1. $\left(-\frac{1}{5}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right) \times \left(-\frac{5}{9}\right) \times \left(-\frac{7}{11}\right) \times \cdots \times \left(-\frac{17}{21}\right) \times \left(-\frac{19}{23}\right)$ 을 계산한 값을 $\frac{x}{y}$ 라고 할 때, $y-x$ 의 값은?

- ① 130 ② 140 ③ 150 ④ 160 ⑤ 170

해설

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{1}{5}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right) \times \left(-\frac{5}{9}\right) \times \left(-\frac{7}{11}\right) \times \left(-\frac{9}{13}\right) \times \cdots \times \left(-\frac{18}{21}\right) \times \\ & \left(-\frac{19}{23}\right) \times \left(-\frac{21}{25}\right) \times \left(-\frac{23}{27}\right) \\ & = \frac{1 \times 3}{21 \times 23} = \frac{1}{161} = \frac{x}{y} \\ & \therefore y-x = 161-1 = 160 \end{aligned}$$

2. 농도가 3% 이고 소금 30g 이 들어있는 소금물과 농도가 5% 이고 소금 20g 인 소금물을 섞었을 때의 물의 양은?

- ① 1150g ② 1250g ③ 1350g
④ 1450g ⑤ 1550g

해설

농도가 3% 이고 소금 30g 인 소금물의 양을 구하면

$$(\text{소금물의 양}) = \frac{100 \times 30}{3} = 1000(\text{g}) \text{ 이다.}$$

따라서 물의 양은 $1000 - 30 = 970(\text{g})$

농도가 5% 이고 소금 20g 인 소금물의 양을 구하면

$$(\text{소금물의 양}) = \frac{100 \times 20}{5} = 400(\text{g}) \text{ 이다.}$$

따라서 물의 양은 $400 - 20 = 380(\text{g})$ 이다.

⇒ 두 소금물의 물의 양을 합하면 $970 + 380 = 1350(\text{g})$ 이다.

3. $a = -\frac{1}{4}$ 일 때, 다음 보기의 식을 그 값이 큰 것부터 차례로 나열한 것으로 알맞은 것은?

보기

$$-\frac{1}{a^2}, a^2, -\frac{1}{a}$$

- ① $-\frac{1}{a^2}, -\frac{1}{a}, a^2$ ② $-\frac{1}{a^2}, a^2, -\frac{1}{a}$
③ $-\frac{1}{a}, a^2, -\frac{1}{a^2}$ ④ $a^2, -\frac{1}{a}, -\frac{1}{a^2}$
⑤ $a^2, -\frac{1}{a^2}, -\frac{1}{a}$

해설

$$-\frac{1}{a^2} = -1 \div a^2 = -1 \div \frac{1}{16} = -1 \times 16 = -16$$

$$a^2 = \left(-\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$

$$-\frac{1}{a} = -1 \div a = -1 \div \left(-\frac{1}{4}\right) = -1 \times (-4) = 4$$

$4 > \frac{1}{16} > -16$ 이므로 큰 것부터 나열하면 $-\frac{1}{a}, a^2, -\frac{1}{a^2}$ 이다.

4. 다음 중 상수항이 같은 수로 이루어지지 않은 식은?

① $2(a - 2b + 3)$

② $x(3x + 2) + 6$

③ $4a + 2b - (a + 3b - 6)$

④ $\frac{x + 2y + 18}{3}$

⑤ $4x - (3x + 2) - 4$

해설

- ①, ②, ③, ④ 상수항은 6이다.
⑤ 상수항은 -6이다.

5. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 구하면?

- ① $2x \times y \times z$ 는 항이 1 개다.
- ② $a \times \left(-\frac{1}{3}b\right) \div c + 5$ 는 항이 3 개인 다항식이다.
- ③ $5x - 3y - 4$ 는 항이 3 개인 다항식이다.
- ④ $2 - 5x$ 의 x 의 계수는 -5 이고 상수항은 2이다.
- ⑤ $6x^2 - 8x + 10 + ax^2 + x + 1$ 이 일차식이 되기 위한 a 의 값은 -6 이다.

해설

$$\textcircled{2} \ a \times \left(-\frac{1}{3}b\right) \div c + 5 = -\frac{ab}{3c} + 5$$

따라서 항은 2개이다.

6. 다음 중 계산 결과가 $(-\frac{10}{3}) \times (0.2x + 0.5)$ 와 다른 하나는?

