

1. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle A = \angle C$ 이다. $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AD} = 8\text{cm}$ 일 때, $\square ABCD$ 의 둘레의 길이는?



- ① 18 cm ② 20 cm ③ 22 cm ④ 24 cm ⑤ 26 cm

2. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle BAD = \angle CAD$, $\angle ABE = 120^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

- ① 10° ② 20° ③ 30°

- ④ 40° ⑤ 50°

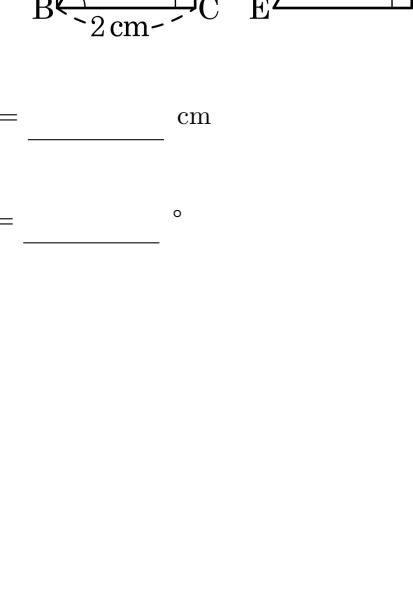


3. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 이등분선과 변 AC 와의 교점을 D 라 할 때, $\triangle BDC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답: _____

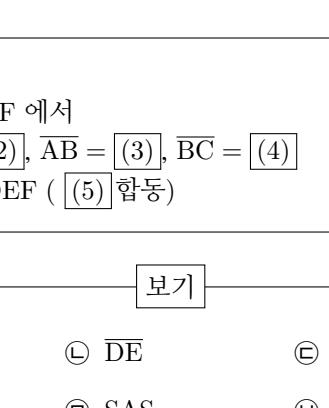
4. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 합동일 때, \overline{DE} 의 길이와 $\angle D$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\overline{DE} = \underline{\hspace{2cm}}$ cm

▶ 답: $\angle D = \underline{\hspace{2cm}}$ °

5. 다음 그림과 같은 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 합동임을 증명하는 과정이다. (1) ~ (5) 안에 알맞은 것을 보기에서 찾아라.



증명)
 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 에서
 $\angle C = [1] = [2]$, $\overline{AB} = [3]$, $\overline{BC} = [4]$
 $\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF$ ([5] 합동)

[보기]

- Ⓐ $\angle F$ Ⓑ \overline{DE} Ⓒ \overline{DF}
Ⓑ \overline{EF} Ⓑ SAS Ⓒ RHS
Ⓒ RHA Ⓑ 90° Ⓒ 45°

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

6. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle A = 66^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 130° ② 132° ③ 134° ④ 136° ⑤ 138°

7. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\overline{BC} = \overline{CD}$ 이고 $\angle B = 66^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?



- ① 10° ② 15° ③ 18° ④ 23° ⑤ 25°

8. $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{CA} = \overline{CD}$ 가 되도록 점 D를 변 AB 위에 잡았다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

9. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 45° ② 55° ③ 65° ④ 75° ⑤ 85°

10. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때,
 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

11. 다음 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. 그림을 보고 옳은 것을 모두 고른 것은?

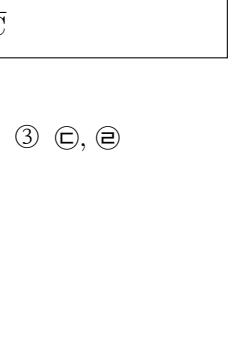
Ⓛ $\overline{AC} = 10\text{cm}$ Ⓜ $\angle B = 60^\circ$

Ⓝ $\angle C = 30^\circ$



- Ⓐ Ⓛ Ⓜ Ⓝ Ⓞ Ⓛ, Ⓝ Ⓟ Ⓜ, Ⓝ

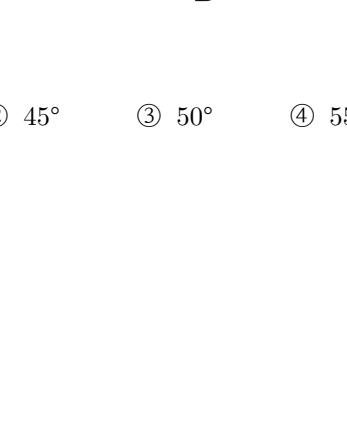
12. 다음 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이
고 \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.
그림을 보고 옳은 것을 모두 고른 것은?



