1. 다음 보기의 복소수 중 실수인 것의 개수는? 보기

2i, $1 + \sqrt{-4}$, 3 + 4i, 9, $i^2 + 1$ ②2개 33개 44개 55개 ① 1개

해설

a+bi 에서 b=0 인 경우, 즉 허수 부분이 0이면 실수이다. 2i 의 허수 부분은 $2, 1 + \sqrt{-4} = 1 + 2i$ 에서 허수 부분은 2이고, 3+4i 의 허수 부분은 4이다. 9와 $i^2 + 1 = -1 + 1 = 0$ 의 허수 부분은 0이다. 따라서 실수인 것은 9와 $i^2 + 1$ 로 두 개다.

- 복소수 $\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i}$ 가 실수가 되도록 하는 실수 a 의 값은?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

 $\frac{3+i}{1+i} + \frac{a-i}{1-i} = \frac{(3+i)(1-i) + (1+i)(a-i)}{(1+i)(1-i)}$ $= \frac{4 - 2i + (a + 1) + (a - 1)i}{2}$ $= \frac{a + 5 + (a - 3)i}{2}$

위의 식이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 하므로 a-3=0 $\therefore a = 3$

3. 실수 k에 대하여 복소수 $z = 3(k+2i) - k(1-i)^2$ 의 값이 순허수가 되도록 k의 값을 정하면?

① -2

- $\bigcirc 0$ 3 1 $\bigcirc 4$ 2 $\bigcirc 3$ 3

해설 z = 3(k+2i) - k(-2i)

 $=3k+(6+2k)i\Rightarrow$ 순하수

 $\therefore 3k = 0, \ k = 0$

4. 등식 (x+y)+(x-y)i=3-5i를 만족하는 실수 x, y에 대하여 x^2+y^2 의 값을 구하면? (단, $i=\sqrt{-1}$)

① 5 ② 8 ③ 13 ④ 17 ⑤ 25

복소수가 서로 같을 조건에 의하여 x+y=3, x-y=-5 위 두 식을 연립하여 풀면 x=-1, y=4 $\therefore x^2+y^2=17$

5. $(4+3i)^2 - (4-3i)^2$ 의 값은?

① 0 ② 24 ③ 48 ④ 24*i* ⑤ 48*i*

 $(4+3i)^{2} - (4-3i)^{2}$ = 16 + 24i - 9 - (16 - 24i - 9) = 48i

6. x에 대한 항등식 $x^2 - 2x + 3 = a + b(x - 1) + cx(x - 1)$ 에서 a, b, c의 값을 구하여라.

답:

▶ 답:

▶ 답:

 \triangleright 정답: a=2 \triangleright 정답: b=-1

▷ 정답: c = 1

해설 계수비교법에 의하여

 $x^{2}-2x+3 = a+b(x-1)+cx(x-1)$ $= cx^{2}+(b-c)x+a-b$ $x^{2}-2x+3 = cx^{2}+(b-c)x+a-b$

c = 1, b - c = -2, a - b = 3 여러하여 품명

연립하여 풀면 ∴ a=2, b=-1, c=1

- **7.** 등식 $2x^2 3x 2 = a(x 1)(x 2) + bx(x 2) + cx(x 1)$ 가 x값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a+b+c의 값은?



양변에 x = 0을 대입하면

해설

-2 = 2a : a = -1양변에 x = 1을 대입하면

 $-3 = -b \therefore b = 3$ 양변에 x = 2를 대입하면

 $0=2c\ \therefore c=0$ $\therefore a+b+c=2$

- 다항식 $f(x) = x^3 2x^2 + 5x 6$ 을 x 2, x 1로 나누었을 때의 8. 나머지를 각각 a, b라 할 때, a + b의 값은?
 - ① -8 ② -2 ③ -16 ④ 4

- **⑤**2

$$f(x) = (x-2)Q(x) + a$$

$$f(x) = (x-1)Q'(x) + b$$

- $f(2) = 4 = a, \ f(1) = -2 = b$
- $\therefore a + b = 2$

9. $\frac{k}{3}(k+1)(k+2) + (k+1)(k+2)$ 와 같은 것은?

