

1. 810의 약수의 개수와  $3 \times 5^x \times 7$ 의 약수의 개수가 같을 때, 자연수  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

810 =  $2 \times 3^4 \times 5$ 의 약수의 개수가  $3 \times 5^x \times 7$ 의 약수의 개수와

같으므로

$$(1+1)(4+1)(1+1) = (1+1)(x+1)(1+1) = 20$$

$$\therefore x = 4$$

2.  $20 \times \square$ 의 약수의 개수가 18개일 때,  $\square$ 안에 들어갈 가장 작은 자연수는?

① 4      ② 8      ③ 9      ④ 25      ⑤ 49

해설

( i )  $\square = 2^a$  일 때  $18 = (8+1) \times (1+1)$  이므로

$$\square = 2^6 = 64$$

( ii )  $\square \neq 2^a$  일 때  $18 = (2+1) \times (a+1) \times (1+1)$

$$a = 2, \text{ 가장 작은 자연수는 } 3^2 = 9$$

$\therefore$  ( i ), ( ii )에서 가장 작은 자연수는 9

3. 다음 세 수  $2^a \times 3^5 \times 7^2 \times 150$ ,  $2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$ ,  $2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54$  의  
최대공약수가  $2^3 \times 3 \times 70$  일 때,  $(a+b+c) \times d$  의 값은?

- ① 3      ② 5      ③ 8      ④ 9      ⑤ 12

해설

최대공약수가  $2^3 \times 3 \times 70 = 2^4 \times 3 \times 5 \times 7$  이고

주어진 각 수를 정리한 값이

$2^a \times 3^5 \times 7^2 \times 150 = 2 \times 2^a \times 3^6 \times 5^2 \times 7^2$

$2^5 \times 3^b \times 5^2 \times 7^3$

$2^4 \times 5^c \times 7^d \times 54 = 2^5 \times 3^3 \times 5^c \times 7^d$  이다.

주어진 세 수의 2의 지수를 비교하면 모두 4 보다 크므로

$2 \times 2^a \times 3^6 \times 5^2 \times 7^2$ 에서 2의 지수는 4이어야 한다.

2가 한 번 더 곱해져 있으므로  $a$ 는 3이어야 한다.

주어진 세 수의 3의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $b$ 는 1이어야 한다.

주어진 세 수의 5의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $c$ 는 1이어야 한다.

주어진 세 수의 7의 지수를 비교하면

모두 1보다 크므로  $d$ 는 1이어야 한다.

따라서  $a=3$ ,  $b=1$ ,  $c=1$ ,  $d=1$ 이므로

$(a+b+c) \times d = (3+1+1) \times 1 = 5$ 이다.

4. 어떤 자연수를 5로 나누면 2가 남고, 6으로 나누면 3이 남는다고 한다. 이러한 조건을 만족하는 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

구하는 수는 5, 6으로 나눌 때 3이 부족한 수이므로  
(5와 6의 공배수)-3인 수이다.

5, 6의 최소공배수는 30, 따라서 구하는 가장 작은 자연수는  
 $30 - 3 = 27$ 이다.

5. 두 수  $2^2 \times 3^a \times 5$  와  $2^b \times 3 \times 7$  의 최대공약수가  $2 \times 3$  이고, 최소공배수가  $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$  일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

최대공약수에서 2의 지수가 1이므로  $b = 1$ 이다.  
한 편, 최소공배수에서 3의 지수가 3이므로  $a = 3$ 이다.  
따라서  $a + b = 3 + 1 = 4$ 이다.

6. 두 자연수 18, A 의 최대공약수는 6, 최소공배수는 36 일 때, A 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

(두 수의 곱) = (최대공약수) × (최소공배수) 이므로

$$18 \times A = 6 \times 36$$

$$A = 12 \text{ 이다.}$$

7. 두 유리수  $\frac{2}{3}$  와  $\frac{3}{2}$  사이에 있는 유리수 중 분모가 4인 기약분수를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{3}{4}$

▷ 정답:  $\frac{5}{4}$

해설

$$\frac{2}{3} < x < \frac{3}{2}, x \text{는 기약분수}$$

$$\frac{2}{3} < \frac{3}{4}, \frac{4}{4}, \frac{5}{4} < \frac{3}{2} \left(= \frac{6}{4}\right)$$

$$\therefore x = \frac{3}{4}, \frac{5}{4}$$

8. 다음 중 계산의 결과가 옳지 않은 것은?