- | | |
|--------------------------------|---------------------------------------|
| ⑦ $\overline{CD} = 3\text{cm}$ | ⑧ $\angle x = 90^\circ$ |
| ⑨ $\angle BAC = 32^\circ$ | ⑩ $\overline{AC} \perp \overline{BC}$ |

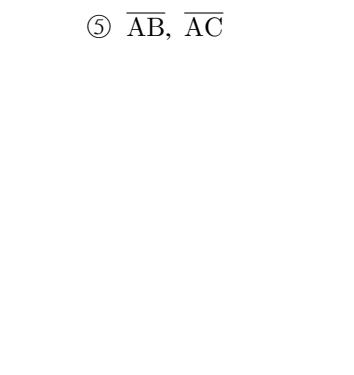
- ① ⑦, ⑧ ② ⑨, ⑩ ③ ⑨, ⑩
④ ⑦, ⑨, ⑩ ⑤ ⑧, ⑨, ⑩

13. 다음 그림에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 이고 $\angle B = 40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



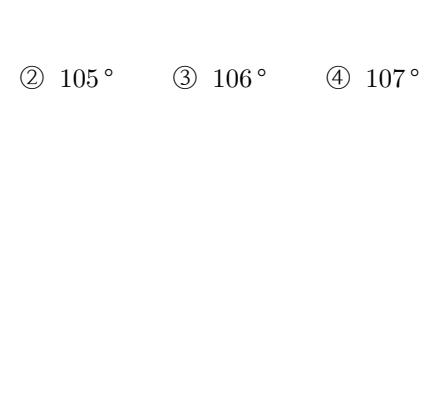
- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

14. 다음 그림에서 \overline{PC} 와 길이가 같은 것을 알맞게 쓴 것은?



- ① $\overline{PA}, \overline{AB}$ ② $\overline{PB}, \overline{AC}$ ③ $\overline{BC}, \overline{PA}$
④ $\overline{PA}, \overline{PB}$ ⑤ $\overline{AB}, \overline{AC}$

15. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 와 $\triangle EFG$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{EF} = \overline{EG}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



