

1. 다음 방정식 중 해가 $x = 2$ 인 방정식은?

① $x + 4 = 7$ ② $3(2 - x) = 12$

③ $2x - 5 = -1 + x$ ④ $\frac{x}{3} + \frac{3}{2} = 1$

⑤ $4(x + 2) = 3x + 10$

해설

① $2 + 4 \neq 7$

② $3 \times (2 - 2) \neq 12$

③ $2 \times 2 - 5 \neq -1 + 2$

④ $\frac{2}{3} + \frac{3}{2} \neq 1$

⑤ $4 \times (2 + 2) = 3 \times 2 + 10$

2. 다음 중 일차방정식인 것을 모두 고르면?

- ① $3x^2 - 4 = 3(x^2 - x) + 2$ ② $7x - 2x = 3x$
③ $\frac{3}{x} - 1 = 5$ ④ $4(x - 2) - x + 5$
⑤ $x^2 - 2x + 1 = 0$

해설

① $3x^2 - 4 = 3x^2 - 3x + 2$, $3x - 6 = 0$: 일차방정식

3. 다음 일차방정식 중 해가 나머지 넷과 다른 하나는?

① $-3x - 4 = 5$ ② $x + 5 = -2x - 4$

③ $2(5x + 7) = 5x - 1$ ④ $30x + 5 = 65$

⑤ $4x + 9 = x$

해설

④ $30x + 5 = 65$

$\therefore x = 2$

①, ②, ③, ⑤는 $x = -3$ 이다.

4. 방정식을 푸는 과정에서 (가), (나), (다)에 이용된 등식의 성질을 다음 보기에서 차례로 고르면?

$$\begin{array}{r} \frac{2}{3}x+1=-5x+3 \\ 3x+3=-15x+9 \\ 2x=-15x+6 \end{array}$$

(가)

(나)

$$17x=6$$

(다)

$$x=\frac{6}{17}$$

보기

① $a = b$ 이면 $a + c = b + c$

② $a = b$ 이면 $a - c = b - c$

③ $a = b$ 이면 $ac = bc$

④ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ ($c \neq 0$)

① (가) - ②, (나) - ③, (다) - ④

② (가) - ④, (나) - ③, (다) - ①

③ (가) - ①, (나) - ④, (다) - ②

④ (가) - ①, (나) - ④, (다) - ③

⑤ (가) - ③, (나) - ④, (다) - ②

해설

$\frac{2}{3}x+1=-5x+3$ 양변에 3을 곱한다.

$2x+3=-15x+9$ 양변에서 3을 뺀다.

$2x=-15x+6$ 양변에 15x를 더한다.

$17x=6$ 양변을 17로 나눈다.

$$\therefore x = \frac{6}{17}$$

5. 일차방정식 $a(3x - 1) - 5 = 2 + x$ 의 해가 1일 때, 방정식 $0.2(x - a) = 1.1 + 1.5x$ 의 해는?

① $x = \frac{19}{11}$ ② $x = \frac{19}{13}$ ③ $x = -\frac{19}{13}$
④ $x = -\frac{19}{11}$ ⑤ $x = -\frac{19}{9}$

해설

$a(3x - 1) - 5 = 2 + x$ 의 해가 1이므로 x 대신에 1을 대입한다.

$$a(3 - 1) - 5 = 2 + 1$$

$$2a - 5 = 3$$

$$2a = 8$$

$$\therefore a = 4$$

$0.2(x - a) = 1.1 + 1.5x$ 에 $a = 4$ 를 대입한 후, x 의 값을 구한다.

$$0.2(x - 4) = 1.1 + 1.5x, 2(x - 4) = 11 + 15x$$

$$2x - 8 = 11 + 15x$$

$$2x - 15x = 11 + 8$$

$$-13x = 19$$

$$\therefore x = -\frac{19}{13}$$

6. $(x - 1) : 3 = (3x + 2) : 4$ 에서 x 의 값은?

- ① -2 ② -6 ③ 0 ④ 2 ⑤ 6

해설

$$3(3x + 2) = 4(x - 1)$$

$$9x + 6 = 4x - 4$$

$$5x = -10$$

$$\therefore x = -2$$

7. 두 방정식 $0.3(x-3) = 0.6x - 3$, $2x - a = 3x + 1$ 의 해가 같을 때, 상수 a 의 값은?

- ① -12 ② -10 ③ -8 ④ -6 ⑤ -4

해설

$$0.3(x-3) = 0.6x - 3$$

$$3(x-3) = 6x - 30$$

$$3x - 9 = 6x - 30$$

$$-3x = -21$$

$$\therefore x = 7$$

$$2x - a = 3x + 1$$

$$-x = 1 + a$$

$$\therefore x = -a - 1$$

방정식의 해가 같으므로

$$7 = -a - 1, a = -8$$

8. 등식 $\frac{4x-1}{3} - 2 = ax + b$ 가 x 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a, b 에 대하여 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a+b = -1$

해설

$$\frac{4x-1}{3} - 2 = \frac{4x-1-6}{3} = ax + b \text{ } \circ\text{므로 } a = \frac{4}{3}, b = -\frac{7}{3} \text{ } \circ\text{고,}$$
$$a+b = \frac{4}{3} - \frac{7}{3} = -1 \text{ } \circ\text{다.}$$

9. 방정식 $3(x - 6) = kx + 2$ 의 해가 5 일 때, k 의 값을 구하기 위해 다음과 같은 등식의 성질을 이용하였다. 사용된 등식을 보기에서 모두 골라라.(단, m, n, p, q 는 양의 정수)

[보기]

Ⓐ $a = b \Rightarrow a + m = b + m$

Ⓑ $a = b \Rightarrow a - n = b - n$

Ⓒ $a = b \Rightarrow ap = bp$

Ⓓ $a = b \Rightarrow \frac{a}{q} = \frac{b}{q} (q \neq 0)$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : ⓒ

[해설]

$3(x - 6) = kx + 2$ 의 해가 5이므로 $x = 5$ 를 대입하자.

$$3(5 - 6) = k \times 5 + 2, \quad 15 - 18 = 5k + 2, \quad -3 = 5k + 2, \quad -3 - 2 =$$

$$5k + 2 - 2, \quad -5 \div \frac{1}{5} = 5k, \quad -1 = k$$
 위의 식에서 k 값을 구하기

위해 쓴 등식의 성질은 ⓒ $a = b \Rightarrow a + m = b + m$ 과 Ⓡ $a = b \Rightarrow a - n = b - n$ 이다.

10. x 에 관한 일차방정식 $0.1(7x - a) = 0.2(x + 4)$ 의 해는 $x = 2$ 인데 4를 잘못 보고 풀어서 $x = 4$ 가 되었다. 4를 얼마로 잘못 보고 풀었는지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

주어진 방정식에 10을 곱하여 정리하면

$$7x - a = 2x + 8$$

$x = 2$ 를 대입하면

$$14 - a = 4 + 8$$

$$a = 2$$

$$\therefore 0.1(7x - 2) = 0.2(x + 4)$$

4를 잘못 보았으므로 $4 = b$ 라고 하면

$$0.1(7x - 2) = 0.2(x + b)$$

$x = 4$ 를 대입하면

$$28 - 2 = 8 + 2b$$

$$2b = 18$$

$$b = 9$$

따라서 4를 9로 잘못 보았다.