① $(-\frac{1}{3}) \times (2x + 5)$

② $(-\frac{2}{5}x - 1) \div 0.6$

③ $4 \times (-\frac{1}{6}x - \frac{5}{12})$

④ $(-10) \times (\frac{2}{15}x + \frac{1}{8})$

⑤ $(\frac{2}{5}x + 1) \div (-\frac{3}{5})$

해설

$$(-\frac{10}{3}) \times (0.2x + 0.5)$$

$$= (-\frac{10}{3}) \times \frac{2}{10}x + (-\frac{10}{3}) \times \frac{5}{10} = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$$

① $(-\frac{1}{3}) \times (2x + 5) = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$

② $(-\frac{2}{5}x - 1) \div 0.6 = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$

③ $4 \times (-\frac{1}{6}x - \frac{5}{12}) = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$

④ $(-10) \times (\frac{2}{15}x + \frac{1}{8}) = -\frac{4}{3}x - \frac{5}{4}$

⑤ $(\frac{2}{5}x + 1) \div (-\frac{3}{5}) = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$

따라서 다른 하나는 ④이다.

7. 다음 식을 간단히 하면 $ax + by$ 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

$$(-1)^{99}(x+y) - (-1)^{100}(x-y) + (-1)^{101}(x-2y) - (-1)^{102}(2x+y)$$

- ① -6 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} & (-1)^{99}(x+y) - (-1)^{100}(x-y) + (-1)^{101}(x-2y) - (-1)^{102}(2x+y) \\ &= (-1)(x+y) - (+1)(x-y) + (-1)(x-2y) - (+1)(2x+y) \\ &= -x - y - x + y - x + 2y - 2x - y \\ &= -5x + y \end{aligned}$$

따라서 $a + b = -5 + 1 = -4$

8. $f(x)$ 는 x 의 2 배보다 3 만큼 큰 수를 나타낼 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$2f(A) - \{f(-2) + f(A)\} \times 2$$

- ① 2 ② $A + 1$ ③ $-2A + 3$
④ 4 ⑤ $2A - 1$

해설

$$\begin{aligned} f(x) \text{ 는 } x \text{ 의 2 배보다 3 만큼 큰 수이므로} \\ f(A) = 2A + 3, f(-2) = 2 \times (-2) + 3 = -1 \\ 2f(A) - \{f(-2) + f(A)\} \times 2 \\ = 2(2A + 3) - (-1 + 2A + 3) \times 2 \\ = 4A + 6 - (-2 + 4A + 6) \\ = 4A + 6 + 2 - 4A - 6 \\ = 2 \end{aligned}$$

9. 일차방정식 $3(x+2) = -2(3x-1)$ 를 x 를 포함한 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항하여 정리하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$3(x+2) = -2(3x-1)$$

$$3x+6 = -6x+2$$

$$3x+6x = 2-6$$

$$9x = -4$$

따라서 x 의 계수와 상수항의 합은 $9-4=5$ 이다.

10. $6x - 6y = 3(x - y) - 12$ 일 때, $x - y$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$6x - 6y = 3(x - y) - 12$$

$$6(x - y) = 3(x - y) - 12$$

$$3(x - y) = -12$$

$$\therefore x - y = -4$$

11. 방정식 $0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{17}{8}$

해설

$$0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$$

양변에 10을 곱하면

$$2(x+3) - 50 = 3x - 5(2-3x)$$

$$2x + 6 - 50 = 3x - 10 + 15x$$

$$2x - 44 = 18x - 10$$

$$-16x = 34$$

$$\therefore x = -\frac{17}{8}$$

12. 5%의 소금물 300g에서 몇 g의 물을 증발시키면 6%의 소금물이 되는지 구하여라.

▶ 답: g

▷ 정답: 50g

해설

5%의 소금물 300g에 녹아있는 소금의 양은 $\left(\frac{5}{100} \times 300\right)$ g

이고,

물 x g을 증발시키면 농도가 6%가 되므로 소금의 양은 $\frac{6}{100} \times (300 - x)$ g이다.

$$\frac{5}{100} \times 300 = \frac{6}{100} \times (300 - x)$$

$$1500 = 1800 - 6x$$

$$6x = 300$$

$$x = 50(\text{g})$$

13. 저금통에는 동전 x 개가 들어 있고 그 중 a 개는 십원짜리, b 개는 백원짜리, 나머지는 전부 오백원짜리이다. 저금통 금액을 a, b, x 의 식으로 나타내면?