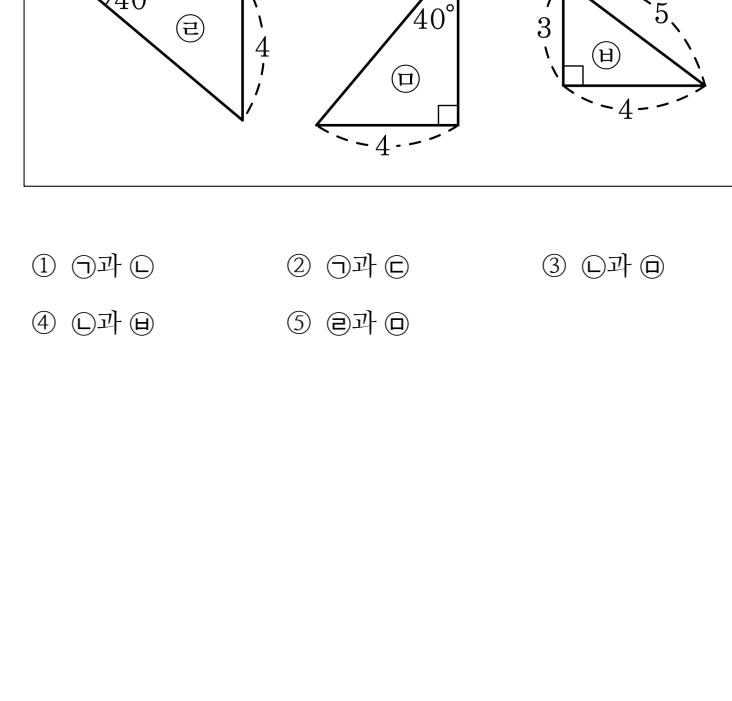
- ① 104° ② 105° ③ 106° ④ 107° ⑤ 108°

16. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답: _____

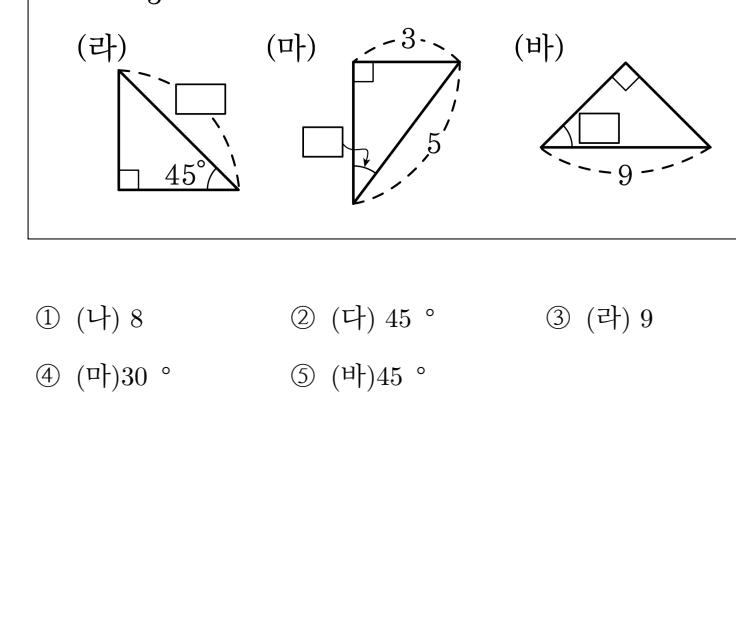
17. 다음 직각삼각형 중에서 서로 합동인 것끼리 짹지은 것이 아닌 것을 모두 고르면?



- ① Ⓛ과 Ⓜ ② Ⓛ과 Ⓝ ③ Ⓞ과 Ⓟ

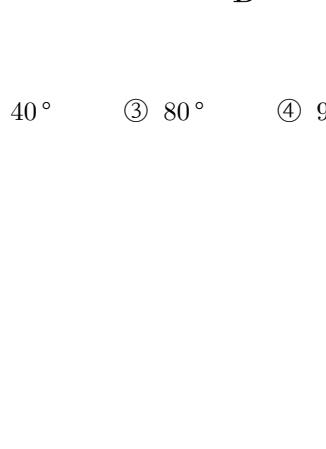
- ④ Ⓜ과 Ⓠ ⑤ Ⓠ과 Ⓡ

18. 다음 삼각형 중에서 (가)와(마), (나)와(다), (라)와(바)가 서로 합동이다. 빈 칸에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것을 모두 고르면?



- ① (나) 8 ② (다) 45° ③ (라) 9
④ (마) 30° ⑤ (바) 45°

19. 다음 그림에서 $\angle APB$ 의 크기는 ?



- ① 20° ② 40° ③ 80° ④ 90° ⑤ 140°

20. 다음 그림에서 $\overline{AC} = \overline{BC} = \overline{AD}$, $\overline{BD} = 2$ 이다.
 y 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



21. 다음 그림의 $\angle AOB$ 의 내부의 한 점 P에서 두 변 \overline{OA} , \overline{OB} 에 내린 수선의 발을 각각 Q, R이라고 하였을 때, $\overline{QP} = \overline{RP}$ 이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\triangle QPO \cong \triangle RPO$ ② $\overline{QO} = \overline{RO}$
③ $\overline{QO} = \overline{PO}$ ④ $\angle OPQ = \angle OPR$
⑤ $\angle QOP = \angle ROP$

22. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 P 에서 $\overrightarrow{O X}$, $\overrightarrow{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ()안에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[증명]

$\triangle POA$ 와 $\triangle POB$ 에서

$\angle POA = (1)$ ㉠

(2) 는 공통 ㉡

(3) $= \angle OBP = 90^\circ$ ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle POA \cong \triangle POB$ (4) 합동

$\therefore (5) = \overline{P A}$

① $\angle POB$

② \overline{OP}

③ $\angle OAP$

④ RHS

⑤ \overline{PA}

23. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 꼭지각 A의 이등분선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라고 할 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

24. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 $\triangle ABC$ 에서
 $\overline{AC} \perp \overline{DC}$ 일 때, $\angle BDC$ 의 크기는?



- ① 46° ② 48° ③ 50° ④ 52° ⑤ 54°

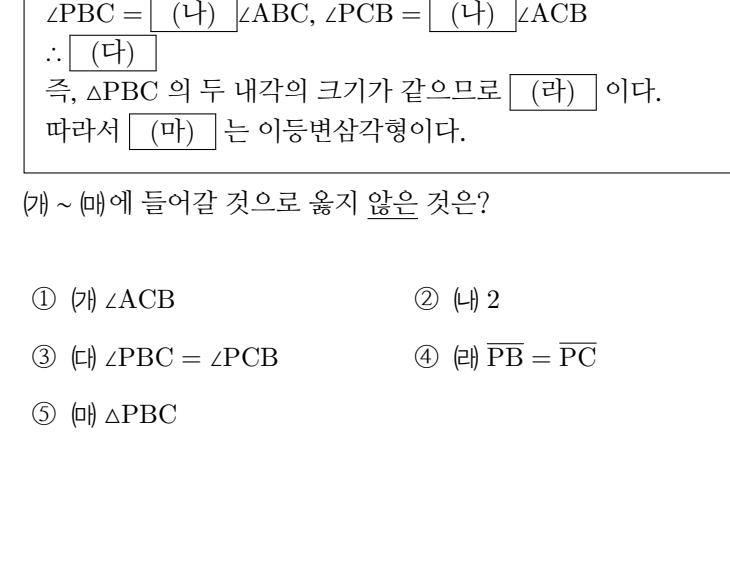
25. 다음은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 P 라 할 때, $\triangle PBC$ 는 이등변삼각형임을 증명하는 과정이다.

