3x$

해설

$$\begin{aligned}1\text{번째} &: 1 \\2\text{번째} &: 1 \times 2 + 1 \\3\text{번째} &: 2 \times 2 + 1 \\4\text{번째} &: 3 \times 2 + 1 \\&\vdots \\x\text{번째} &: (x-1) \times 2 + 1 \\&\therefore y = 2x - 1\end{aligned}$$

2.  $x \geq 3 \leq x \leq 12$  일 때, 함수  $y = -\frac{1}{3}x$  의 함숫값은  $a \leq y \leq b$ 이다. 이 때,  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = -1, b = -2$       ②  $a = -1, b = -3$   
③  $a = -3, b = -2$       ④  $a = -3, b = -3$   
⑤  $a = -4, b = -1$

해설

$$\begin{aligned}f(3) &= -1 \\f(12) &= -4 \\-4 \leq y &\leq -1\end{aligned}$$

3.  $x$ 의 범위가  $5 < x \leq 10$ 인 자연수일 때, 이 함수  $y = \frac{x}{3}$ 의 합수값들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{40}{3}$

해설

$x$ 의 범위에 속하는  $x$ 가 6, 7, 8, 9, 10이므로

$x = 6$  일 때,  $y = \frac{6}{3} = 2$

$x = 7$  일 때,  $y = \frac{7}{3}$

$x = 8$  일 때,  $y = \frac{8}{3}$

$x = 9$  일 때,  $y = \frac{9}{3}$

$x = 10$  일 때,  $y = \frac{10}{3}$

따라서 합수값의 범위는  $2, \frac{7}{3}, \frac{8}{3}, \frac{9}{3}, \frac{10}{3}$  이므로

구하는 합은  $\frac{6}{3} + \frac{7}{3} + \frac{8}{3} + \frac{9}{3} + \frac{10}{3} = \frac{40}{3} = 13\frac{1}{3}$ 이다.

4. 점  $P(a, b)$  가 제 4 사분면 위의 점일 때, 점  $A(ab, a-b)$  는 제 몇 사분면 위의 점인지 구하여라.

▶ 답:

사분면

▷ 정답: 제 2사분면

해설

$a > 0, b < 0 \Rightarrow ab < 0, a - b > 0$   
따라서  $A(ab, a-b)$  는 제 2 사분면 위에 있다.

5. 점 A( $a+b$ ,  $ab$ )는 제 1사분면 위의 점이고 B( $c-d$ ,  $cd$ )는 제 4사분면 위의 점일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $b-d > 0$       ②  $bd > 0$       ③  $ad < 0$

- ④  $ac > 0$       ⑤  $a+b > 0$

해설

$a+b$ ,  $ab$ 가 제 1사분면 위의 점이므로  
 $a+b > 0$ ,  $ab > 0$ 에서  $a, b$ 는 서로 같은 부호임을 알 수 있으므로  
 $a > 0$ ,  $b > 0$ 이다.  
 $c-d$ ,  $cd$ 은 제 4사분면 위의 점이므로  
 $c-d > 0$ ,  $cd < 0$ 에서  $c > 0$ 이고  $d < 0$ 이다.  
따라서,  $bd < 0$ 이 되어야 한다.

6. 함수  $y = ax$  의 그래프가 두 점  $(2, 4)$ ,  $(-3, b)$ 를 지날 때,  $a$  와  $b$  의 값을 구하라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 2$

▷ 정답:  $b = -6$

해설

우선  $a$ 의 값을 구해보면,  $4 = a \times 2$  이므로,  $a = 2$  가 된다.  
따라서 이 그래프는  $y = 2x$  이므로  $b = 2 \times (-3)$ ,  $b = -6$  이다.