①  $(+7.6) + (-5) - (-2) - (+2.6) = +2$

②  $(-4.3) - (+4) + (-9) - (-4.3) = -13$

③  $\left(+\frac{2}{5}\right) - \left(-\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) = +\frac{7}{20}$

④  $\left(-\frac{3}{4}\right) - \left(+\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{5}{4}\right) = -\frac{9}{4}$

⑤  $\left(-\frac{1}{2}\right) + \left(-\frac{1}{3}\right) - (-2) = +\frac{7}{6}$

해설

$$\textcircled{3} \left(+\frac{2}{5}\right) - \left(-\frac{1}{4}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right)$$

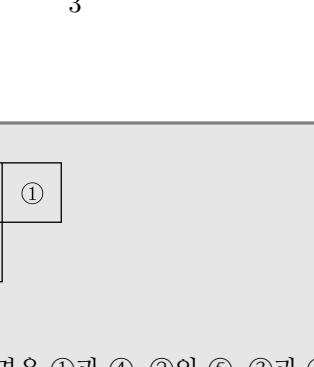
$$= \left(+\frac{2}{5}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{5}\right) + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= +\frac{1}{5} + \left(+\frac{1}{4}\right)$$

$$= +\left(\frac{4}{20} + \frac{5}{20}\right) = +\frac{9}{20}$$

9. 다음 전개도를 접어 정육면체를 만들었을 때, 마주 보는 면에 있는 두 수의 합이 1 일 때,  $A + B - C$  의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{10}{3}$  또는  $+\frac{10}{3}$

해설



서로 마주보는 면은 ①과 ④, ②와 ⑤, ③과 ⑥이다.

$$\textcircled{1} + \textcircled{4} = 1$$

$$A + \frac{4}{3} = 1,$$

$$A = 1 - \frac{4}{3} = -\frac{1}{3}$$

$$\textcircled{2} + \textcircled{5} = 1$$

$$\frac{2}{3} + C = 1,$$

$$C = 1 - \frac{2}{3} = \frac{3}{3} - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

$$\textcircled{3} + \textcircled{6} = 1$$

$$(-3) + B = 1,$$

$$B = 1 + (+3) = 4$$

따라서  $A = -\frac{1}{3}$ ,  $B = 4$ ,  $C = \frac{1}{3}$  이므로

$$A + B - C = -\frac{1}{3} + 4 - \frac{1}{3} = \frac{10}{3} \text{ 이다.}$$

10. 두 유리수  $a, b$ 에 대하여  $a \times b > 0, a + b < 0$  일 때,  $a$  와  $b$  의 부호로 옮은 것을 골라라.

- ①  $a > 0, b < 0$       ②  $a > 0, b > 0$       ③  $a < 0, b > 0$   
④  $a < 0, b < 0$       ⑤  $a < 0, b = 0$

해설

$a \times b > 0$ 에서  $a$  와  $b$ 는 같은 부호이다.

$a = (\text{양수}), b = (\text{양수})$  일 때,

$a + b = (\text{양수}) + (\text{양수}) = (\text{양수})$  이다.

$a = (\text{음수}), b = (\text{음수})$  일 때,

$a + b = (\text{음수}) + (\text{음수}) = (\text{음수})$  이다.

$\therefore a < 0, b < 0$

11. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $x \div 3 \times y = \frac{x}{3y}$
- ②  $3 \div x + y \div 2 = \frac{3}{x} + \frac{y}{2}$
- ③  $(x - 3) \div 3 = -3x - 9$
- ④  $\frac{3}{4}x \div \frac{2}{5}y = \frac{15}{8}xy$
- ⑤  $x \div 2 \div 5 = \frac{5}{2}x$

해설

①  $\frac{xy}{3}$

③  $\frac{x-3}{3}$

④  $\frac{15x}{8y}$

⑤  $\frac{x}{10}$

12.  $x = \frac{1}{2}$ ,  $y = -\frac{3}{4}$  일 때, 다음 식의 값은?

$$-\frac{8}{x} - \frac{2x^2}{y}$$

- ①  $-\frac{28}{3}$       ②  $-\frac{32}{3}$       ③  $-\frac{36}{3}$       ④  $-\frac{40}{3}$       ⑤  $-\frac{46}{3}$

해설

$$\begin{aligned} x &= \frac{1}{2} \text{ 이면 } \frac{1}{x} = 2 \\ y &= -\frac{3}{4} \text{ 이면 } \frac{1}{y} = -\frac{4}{3} \\ -\frac{8}{x} - \frac{2x^2}{y} &= -8 \times \frac{1}{x} - 2x^2 \times \frac{1}{y} \\ &= -8 \times 2 - 2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(-\frac{4}{3}\right) \\ &= -16 - 2 \times \frac{1}{4} \times \left(-\frac{4}{3}\right) \\ &= -16 + \frac{2}{3} \\ &= -\frac{48}{3} + \frac{2}{3} \\ &= -\frac{46}{3} \end{aligned}$$

13. 다항식  $y - [6x - \{3 - 2(x + y)\}]$  를 간단히 하였을 때,  $x$  의 계수,  $y$  의 계수, 상수항의 합을 구하면?