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \boxed{\text{(가)}}$ 이므로
 $\angle PBC = \boxed{\text{(나)}}$ $\times \angle B = \frac{1}{2} \times \boxed{\text{(다)}} = \boxed{\text{(라)}}$
따라서 $\triangle PBC$ 는 $\boxed{\text{(마)}}$ 이다.

(가) ~ (마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

- ① (가) $\angle C$ ② (나) 2
③ (다) $\angle C$ ④ (다) $\angle PCB$
⑤ (마) 이등변삼각형

26. 다음은 「 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC의 두 밑각 $\angle B$, $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 P라 하면 $\triangle PBC$ 도 이등변삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로
 $\angle ABC = \boxed{\text{(가)}}$
 $\angle PBC = \boxed{\text{(나)}}$ $\angle ABC$, $\angle PCB = \boxed{\text{(나)}}$ $\angle ACB$
 $\therefore \boxed{\text{(다)}}$

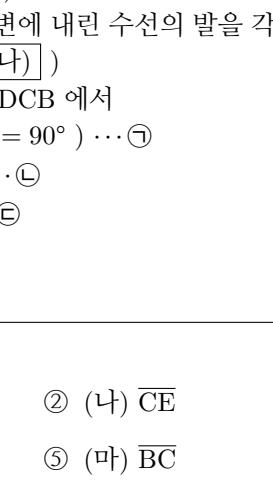
즉, $\triangle PBC$ 의 두 내각의 크기가 같으므로 $\boxed{\text{(라)}}$ 이다.

따라서 $\boxed{\text{(마)}}$ 는 이등변삼각형이다.

(가) ~ (마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

- ① (가) $\angle ACB$ ② (나) 2
③ (다) $\angle PBC = \angle PCB$ ④ (마) $\overline{PB} = \overline{PC}$
⑤ (마) $\triangle PBC$

27. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형ABC의 꼭짓점B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E라고 할 때, $\overline{BD} = \overline{CE}$ 임을 증명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



(가정)
 (1) ($\overline{AB} = \boxed{(가)}$)
 (2) B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E
 (결론) ($\overline{BD} = \boxed{(나)}$)
 (증명) $\triangle EBC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
 ($\angle BDC = \boxed{(다)} = 90^\circ$) $\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$
 ($\angle B = \boxed{(라)}$) $\cdots \textcircled{\textcircled{2}}$
 $\boxed{(마)}$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\textcircled{3}}$
 $\triangle EBC \cong \triangle DCB$
 $\therefore \overline{BD} = \overline{CE}$

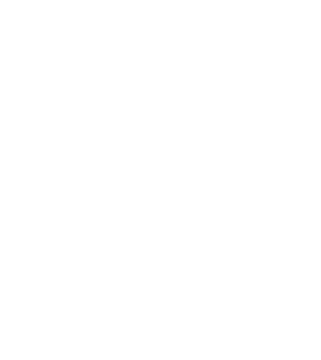
- ① (가) \overline{AC} ② (나) \overline{CE} ③ (다) $\angle BDA$
 ④ (라) $\angle C$ ⑤ (마) \overline{BC}

28. 다음 그림과 같이 직사각형 모양의 종이를 접었을 때, $\angle x$ 의 크기는?



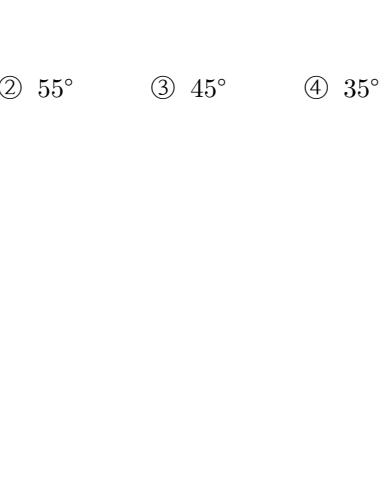
- ① 60° ② 62° ③ 64° ④ 66° ⑤ 68°

29. 다음 그림과 같이 직사각형 모양의 종이를 접었을 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 62° ③ 64° ④ 66° ⑤ 70°

30. 합동인 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 65° ② 55° ③ 45° ④ 35° ⑤ 25°

31. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 \overline{AD} 가 $\angle A$ 의 이등분선이라고 하고, 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라고 한다. $\overline{BD} = 5\text{ cm}$ 일 때, \overline{CE} 의 길이를 구하여라.



