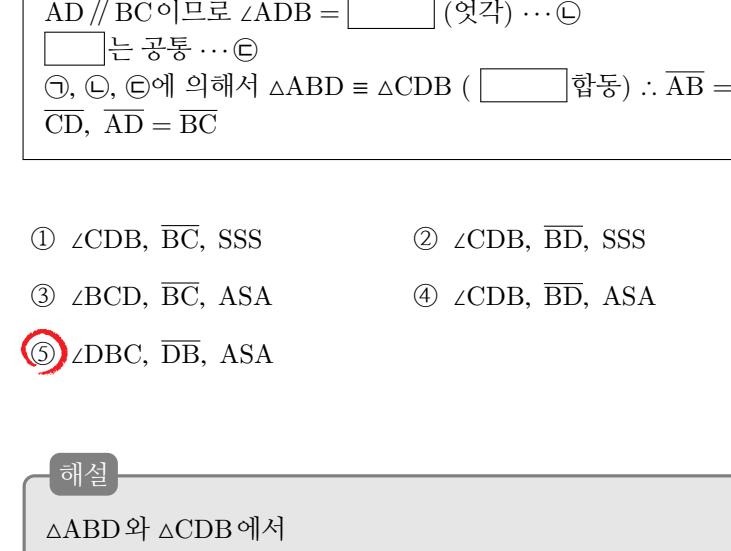


1. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 것을 차례대로 나열하면?



[가정] □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

[증명] 점 B와 점 D를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\angle ABD = \angle CDB$ (엇각) … ①

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ADB = \square$ (엇각) … ②

\square 는 공통 … ③

①, ②, ③에 의해 $\triangle ABD \cong \triangle CDB$ (\square 합동) $\therefore \overline{AB} =$

\overline{CD} , $\overline{AD} = \overline{BC}$

① $\angle CDB$, \overline{BC} , SSS ② $\angle CDB$, \overline{BD} , SSS

③ $\angle BCD$, \overline{BC} , ASA ④ $\angle CDB$, \overline{BD} , ASA

⑤ $\angle DBC$, \overline{DB} , ASA

해설

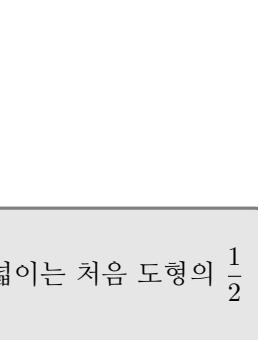
$\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\angle ABD = \angle CDB$ (엇각),

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ADB = \angle DBC$ (엇각),

\overline{DB} 는 공통 이므로 $\triangle ABD = \triangle CDB$ (ASA 합동)이다.

2. 다음 그림은 직사각형 ABCD 를 시작으로
계속하여 각 변의 중점을 연결한 도형이다.
색칠된 부분의 넓이가 10 일 때, □ABCD 의
넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 160

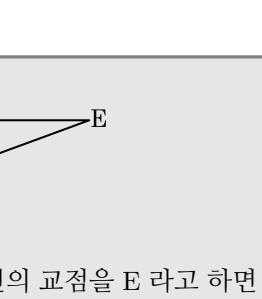
해설

각 변의 중점을 연결하여 만든 도형의 넓이는 처음 도형의 $\frac{1}{2}$
이므로

□ABCD 의 넓이를 x 라 하면

$$x \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 10$$
$$\therefore x = 160$$

3. 다음은 $\angle AQB = 90^\circ$ 고 $\overline{DP} = \overline{CP}$ 인 평행사변형 ABCD 에서 $\angle DAQ = 70^\circ$ 일때, $\angle DQP$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 20°

▷ 정답: 20°

해설



$\overline{AD}, \overline{BP}$ 의 연장선의 교점을 E 라고 하면

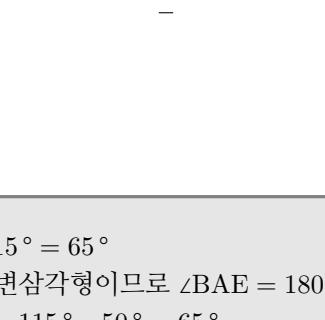
$\triangle BCP \cong \triangle AEDP$ (ASA합동)

점 D 는 $\triangle AQE$ 의 외심이 된다.