- ① -12      ② -11      ③ -6      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$y - [6x - \{3 - 2(x + y)\}] = -8x - y + 3$$
$$\therefore -8 - 1 + 3 = -6$$

14.  $\frac{1}{2}x - 6 = 4(x + 2)$  의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -4$

해설

$$\frac{1}{2}x - 6 = 4(x + 2)$$

$$x - 12 = 8x + 16$$

$$7x = -28$$

$$x = -4$$

15. 어떤 일을 하는데 A 가 하면 12 시간 걸리고 B 가 하면 15 시간 걸린다.  
A 와 B 가 같이 일을 하면 몇 시간 걸리겠는가?

①  $\frac{14}{3}$       ②  $\frac{16}{3}$       ③  $\frac{18}{3}$       ④  $\frac{20}{3}$       ⑤  $\frac{22}{3}$

해설

A 가 1 시간에 하는 일의 양 :  $\frac{1}{12}$

B 가 1 시간에 하는 일의 양 :  $\frac{1}{15}$

두 명이 같이 일한 시간 :  $x$

$$\left( \frac{1}{12} + \frac{1}{15} \right) x = 1$$

$$\left( \frac{5+4}{60} \right) x = 1, \frac{9}{60} x = 1$$

$$x = \frac{60}{9} = \frac{20}{3}$$

16. 함수  $f(x) = -3x + 5$ 에 대하여  $\frac{3f(-1) + 2f(0)}{2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$$f(-1) = (-3) \times (-1) + 5 = 8$$

$$f(0) = (-3) \times 0 + 5 = 5$$

$$\therefore \frac{3f(-1) + 2f(0)}{2} = \frac{3 \times 8 + 2 \times 5}{2} = 17$$

17.  $f(x) = x + 2a$ 에서  $f(3) = 1$  일 때,  $f(-1) + f(4)$ 의 값은?

- ① 0      ② 3      ③ 1      ④ -3      ⑤ -1

해설

$$f(3) = 1 \text{에서 } 3 + 2a = 1, a = -1$$

$$\text{따라서 } f(x) = x - 2$$

$$f(-1) + f(4) = (-3) + 2 = -1$$

18. 점  $A(a, a^2b)$ 가 제 2사분면에 속할 때, 점  $B(a^3, ab)$ 는 몇 사분면에 속하는가?

- ① 제 1사분면      ② 제 2사분면      ③ 제 3사분면  
④ 제 4사분면      ⑤ 알 수 없다.

해설

점  $A(a, a^2b)$ 가 제 2사분면위의 점이면

$$a < 0, a^2b > 0 \therefore a < 0, b > 0$$

점  $B(a^3, ab)$ 는  $a^3 < 0, ab < 0$

$\therefore B(a^3, ab)$ 는 제 3사분면에 속한다.

19. 두 점  $P(3, a+1)$ ,  $Q(3, 2a+5)$  가  $x$  축에 대하여 대칭일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = -2$

해설

점  $P$ ,  $Q$  가  $x$  축에 대하여 대칭이므로  $a+1 = -(2a+5)$ ,  
 $a+1 = -2a-5$ ,  
 $3a = -6$   
 $\therefore a = -2$

20. 다음 함수 중 그래프가  $x$  축에 가장 가까운 것을 고르면?

- ①  $y = 3x$       ②  $y = \frac{1}{2}x$       ③  $y = -x$   
④  $y = -\frac{2}{5}x$       ⑤  $y = \frac{3}{4}x$

해설

$y = ax$  의 그래프에서  $|a|$ 의 값이 작을수록  $x$  축에 가깝다.

$$|3| > |-1| > \left|\frac{3}{4}\right| > \left|\frac{1}{2}\right| > \left|-\frac{2}{5}\right|$$

21.  $|x| \leq 8$ 인 서로 다른 세 정수  $a, b, c$ 에 대하여

$$ab < 0, bc < 0, a > b$$

를 만족하는  $a \times c$ 의 값 중 가장 큰 것을 구한 것은?

① 20

② 28

③ 42

④ 56

⑤ 70

해설

$|x| \leq 8$ 을 만족하는 정수는

$-8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8$ 이다.