- ① $10a + 100b + 500(x - a - b)$ 원
② $(100a + 10b + 500x)$ 원
③ $(10a + 100b + 500x)$ 원
④ $(100a + 100b + 500x)$ 원
⑤ $100a + 10b + 500(x - a - b)$ 원

해설

십원짜리는 a 개, 백원짜리는 b 개, 오백원짜리는 $(x - a - b)$ 개이다.
저금통 안에 금액은 $10a + 100b + 500(x - a - b)$ 원이다.

14. $a = -\frac{8}{3}$, $|b| = 5$, $ab > 0$ 일 때, $3a - [5b + 3 - 2\{2a + 3(a - b)\}]$ 의 값에서 a 의 계수를 x , b 의 계수를 y , 상수항을 z 라 할 때, $x + y - z$ 의 값은?

- ① 5 ② 12 ③ 18 ④ 20 ⑤ 26

해설

$$\begin{aligned} & 3a - [5b + 3 - 2\{2a + 3(a - b)\}] \\ &= 3a - \{5b + 3 - 2(5a - 3b)\} \\ &= 3a - (-10a + 11b + 3) \\ &= 3a + 10a - 11b - 3 \\ &= 13a - 11b - 3 \\ &x = 13, y = -11, z = -3 \text{ 이므로 } x + y - z = 5 \end{aligned}$$

15. 다음 중 등식으로 나타낼 수 있는 것을 모두 찾으시오?

- ① 어떤 수에 -2 를 더한 수는 자연수이다.
- ② x 를 3 으로 나누면 4 가 된다.
- ③ 어떤 수의 절댓값은 양수이다.
- ④ 돼지 x 마리의 다리는 모두 16 개이다.
- ⑤ 어떤 수의 제곱은 양수이다.

해설

- ① $x + (-2) > 0$
- ② $x \div 3 = 4$
- ③ $|x| > 0$
- ④ $4 \times x = 16$
- ⑤ $x^2 > 0$

16. 몸무게가 42kg인 연희가 시소의 왼쪽에 앉았고, 몸무게가 x kg인 진희가 시소의 오른쪽에 앉아 있다. 연희 몸무게의 $\frac{4}{3}$ 배보다 2kg 덜 나가는 지수가 시소의 오른쪽에 와서 앉았고, 진희 몸무게의 $\frac{3}{2}$ 배보다 13kg 덜 나가는 준희가 와서 시소의 왼쪽에 앉았는데 시소가 평행이 되었다. 등식의 성질을 이용하여 진희의 몸무게를 등식의 성질을 이용하여 구하여라.

▶ 답: kg

▷ 정답: 50kg

해설

시소의 왼쪽에 앉은 사람은 연희와 준희이다.
 연희의 몸무게는 42kg이고, 준희의 몸무게는 진희의 몸무게의 $\frac{3}{2}$ 배보다 13kg 덜 나가므로 진희의 몸무게를 x kg이라 하면
 준희의 몸무게는 $\left(\frac{3}{2}x - 13\right)$ kg이다. 그리고 시소의 오른쪽에 앉은 사람은 진희와 지수이다.
 진희의 몸무게는 x kg이고, 지수의 몸무게는 연희의 몸무게의 $\frac{4}{3}$ 배보다 2kg 덜 나가므로
 $42 \times \frac{4}{3} - 2 = 54$ (kg)이다.
 따라서 왼쪽에 앉은 사람의 몸무게를 더하면
 $42 + \left(\frac{3}{2}x - 13\right) = \left(\frac{3}{2}x + 29\right)$ kg이고,
 오른쪽에 앉은 사람의 몸무게를 더하면
 $(x + 54)$ kg이다. 시소는 평행이 되었다고 하였으므로 $\frac{3}{2}x + 29 = x + 54$ 이고,
 이 식을 등식의 성질을 이용하여 풀면
 $\frac{3}{2}x + 29 = x + 54$
 $2 \times \frac{3}{2}x + 2 \times 29 = 2 \times x + 2 \times 54$
 $3x + 58 = 2x + 108$
 $3x + 58 - 58 = 2x + 108 - 58$
 $3x = 2x + 50$
 $3x - 2x = 2x - 2x + 50$
 $\therefore x = 50$

17. 방정식 $\frac{1}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}} = x-3$ 일 때, $\frac{2}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$x-3 = \frac{1}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}} = \frac{1}{1-\frac{1}{\frac{x-1}{x}}} = \frac{1}{1-\frac{x}{x-1}} = \frac{1}{\frac{-1}{x-1}} = -x+1$$

이다.