7. 세 점  $\left(-\frac{21}{4}, 3a\right)$ ,  $(-b, -24)$ ,  $\left(c, -\frac{96}{7}\right)$  o| 함수  $y = -\frac{12}{7}x$  의 그래프  
위의 점일 때,  $\frac{b+2c}{a}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{2}{3}$

해설

$$y = -\frac{12}{7}x \text{ o| } x = -\frac{21}{4}, y = 3a \text{ 를 대입하면}$$

$$3a = -\frac{12}{7} \times \left(-\frac{21}{4}\right)$$

$$\therefore a = 3$$

$$y = -\frac{12}{7}x \text{ o| } x = -b, y = -24 \text{ 를 대입하면}$$

$$-24 = -\frac{12}{7} \times (-b)$$

$$\therefore b = -14$$

$$y = -\frac{12}{7}x \text{ o| } x = c, y = -\frac{96}{7} \text{ 를 대입하면}$$

$$-\frac{96}{7} = -\frac{12}{7}c$$

$$\therefore c = 8$$

$$\therefore \frac{b+2c}{a} = \frac{(-14) + 16}{3} = \frac{2}{3}$$

8. 다음 함수의 그래프에서  $x(x > 0)$  가 감소할 때,  $y$ 도 감소하는 함수끼리 모아 놓은 것은?

Ⓐ $y = \frac{8}{x}$	Ⓑ $y = -\frac{3}{x}$	Ⓒ $y = \frac{1}{x}$
Ⓓ $y = 2x$	Ⓔ $y = \frac{2}{x}$	Ⓕ $y = \frac{1}{4}x$

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ      ② Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ      ③ Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ      ⑤ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

해설

$y = ax$ 에서  $a > 0$  일 때,  $x$ 의 값이 감소할 때,  $y$ 의 값도 감소한다.

$y = \frac{a}{x}$ 에서  $a < 0$  일 때,  $x$ 의 값이 감소할 때,  $y$ 의 값도 감소한다.

따라서 Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ이다.

9. 함수  $y = \frac{a}{x}$  의 그래프가 점  $(-3, 4)$  를 지날 때, 이 그래프 위에 있는 순서쌍  $(x, y)$  의 좌표가 모두 정수인 점의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 12개

해설

$$y = \frac{a}{x} \text{ 에 } x = -3, y = 4 \text{ 를 대입하면}$$

$$4 = -\frac{a}{3}, a = -12$$

함수  $y = -\frac{12}{x}$  의 그래프 위에 있는 점 중에서  $(x, y)$  의 순서쌍의 좌표가 모두 정수인 점은  $x$  의 좌표가  $\pm(12 \text{의 약수})$  인 경우이다.

따라서

$(1, -12), (2, -6), (3, -4), (4, -3), (6, -2), (12, -1), (-1, 12), (-2, 6), (-3, 4), (-4, 3), (-6, 2), (-12, 1)$   
의 12개이다.

10. 함수  $y = -\frac{a}{x}$ 의 그래프가 두 점  $(2, 2), (k-2, -4)$ 를 지날 때,  $k$ 의 값은?

- ① 3      ② 2      ③ 1      ④ -2      ⑤ -3

해설

$y = -\frac{a}{x}$ 에  $x = 2, y = 2$ 를 대입하면

$$2 = -\frac{a}{2}$$

$$a = -4$$

주어진 함수식은  $y = -\frac{-4}{x} = \frac{4}{x}$

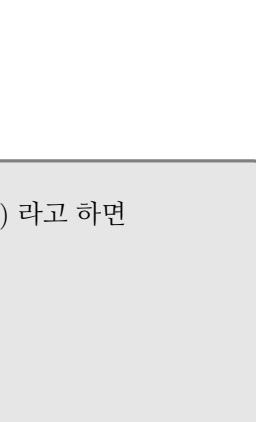
점  $(k-2, -4)$ 를 지나므로,

$$-4 = \frac{4}{k-2}$$

$$k-2 = -1$$

$$\therefore k = 1$$

11. 다음 그림은 함수  $y = \frac{a}{x}$  ( $x < 0$ )의 그래프를 나타낸 것이다. 이 그래프 위의 두 점 P, Q의  $x$  좌표가 각각  $-2, -4$ 이고, 두 점의  $y$  좌표의 차가  $-3$  일 때, 상수  $a$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