$\overline{DA} = \overline{DQ} = \overline{DE}$ 이므로

$\angle DQP = 90^\circ - 70^\circ = 20^\circ$

4. 평행사변형ABCD에서 $\overline{AB} = \overline{AE}$ 이고 $\angle C = 115^\circ$ 일 때, $\angle EAD$ 를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 65°

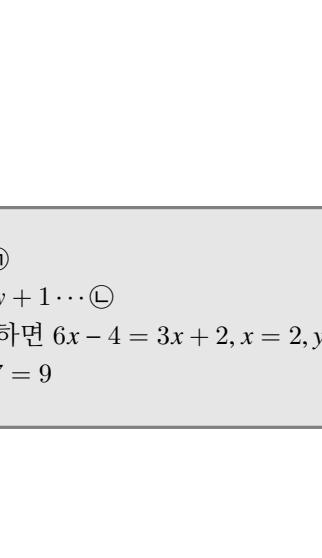
해설

$$\angle B = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$$

$$\triangle ABE \text{는 이등변삼각형이므로 } \angle BAE = 180^\circ - 65^\circ \times 2 = 50^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle EAD = 115^\circ - 50^\circ = 65^\circ$$

5. 다음 $\square ABCD$ 가 평행사변형일 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

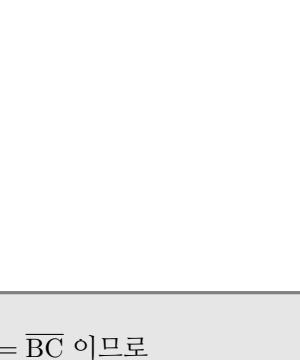
$$3x + 1 = y \cdots \textcircled{①}$$

$$(3x - 2) \times 2 = y + 1 \cdots \textcircled{②}$$

①을 ②에 대입하면 $6x - 4 = 3x + 2, x = 2, y = 7$

$$\therefore x + y = 2 + 7 = 9$$

6. 사각형 ABCD에서 $\overline{AB} = 7$, $\overline{BC} = 3x - 2y$, $\overline{CD} = -2x + 7y$, $\overline{DA} = 15$ 일 때, 사각형 ABCD가 평행사변형이 되도록 하는 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 7$

▷ 정답: $y = 3$

해설

$\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$ 이므로

$$\begin{cases} -2x + 7y = 7 & \cdots \textcircled{\textcircled{1}} \\ 3x - 2y = 15 & \cdots \textcircled{\textcircled{2}} \end{cases}$$

$\textcircled{\textcircled{1}} \times 3 + \textcircled{\textcircled{2}} \times 2$ 를 하면

$$17y = 51, y = 3$$

$y = 3$ 을 $\textcircled{\textcircled{1}}$ 에 대입하면

$$-2x + 21 = 7, 2x = 14, x = 7$$

7. 다음 그림의 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되기 위한 조건으로 옳은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

Ⓐ $\angle A = 130^\circ, \angle B = 50^\circ, \angle C = 130^\circ$

Ⓑ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

Ⓒ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}, \overline{AB} = \overline{AD} = 7\text{cm}$

Ⓓ $\angle A = 70^\circ, \angle B = 110^\circ, \angle D = 70^\circ$

Ⓔ $\overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$

(단, O는 두 대각선의 교점이다.)

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓚ

▷ 정답: ⓒ

▷ 정답: Ⓟ

해설

Ⓐ 사각형의 내각의 합은 360° 이므로 $\angle D = 50^\circ$

따라서 두 쌍의 대각의 크기가 같으므로 평행사변형이 된다.

Ⓒ 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로 평행사변형이 된다.