따라서 $x=2$ 이다.

$$\therefore \frac{2}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}} = \frac{2}{1-\frac{1}{\frac{1}{2}}} = -2$$

18. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구한 것은?

$$\frac{1}{3} : 25 = -2.8(5x - 12) : 6x - 18$$

- ① $\frac{421}{176}$ ② $\frac{423}{176}$ ③ $\frac{425}{176}$ ④ $\frac{427}{176}$ ⑤ $\frac{429}{176}$

해설

$$\begin{aligned} -70(5x - 12) &= \frac{1}{3}(6x - 18) \\ -350x + 840 &= 2x - 6 \\ x &= \frac{423}{176} \end{aligned}$$

19. 다음 x 에 관한 방정식의 해가 $x = 4$ 일 때, a 의 값은?

$$|x - a| + \frac{1}{2}x = 6a$$

- ① $\frac{5}{7}$ ② $\frac{6}{7}$ ③ 1 ④ $\frac{8}{7}$ ⑤ $\frac{9}{7}$

해설

주어진 방정식에 $x = 4$ 을 대입하면

$$|4 - a| + 2 = 6a$$

(i) $a < 4$ 일 때

$$4 - a > 0 \text{ 이므로}$$

$$4 - a + 2 = 6a$$

$$-7a = -6, a = \frac{6}{7}$$

(ii) $a \geq 4$ 일 때

$$4 - a \leq 0 \text{ 이므로}$$

$$-4 + a + 2 = 6a$$

$$5a = -2, a = -\frac{2}{5}$$

$a = -\frac{2}{5} < 4$ 이므로 조건에 맞지 않는다.

i) ii)로부터 $a = \frac{6}{7}$

20. 다음 두 일차방정식 $a + 2x = 3x - 5$ 와 $3(x - a) = x + 4$ 의 해가 같을 때, $\frac{a^2 - 1}{a - 1}$ 의 값은?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$a + 2x = 3x - 5$ 에서 $x = a + 5$

두 방정식의 해가 같으므로

$x = a + 5$ 를 $3(x - a) = x + 4$ 에 대입하면

$$3(a + 5 - a) = a + 5 + 4$$

$$15 = a + 9$$

$$a = 6$$

$$\therefore \frac{a^2 - 1}{a - 1} = \frac{6^2 - 1}{6 - 1} = \frac{35}{5} = 7$$

21. 물에 잠긴 어떤 막대는 $\frac{3}{10}$ 은 붉은색, $\frac{1}{7}$ 은 흰색, $\frac{1}{4}$ 은 파란색이다. 물 위로 보이는 부분은 모두 색이 칠해져 있고, 색칠하지 않은 부분은 모두 물에 잠겨 있다. 색칠한 부분보다 색칠하지 않은 부분이 2.7m 더 길다고 할 때, 전체 막대의 길이를 구하여라.

▶ 답: m

▷ 정답: 7m

해설

전체 막대의 길이를 x (m)라 두면,

$$(\text{색칠한 부분의 길이}) = \frac{3}{10}x + \frac{1}{7}x + \frac{1}{4}x = \frac{97}{140}x$$

$$(\text{색칠하지 않은 부분}) = x - \frac{97}{140}x = \frac{43}{140}x$$

$$\frac{97}{140}x - \frac{43}{140}x = \frac{27}{10}$$

$$\frac{54}{140}x = \frac{27}{10}$$

$$54x = 378 \therefore x = 7$$

따라서 전체 막대의 길이는 7m이다.

24. 수족관에서 매일 아침 8시에 1000L 수조에 1시간에 x L 씩 물을 공급하여 채운다. 어느 날, 평소와 같이 물을 채우다가 오전 9시부터 2시 동안 물 공급이 중단되어서 물 공급이 재개된 순간부터 효율을 20% 높여서 물을 채웠지만 예정된 시간보다 1시 30분이 늦어졌다. x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 250

해설

$$\begin{aligned}
 (\text{예정 시간}) &= \frac{1000}{x} \\
 (\text{20\%만큼 높여서 물을 채운 시간}) \\
 &= \frac{1000}{x} - (x\text{L씩 채운 시간}) \\
 &\quad - (\text{물 공급이 중단된 시간}) + (\text{초과한 시간}) \\
 &= \frac{1000}{x} - 3 + \frac{3}{2} \\
 x + \left(\frac{1000}{x} - 3 + \frac{3}{2}\right) \times \frac{6}{5}x &= 1000 \\
 x + 1200 - \frac{9}{5}x &= 1000 \\
 \frac{4}{5}x &= 200 \\
 \therefore x &= 250
 \end{aligned}$$