두 점 P, Q의  $y$  좌표를 각각  $f(-2), f(-4)$ 라고 하면

$$f(-2) = \frac{a}{-2}$$

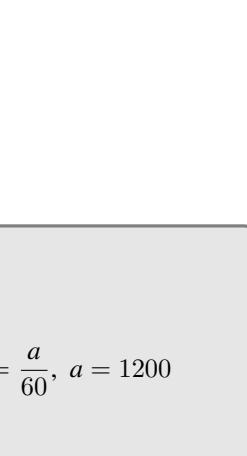
$$f(-4) = \frac{a}{-4}$$

두 점의  $y$  좌표의 차가  $-3$ 이므로

$$\begin{aligned} f(-2) - f(-4) &= \frac{a}{-2} - \frac{a}{-4} = \frac{-a}{2} + \frac{a}{4} \\ &= \frac{-2a + a}{4} = -\frac{a}{4} = -3 \end{aligned}$$

따라서  $a = 12$ 이다.

12. 다음 그림은 어느 회사의 한 달 평균 A 상품 판매량과 가격 사이의 관계를 나타낸 그래프이다. 현재 이 상품의 가격이 60만 원일 때, 판매량을 20% 증가시키려면 가격을 얼마로 해야 하는지 구하여라.



▶ 답:

만원

▷ 정답: 50만원

해설

판매량은 가격에 반비례한다.

가격을  $x$  만 원, 판매량을  $y$  대라 하면

$$y = \frac{a}{x} \text{ 에 } x = 60, y = 20 \text{ 을 대입하면 } 20 = \frac{a}{60}, a = 1200$$

즉, 함수의 식은  $y = \frac{1200}{x}$  ( $x > 0$ )

판매량을 20% 증가시키려면  $20 \times 1.2 = 24$  (대)

$$y = \frac{1200}{x} \text{ 에 } y = 24 \text{ 를 대입하면}$$

$$24 = \frac{1200}{x} \quad \therefore x = 50$$

13.  $3^n$ 의 일의 자리를  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(1) + f(2) + \cdots + f(20)$ 의 값은?

① 50      ② 100      ③ 150      ④ 200      ⑤ 250

해설

$$n = 1 \text{ 일 때}, 3^1 = 3$$

$$n = 2 \text{ 일 때}, 3^2 = 9$$

$$n = 3 \text{ 일 때}, 3^3 = 27, \text{ 따라서 일의 자리는 } 7$$

$$n = 4 \text{ 일 때}, 3^4 = 81, \text{ 따라서 일의 자리는 } 1$$

$$n = 5 \text{ 일 때}, 3^5 = 243, \text{ 따라서 일의 자리는 } 3$$

따라서 3, 9, 7, 1이 반복됨을 알 수 있다.

$$\therefore f(1) + f(2) + \cdots + f(20) = 5(3 + 9 + 7 + 1) = 100$$

14. 두 함수  $f(x) = -2x + 1$ ,  $g(x) = x - 3$ 에 대하여  $f(2) = a$ 일 때,  $g(a)$ 의 값은?

- ① -2      ② -4      ③ -6      ④ -8      ⑤ -10

해설

$$f(x) = -2x + 1, g(x) = x - 3 \text{ 이다}$$

$$f(2) = -2 \times 2 + 1 = -3$$

$$g(a) = g(-3) = -3 - 3 = -6$$

15. 함수  $f(x) = ax+3$ 에 대하여  $f(1) = 1$  일 때,  $f(f(3)+f(5))$ 의 값은?