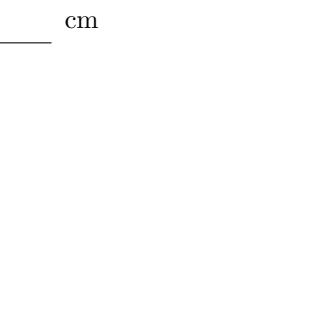
▶ 답: _____ cm

32. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 6, 세로의 길이가 4인 직사각형 ABCD에서 선분 AE, AF는 각각 $\angle BAC$, $\angle CAD$ 의 이등분선이고, 점 E, F에서 대각선 AC에 내린 수선의 발을 각각 G, H라 한다. 이때 \overline{GH} 의 길이를 구하여라.



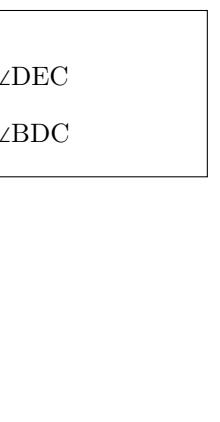
▶ 답: _____

33. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAC = 90^\circ$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

34. $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 가 있다.
 $\angle DEC = 90^\circ$, $\overline{BC} = \overline{EC}$ 이고, $\triangle DBC \equiv \triangle DEC$
(RHS 합동)를 설명하기 위해 필요한 조건을 보기에서 모두 골라라.



[보기]

- Ⓐ $\overline{BC} = \overline{EC}$ ⓒ $\angle DBC = \angle DEC$
Ⓑ $\overline{DB} = \overline{DE}$ Ⓝ $\angle DAE = \angle BDC$

▶ 답: _____

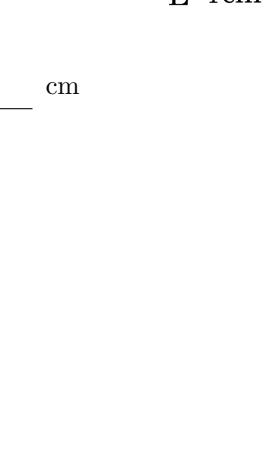
▶ 답: _____

35. 다음 $\triangle ABC$ 에서 점 D는 \overline{BC} 의 중점이고, 점 D에서 \overline{AB} 와 \overline{AC} 에 내린 수선을 \overline{ED} , \overline{FD} 라 하고 그 길이가 같을 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

36. 다음 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 인 점 D를 잡고 $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 인 점 E를 잡았다. $\overline{EC} = 4\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

37. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC에서 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라고 하면 $\overline{DE} = 3\text{ cm}$ 일 때, $\angle DAE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

38. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분 선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라고 한다. $\overline{AB} = 11\text{cm}$, $\overline{DC} = 4\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

39. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AD} = \overline{CD}$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



- ① 7cm ② 8cm ③ 9cm ④ 10cm ⑤ 11cm

40. 다음 그림과 같이 $\angle A = \angle B$ 인 삼각형 ABC 의 변 AB 에 수직인 직선이 변 AB , 변 AC 와 변 BC 의 연장선과 만나는 점을 각각 D, E, F 라 정한다. $\overline{BF} = 7\text{cm}$, $\overline{AE} = 2.5\text{cm}$ 일 때, 선분 EC 의 길이를 구하여라.



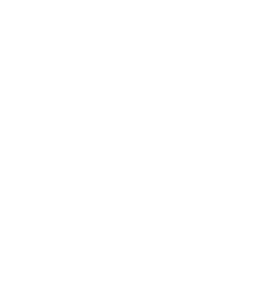
▶ 답: _____ cm

41. 다음 그림은 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 를 점 A 가 점 C 에 오도록 접은 것이다. $\angle DCB = 25^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

42. 직사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 접었을 때, $\angle BCD = 40^\circ$ 이다. 이때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

43. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BD} 는 $\angle B$ 의 이등분선이고 $\overline{BC} = 20\text{ cm}$, $\overline{AD} = 6\text{ cm}$ 일 때, $\triangle DBC$ 의 넓이 는?



- ① 50 cm^2 ② 52 cm^2 ③ 58 cm^2
④ 60 cm^2 ⑤ 64 cm^2