$ab < 0$  이므로  $a \neq 0, b \neq 0$ 이고  $a < 0, b > 0$  또는  $a > 0, b < 0$ 이다.

$bc < 0$  이므로  $b \neq 0, c \neq 0$ 이고  $b < 0, c > 0$  또는  $b > 0, c < 0$ 이다.

$a > b$  이므로  $a > 0, b < 0, c > 0$  성립함을 알 수 있다.

따라서 가장 큰  $a \times c$ 의 값은  $a \times c = 8 \times 7 = 56$ 이다.

22. 세 유리수  $a, b, c$ 에 대하여  $|a| < |b| < |c|$ ,  $a \times b > 0$ ,  $a \times c < 0$  일 때,  
다음 중 옳지 않은 것을 골라라.

- ①  $b \times c < 0$       ②  $a \times b \times c < 0$       ③  $|a + b| > |a|$   
④  $|b + c| < |c|$       ⑤  $|a - c| < |c|$

해설

$a \times b > 0$ ,  $a \times c < 0$ 에서  $a$  와  $b$ 는 같은 부호이고,  $a$  와  $c$ 는 다른  
부호이다.

①  $a$  와  $c$ 가 서로 다른 부호이므로,  $b$  와  $c$ 도 서로 다른 부호이다.  
따라서 서로 다른 부호의 곱이므로 0 보다 작다.  $b \times c < 0$

②  $a > 0$ ,  $b > 0$ ,  $c < 0$  이라면  $a \times b \times c < 0$ 이고,  
 $a < 0$ ,  $b < 0$ ,  $c > 0$  이라면  $a \times b \times c > 0$ 이다.

③  $a$  와  $b$ 의 부호가 같으므로  $a + b$ 는  $|a| + |b|$ 에  $a$  혹은  $b$ 의  
부호를 붙이면 된다. 따라서  $|a + b| = |a| + |b| > |a|$

④  $b$  와  $c$ 의 부호가 다르므로  $b + c$ 는  $|b - c|$ 에  $b, c$  중 절댓값이  
더 큰 수의 부호를 붙이면 된다.  $|b| < |c|$ 이므로  $|b + c| = |b - c| =$   
 $|c| - |b| < |c|$ 이다.

⑤  $a$  와  $c$ 의 부호가 다르므로  $|a - c| = |a| + |c| > |c|$ 이다.

23. 다음 식을 간단히 하면  $ax + by$  라 할 때,  $a + b$ 의 값은?

$$(-1)^{99}(x+y) - (-1)^{100}(x-y) + (-1)^{101}(x-2y) - (-1)^{102}(2x+y)$$

- ① -6      ② -4      ③ -2      ④ 0      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} & (-1)^{99}(x+y) - (-1)^{100}(x-y) + (-1)^{101}(x-2y) - (-1)^{102}(2x+y) \\ &= (-1)(x+y) - (+1)(x-y) + (-1)(x-2y) - (+1)(2x+y) \end{aligned}$$

$$= -x - y - x + y - x + 2y - 2x - y$$

$$= -5x + y$$

$$\text{따라서 } a + b = -5 + 1 = -4$$

24. 등식  $2x + ax^2 - 3 = 5x(a - x)$  가  $x$ 에 관한 일차방정식일 때,  $a$ 의 값과 방정식의 해를 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = -5$

▷ 정답:  $x = \frac{1}{9}$

해설

$$2x + ax^2 - 3 = 5x(a - x)$$

$$2x + ax^2 - 3 = 5ax - 5x^2$$

$$(a + 5)x^2 + (2 - 5a)x - 3 = 0$$

$$a + 5 = 0, a = -5$$

$$(2 + 25)x - 3 = 0$$

$$27x = 3$$

$$\therefore x = \frac{1}{9}$$

25. 민규가 등산로를 따라 정상까지 올라갈 때는 시속 4km로, 같은 길로 내려올 때는 시속 6km로 걸었더니 총 3시간 20분이 걸렸다. 이 등산로의 거리를 구하여라.

- ① 2 km      ② 4 km      ③ 6 km  
④ 8 km      ⑤ 10 km

해설

등산로의 거리를  $x$  km라 하면,

올라갈 때 걸린 시간 :  $\frac{x}{4}$  시간

내려올 때 걸린 시간 :  $\frac{x}{6}$  시간

총 3시간 20분 걸렸으므로

$$\frac{x}{4} + \frac{x}{6} = \frac{10}{3}$$

$$3x + 2x = 40$$

$$5x = 40$$

$$\therefore x = 8$$

따라서, 등산로의 거리는 8km이다.