- ① -23      ② -10      ③ -7      ④ 10      ⑤ 23

해설

$$f(1) = 1 \stackrel{\text{def}}{=} \text{대입하면 } 1 = a + 3, a = -2$$

$$\therefore f(x) = -2x + 3$$

$$f(3) = -2 \times 3 + 3 = -3$$

$$f(5) = -2 \times 5 + 3 = -7$$

$$\therefore f(-10) = -2 \times (-10) + 3 = 23$$

16.  $x$ 가 1, 2, 3이고  $y$ 가 1, 2, 3, 4, 5 일 때,  $x + f(x)$ 가 짝수가 되는 함수  $f$ 의 갯수를 구하여라.

▶ 답 :

개

▷ 정답 : 18개

해설

(i)  $x = 1$  일 때,  $1 + f(1)$ 이 짝수여야 하므로  $f(1)$ 은 홀수에 대응된다.

$$\therefore f(1) = 1, 3, 5$$

따라서 3 가지이다.

(ii)  $x = 2$  일 때,

$2 + f(2)$ 가 짝수여야 하므로  $f(2)$ 는 짝수에 대응된다.

$$\therefore f(2) = 2, 4$$

따라서 2 가지이다.

(iii)  $x = 3$  일 때,

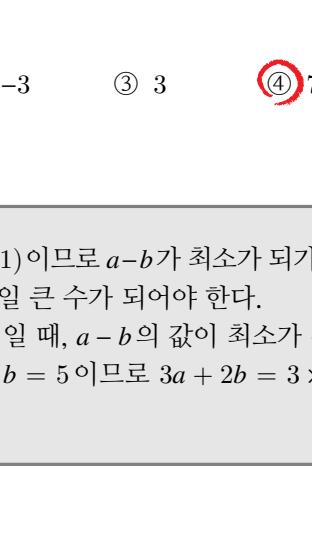
$3 + f(3)$ 이 짝수이어야 하므로  $f(3)$ 은 홀수에 대응된다.

$$\therefore f(3) = 1, 3, 5$$

따라서 3 가지이다.

따라서 함수  $f$ 의 총 갯수는  $3 \times 2 \times 3 = 18$ ( 개)

17. 다음 그림에서 점 P는 직사각형 ABCD의 둘레를 움직인다. 점 P의 좌표를  $(a, b)$ 라고 할 때,  $a - b$ 의 값이 최소가 될 때의  $3a + 2b$ 의 값을 구하면?



- ① -5      ② -3      ③ 3      ④ 7      ⑤ 9

해설

A(-1, 5), C(3, -1)이므로  $a - b$ 가 최소가 되기 위해서는  $a$ 가 제일 작은 수,  $b$ 가 제일 큰 수가 되어야 한다.

따라서 P(-1, 5)일 때,  $a - b$ 의 값이 최소가 된다.

따라서  $a = -1, b = 5$ 이므로  $3a + 2b = 3 \times (-1) + 2 \times 5 = 7$ 이다.

18.  $|x| < 2, |y| < 2$ 를 만족하는 정수  $x, y$ 를 꼭짓점으로 하여 만들 수 있는 삼각형의 개수를 구하면?

① 70 개    ② 72 개    ③ 74 개    ④ 76 개    ⑤ 78 개

해설

$|x| < 2$ 인 정수이므로  $x = -1, 0, 1$

$|y| < 2$ 인 정수이므로  $y = -1, 0, 1$

$x, y$ 는 정수이므로 이것을 좌표평면에 나타내면 다음과 같다.