①
$$\frac{1}{6}(k+1)(k+3)(k+4)$$
 ② $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)$ ③ $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$ ③ $\frac{1}{4}(k+1)(2k+1)(3k+2)$

$$(k+1)(k+2) = \frac{3}{3}(k+1)(k+2)$$
이므로
공통인수 $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)$ 로 묶으면
(준 식)= $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$

10. (a-b+c)(a+b-c)를 전개한 식은?

- ① $a^2 + b^2 + c^2 2bc$
- ② $a^2 b^2 + c^2 2bc$

$$| (a-b+c) (a+b-c) | = {a - (b-c)}{a + (b-c)}$$

$$\begin{vmatrix} a^2 - (b-c)^2 \\ = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc \end{vmatrix}$$

11. $x^3 - 4x^2 + x + 6$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)(x+c)이다. $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

 $f(x)=x^3-4x^2+x+6$ 이라 놓으면, x=-1일 때, -1-4-1+6=0 따라서, f(x)는 (x+1)로 나누어 떨어진다.

즉, f(x)는 (x+1)의 인수를 갖는다.

즉, f(x) = (x+1)Q(x) 몫 Q(x)는 조립제법으로 구한다.

Q(x)는 조립제법으로 구한다.

f(x) = (x-3)(x-2)(x+1)

 $f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x + 1)$

 $\therefore a^2 + b^2 + c^2 = (-3)^2 + (-2)^2 + 1^2 = 14$

12. $(1+i)^{10}$ 의 값은?

10-i ② 4i ③ 8i ④ 16i

i

$$(1+i)^{10} = \{(1+i)^2\}^5 = (1+2i+i^2)^5$$

$$= (2i)^5 = 2^5 \cdot i^5 = 32i$$

13. x에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 3 을 <math>(x-1)^2$ 을 나누었을 때 나머지가 2x+1이 되도록 상수 a-b의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 1

해설

최고차항의 계수가 1이므로

 $x^{3} + ax^{2} + bx + 3$ $= (x - 1)^{2} (x + k) + 2x + 1$ $= x^{3} + (k - 2)x^{2} + (3 - 2k)x + k + 1$

양변의 계수를 비교하면

a = k - 2, b = 3 - 2k, 3 = k + 1

k = 2이므로 a = 0, b = -1

 $\therefore a - b = 0 - (-1) = 1$

14. f(x)를 x-1로 나눌 때 나머지가 3이다. 또, 이때의 몫을 x+3으로 나눈 나머지가 2이면 f(x)를 x^2+2x-3 으로 나눈 나머지를 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 2x+1

해설

f(x) = (x-1)Q(x) + 3= $(x-1)\{(x+3)Q'(x) + 2\} + 3$

= (x-1)(x+3)Q'(x) + 2(x-1) + 3= $(x^2 + 2x - 3)Q'(x) + 2x + 1$

따라서, 구하는 나머지는 2x+1

15. 100 개의 다항식 x^2-x-1 , x^2-x-2 , ..., $x^2-x-100$ 중에서 계수가 정수인 일차식의 곱으로 인수분해되는 것은 모두 몇 개인가?

① 5개 ② 7개 ③ 9개 ④ 11개 ⑤ 13개

 $x^2 - x - n = (x + a)(x - b)$ (a, b 는 자연수)라 하면 b = a + 1, ab = n $(1 \le n \le 100)$

	a	1	Z	3	4	Э	О	1	ð	9	
	b	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
	n=ab	2	6	12	20	30	42	56	72	90	
:. 9(개											

16. a+b+c=1, $a^2+b^2+c^2=5$, $a^3+b^3+c^3=2$ 일 때, abc의 값은?

 $\bigcirc -\frac{5}{3}$ ② 0 ③ $\frac{5}{3}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 1

 $a^2 + b^2 + c^2$

$$= (a+b+c)^2 - 2(ab+bc+ca)$$
이므로
5 = 1 - 2(ab+bc+ca)

$$\therefore ab + bc + ca = -2$$

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$$a^{3} + b^{3} + c^{3} - 3abc$$

= $(a + b + c)(a^{2} + b^{2})$

$$= (a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$$
이므로
2-3abc = 1 · (5+2)

$$\therefore abc = -\frac{5}{3}$$

- 17. 등식 3x + 4 = a(x 1) + b(x + 1) + 3이 x에 대한 항등식이 되도록 상수 a, b의 값을 정하면?