Ⓔ (반례) 등변사다리꼴

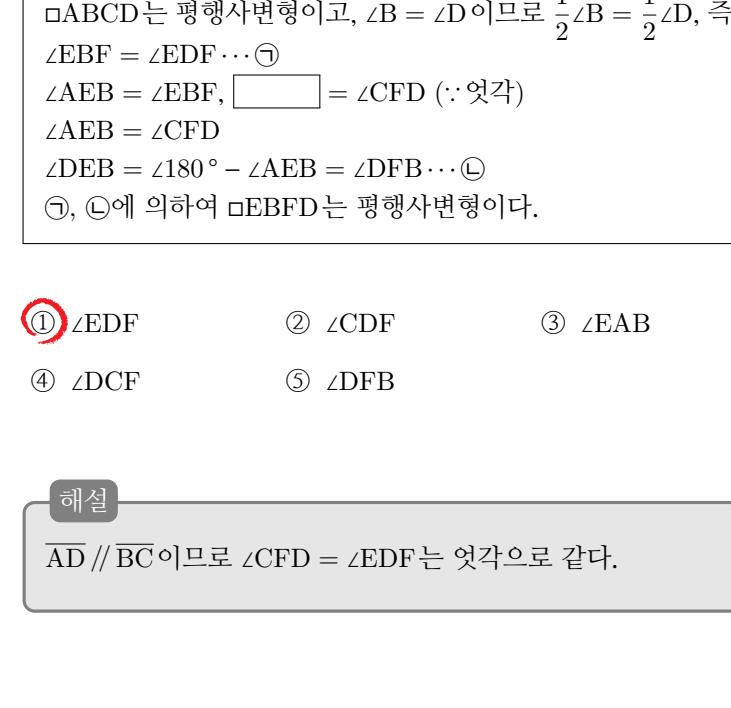


Ⓓ 사각형의 내각의 합은 360° 이므로 $\angle C = 110^\circ$ 이다.

두 쌍의 대각의 크기가 같지 않으므로 평행사변형이 되지 않는다.

Ⓔ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 평행사변형이 된다.

8. 다음은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F라 할 때, $\square EBFD$ 가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



$\square ABCD$ 는 평행사변형이고, $\angle B = \angle D$ 이므로 $\frac{1}{2}\angle B = \frac{1}{2}\angle D$, 즉 $\angle EBF = \angle EDF \dots \textcircled{\textcircled{1}}$

$\angle AEB = \angle EBF$, $\boxed{\quad} = \angle CFD$ (\because 엇각)

$\angle AEB = \angle CFD$

$\angle DEB = \angle 180^\circ - \angle AEB = \angle DFB \dots \textcircled{\textcircled{2}}$

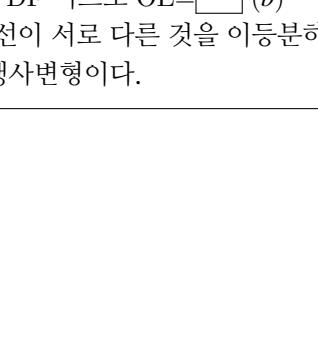
$\textcircled{\textcircled{1}}, \textcircled{\textcircled{2}}$ 에 의하여 $\square EBFD$ 는 평행사변형이다.

- ① $\angle EDF$ ② $\angle CDF$ ③ $\angle EAB$
④ $\angle DCF$ ⑤ $\angle DFB$

해설

$\overline{AD} // \overline{BC}$ 이므로 $\angle CFD = \angle EDF$ 는 엇각으로 같다.

9. 다음은 한솔중 2 학년 예지가 증명을 해 놓은 결과 중 2 곳이 지워졌다.
 빈칸에 알맞은 것을 차례대로 써 넣으라.
 (단, 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O 라 하고, 점 E, F
 는 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 를 만족하는 점이다.)



[가정] $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$

[결론] $\square AECF$ 는 평행사변형

[증명] $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로

$$\overline{OA} = \boxed{\quad} (a)$$

가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \boxed{\quad} (b)$

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로

$\square AECF$ 는 평행사변형이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: \overline{OC}

▷ 정답: \overline{OF}

해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분하므로 $\overline{OA} =$

$$\overline{OC}$$

또, $\overline{OB} = \overline{OD}$ 이고 가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로

$$\overline{OE} = \overline{OF}$$

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 $\square AECF$ 는

평행사변형이다.

10. 다음 그림과 같이 넓이가 40 cm^2 인 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점 O를 지나는 직선과 \overline{AB} , \overline{CD} 와의 교점을 각각 E, F라 할 때, 색칠한 두 삼각형의 넓이의 합을 구하여라.



▶ 답: $\underline{\quad \text{cm}^2 \quad}$

▷ 정답: 10 cm^2

해설

$$\begin{aligned}\triangle OAE + \triangle ODF \\&= \triangle OAE + \triangle OBE \\&= \frac{1}{4} \square ABCD (\because \triangle OEB \cong \triangle OFD) \\&= \frac{1}{4} \times 40 = 10 (\text{cm}^2)\end{aligned}$$