좌표 평면위의 점이 9개이므로 9개의 점 중에서 3개를 선택하면 삼각형을 만들 수 있다. 그러나 직선 위에 있는 점 3개는 삼각형을 만들지 못하므로 만들 수 있는 삼각형의 개수는

$$\frac{9 \times 8 \times 7}{3 \times 2 \times 1} - 8 = 84 - 8 = 76(\text{개}) \text{이다.}$$

19. 두 점  $P(a, b)$ ,  $Q(-2a, 3b)$ 에 대하여  $\triangle OPQ$ 의 넓이가 15 일 때,  $ab$ 의 값은?(단,  $a > 0, b > 0$ )

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

주어진 조건대로 좌표평면에 그리면 다음과 같다.



$$\triangle OPQ = \text{사다리꼴 } PQHH' - \triangle OQH - \triangle OPH'$$

$$= \frac{1}{2}(b + 3b) \times 3a - \frac{1}{2} \times 2a \times 3b - \frac{1}{2} \times a \times b$$

$$= 6ab - 3ab - \frac{1}{2}ab$$

$$= \frac{5}{2}ab$$

$$\frac{5}{2}ab = 15 \Rightarrow ab = 6$$

20. 좌표평면 위에 점이  $P(m+3, n-2)$  와  $y$  축에 대칭인 점을  $(-3m, 2n)$  이라 할 때,  $m, n$ 의 값은?

Ⓐ  $m = \frac{3}{2}, n = -2$

Ⓑ  $m = 2, n = -2$

Ⓒ  $m = 4, n = -6$

Ⓓ  $m = -\frac{3}{2}, n = 2$

Ⓔ  $m = \frac{3}{2}, n = -\frac{1}{2}$

해설

$y$  축에 대하여 대칭인 점은  $x$  좌표의 부호만 바꿔므로

$$-(m+3) = -3m$$

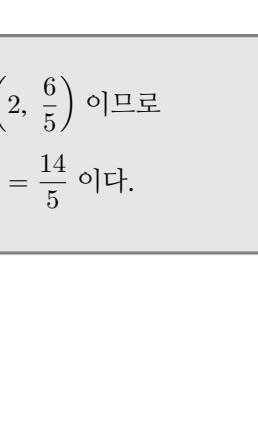
$$\therefore m = \frac{3}{2}$$

$$n-2 = 2n$$

$$\therefore n = -2$$

21. 다음 그림과 같이 점  $(2, 0)$  을 지나고  $y$  축에 평행한 직선과 두 그래프가 만나는 점을 각각 A, B 라 한다. 삼각형 AOB 의 넓이는?

- ① 2      ②  $\frac{11}{5}$       ③  $\frac{12}{5}$   
 ④  $\frac{13}{5}$       ⑤  $\frac{14}{5}$

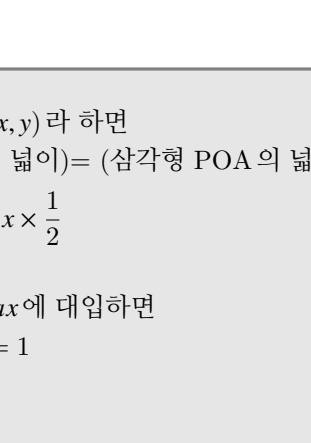


해설

점 A의 좌표는  $(2, 4)$ , 점 B의 좌표는  $(2, \frac{6}{5})$  이므로

삼각형 AOB의 넓이는  $\frac{1}{2} \times \left(4 - \frac{6}{5}\right) \times 2 = \frac{14}{5}$  이다.

22. 두 점  $B(4, 0)$ ,  $A(0, 2)$ 가 있다. 다음 그림과 같이 제 1사분면 위의 점  $P$ 를 지나는 직선  $y = ax$ 가 사각형  $OBPA$ 의 넓이를 이등분 할 때,  $a$ 의 값은?



- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④ 1      ⑤ 4

**해설**

$P$  점의 좌표를  $(x, y)$  라 하면

$(\text{삼각형 } BPO \text{의 넓이}) = (\text{삼각형 } POA \text{의 넓이})$  이므로

$$4 \times y \times \frac{1}{2} = 2 \times x \times \frac{1}{2}$$

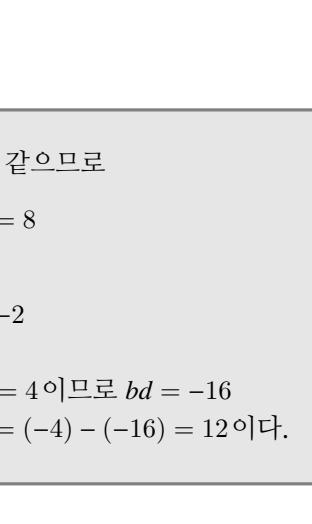
$$x = 2y$$

$P(2y, y)$  를  $y = ax$ 에 대입하면

$$y = a \times 2y, 2a = 1$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

23. 다음 그림과 같이 함수  $y = -\frac{8}{x}$  과  $y = -2x$  가 두 점  $P(a, b)$ ,  $Q(c, d)$ 에서 만난다. 이 때,  $ac - bd$ 의 값은?



- ① -16      ② -20      ③ 0      ④ 10      ⑤ 12

해설

교점의  $y$  좌표가 같으므로

$$-2x = -\frac{8}{x}, 2x^2 = 8$$

$$\therefore x^2 = 4$$

$$x = 2 \text{ 또는 } x = -2$$

$$\therefore ac = -4$$

$$x = -2 \text{ 일 때, } y = 4 \text{ 이므로 } bd = -16$$

따라서  $ac - bd = (-4) - (-16) = 12$ 이다.

24. 교실 청소를 하는데  $A$  가 혼자하면 20분 걸리고,  $B$  가 혼자하면 30분 걸리고,  $C$  가 혼자하면 15분 걸린다고 한다.  $A, B, C$  의 3명이 함께 교실청소를 할 때, 몇 분이 걸리는지 구하여 소수 둘째 자리까지 나타내면?

- ① 6.24분      ② 6.28분      ③ 6.54분  
④ 6.59분      ⑤ 6.67분

해설

$A, B, C$ 가 일한 시간을  $x$ 시간이라고 하고, 일한 양을  $y\%$ 라 하여 그레프를 나타내면

$$A \text{ 함수의 식은 } y = 5x$$

$$B \text{ 함수의 식은 } y = \frac{10}{3}x$$

$$C \text{ 함수의 식은 } y = \frac{20}{3}x$$

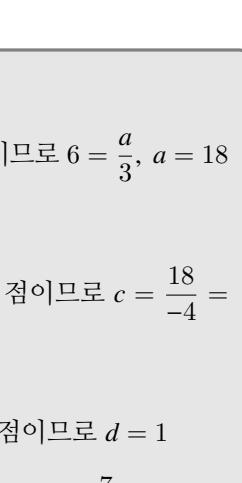
따라서 함께 일 할때 걸리는 시간은

$$5x + \frac{10}{3}x + \frac{20}{3}x = 100$$

$$\therefore x = \frac{20}{3} \approx 6.67(\text{분})$$

25. 다음 그림과 같이 두 함수  $y = 2x$  와  $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 점  $(3, b)$ 에서 만날 때,  $a - 2b + 3c + 4d$ 의 값은?

- ①  $-\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{3}{2}$       ③  $-\frac{5}{2}$   
 ④  $-\frac{7}{2}$       ⑤  $-\frac{9}{2}$



해설

$y = 2x$  //  $x = 3$ ,  $y = b$  를 대입하면  $b = 6$

점  $(3, 6)$ 은 함수  $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위의 점이므로  $6 = \frac{a}{3}$ ,  $a = 18$

$$\therefore y = \frac{18}{x}$$

점  $(-4, c)$ 가 함수  $y = \frac{18}{x}$ 의 그래프 위의 점이므로  $c = \frac{18}{-4} = -\frac{9}{2}$

점  $(d, 18)$ 이 함수  $y = \frac{18}{x}$ 의 그래프 위의 점이므로  $d = 1$

$$\therefore a - 2b + 3c + 4d = 18 - 12 + 3 \times \left(-\frac{9}{2}\right) + 4 = -\frac{7}{2}$$