 - $\textcircled{4} \ a = 0, \ b = 2$ $\textcircled{5} \ a = 1, \ b = 2$
 - ① a = 1, b = 0 ② a = -1, b = 2 ③ a = 1, b = -2

해설

우변을 전개하여 좌변과 계수를 비교하면

a + b = 3, -a + b + 3 = 4연립하여 풀면 $a=1,\ b=2$

- **18.** 다항식 f(x)를 x-2로 나눈 몫을 Q(x)라 할 때, 나머지는?
- ① f(2) ② f(-2) ③ f(2) + Q(2)
- (4) Q(2) (5) Q(-2)

f(x) = (x-2) Q(x) + R $\therefore f(2) = R$

- **19.** 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ② 3의 허수부분은 0이다.
 - ③ √-2 는 순허수이다.

 - 4b = 1 이면 a + (b-1)i 는 실수이다. ⑤ 제곱하여 -3 이 되는 수는 $\pm \sqrt{3}i$ 이다.

④ [반례] $a=i,\ b=1$ 이면 a+(b-1)i=i 이므로 순허수이

다.(거짓)

20. 등식 (x-2) + (2y+3)i = -7i를 만족하는 실수 x, y에 대하여 x+y의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

① -3 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

 $x - 2 = 0, \ 2y + 3 = -7$

해설

 $\therefore x = 2, y = -5$

21. $\frac{2+3i}{3-i}$ 를 계산하면?

①
$$\frac{3+11i}{8}$$
 ② $\frac{9+11i}{8}$ ③ $\frac{3+11i}{10}$ ③ $\frac{9+11i}{10}$

해설
$$\frac{2+3i}{3-i} = \frac{(2+3i)(3+i)}{(3-i)(3+i)}$$

$$= \frac{6-3+11i}{10}$$

$$= \frac{3+11i}{10}$$

 $3 \frac{3+9i}{10}$

22. 다음 중 이차함수인 것을 모두 고르면?

①
$$y = 5x$$

② $y = x(x+5)$
③ $y = \frac{3}{x^2}$
④ $y = (x-2)^2 - x^2 + 1$
⑤ $y = (x-2)(x+1)$

$$y = (x - 2)(x + 1)$$

①은 일차함수, ③은 분수함수이고 ④는 정리하면 y = -4x + 5

이므로 일차함수이다.

23. 함수 $f(x) = x^2 + 3x - 5$ 에 대하여 f(1) + f(2) 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 4

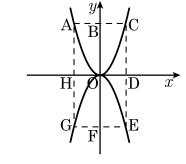
$$f(x) = x^2 + 3x - 5$$
 에서
 $f(1) = 1 + 3 - 5 = -1$

$$f(2) = 4 + 6 - 5 = 5$$

$$f(2) = 4 + 6 - 3 = 3$$

$$f(1) + f(2) = -1 + 5 = 4$$

24. 다음 그림과 같이 $y = x^2$, $y = -x^2$ 의 그래프가 주어질 때, 옳은 것을 모두 골라라.



답:

 \bigcirc $\overline{\mathrm{BO}} = \overline{\mathrm{FO}}$

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: ①
- ▷ 정답: ©

 ▷ 정답: @

해설

$y = x^2$, $y = -x^2$ 의 그래프는 각각 y 축에 대하여 대칭이고 두

그래프가 서로 x 축에 대하여 대칭이므로 $\overline{AB}=\overline{BC}=\overline{GF}=\overline{FE}$, $\overline{AH}=\overline{HG}=\overline{CD}=\overline{DE}=\overline{BO}=\overline{OF}$ 이다.

- ① $y = \frac{1}{2}x^2$ ② $y = -\frac{1}{5}x^2$ ③ $y = x^2$ ④ $y = 3x^2$

 $y = ax^2$ 에서 a 의 절댓값이 작을수록 그래프의 폭이 넓다.