

1. 다음 보기 중 등식이 아닌 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

보기

㉠ $2 - 5 = -3$

㉡ $2x + 1$

㉢ $3 > -4$

㉣ $2x + 1 = 4(x + 1)$

㉤ $5y \leq 0$

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 3 개

해설

등식은 등호로 연결된 식이다. 따라서 등식이 아닌 것은 ㉡, ㉢, ㉣이므로 3개이다.

2. 다음 등식 중에서 항등식인 것을 모두 고르면?(답 3개)

① $3x - x = x$

② $3 - x = -x + 3$

③ $3(x + 1) = 3x + 3$

④ $3(x - 1) = 0$

⑤ $2x + 3x = 5x$

해설

① 일차방정식

④ 일차방정식

3. 등식 $ax + 3 = 2x + b$ 가 항등식이기 위한 a, b 의 값의 조건은?

- ① $a = 3, b = \frac{3}{2}$ ② $a = 3, b = 1$ ③ $a = 3, b = 3$
④ $a = 2, b = \frac{1}{3}$ ⑤ $a = 2, b = 3$

해설

항등식이 되려면 좌변과 우변이 같아야 한다.
따라서 $a = 2, b = 3$ 이다.

4. 다음 방정식 중에서 [] 안의 수가 그 방정식의 해인 것을 모두 골라라.

㉠ $4x - 1 = 7$ [2]	㉡ $5x = 3x - 4$ [2]
㉢ $x - 2 = -2x$ [2]	㉣ $4 - 3x = -2x$ [4]
㉤ $8 - x = 2x$ [1]	㉥ $3x = 2x + 5$ [-5]

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉢

해설

- ㉠ $4x - 1 = 7 \rightarrow 4 \times 2 - 1 = 7$
- ㉡ $5x = 3x - 4 \rightarrow 5 \times 2 \neq 3 \times 2 - 4$
- ㉢ $x - 2 = -2x \rightarrow 2 - 2 \neq -2 \times 2$
- ㉣ $4 - 3x = -2x \rightarrow 4 - 3 \times 4 = -2 \times 4$
- ㉤ $8 - x = 2x \rightarrow 8 - 1 \neq 2 \times 1$
- ㉥ $3x = 2x + 5 \rightarrow 3 \times (-5) \neq 2 \times (-5) + 5$

5. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

① $a + c = b + c$ 이면 $a = b$ 이다.

② $ac = bc$ 이면 $a = b$ 이다.

③ $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이면 $a = b$ 이다.

④ $a = b$ 이면 $ac = bc$ 이다.

⑤ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다.

해설

① 양변에 같은 수 c 를 빼도 등식은 성립한다.

② $c \neq 0$ 인 수로 양변을 나누어야 등식이 성립한다.

③ $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 일 때 $c \neq 0$ 이므로 양변에 같은 수 c 를 곱해도 $a = b$ 로 등식은 성립한다.

④ 양변에 같은 수 c 를 곱해도 등식은 성립한다.

⑤ 양변에 0 이 아닌 같은 수 c 를 나누어도 등식은 성립한다.

6. 다음은 방정식을 푸는 과정이다. 안에 알맞은 것은?

$$\begin{aligned}5x - 3 &= 7 \\ 5x &= 7 + \square \\ 5x &= 10 \\ \therefore x &= 2\end{aligned}$$

- ① x ② $-5x$ ③ 7 ④ -3 ⑤ 3

해설

$5x - 3 = 7$, $5x = 7 + 3$, $5x = 10$, $x = 2$ 이다.

7. 방정식 $2(3x-2)+3=4x-6$ 을 풀면?

① $x = \frac{5}{2}$

② $x = \frac{3}{2}$

③ $x = \frac{1}{2}$

④ $x = -\frac{3}{2}$

⑤ $x = -\frac{5}{2}$

해설

$$6x - 4 + 3 = 4x - 6$$

$$2x = -5$$

$$\therefore x = -\frac{5}{2}$$

8. 다음 수량관계를 등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① 어떤 자연수 x 를 2 배하여 3 을 더한 수는 그 수를 3 배 한 것보다 5 가 작다.
→ $2x + 3 = 3x + 5$
- ② 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이는 24 이다. → $x^4 = 24$
- ③ 20 % 의 소금물 x g 속에 녹아 있는 소금의 양이 50 g 이다. → $0.1x = 50$
- ④ 시속 x km 의 속력으로 5 시간 동안 달린 거리가 30 km 이다. → $5x = 30$
- ⑤ 가운데 수가 x 인 연속한 세 짝수의 합은 30 이다. → $x^3 = 30$

해설

- ① $2x + 3 = 3x - 5$
② $x^2 = 24$
③ $0.2x = 50$
⑤ $3x = 30$

9. 다음 중 옳은 것은?

- ① $3a = 2b$ 이면 $\frac{a}{3} = \frac{b}{2}$
② $\frac{a}{2} = b$ 이면 $a = 2b$
③ $a = -2b$ 이면 $a - 3 = -2(b - 3)$
④ $a = b$ 이면 $2a - 1 = 2b + 1$
⑤ $a = -b$ 이면 $10 - a = b - 10$

해설

- ① $3a = 2b$ 이면 $\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$ 이다.
② $\frac{a}{2} = b$ 이면 $a = 2b$ 이다.
③ $a = -2b$ 일 때, 양변에 -3 을 더하면 $a - 3 = -2b - 3$ 이다.
그러므로 $a - 3 = -2b + 6$ 은 옳지 않다.
④ $a = b$ 일 때, 양변에 2 를 곱한 후 -1 을 더하면 $2a - 1 = 2b - 1$ 이다. 그러므로 $2a - 1 = 2b + 1$ 은 옳지 않다.
⑤ $a = -b$ 일 때, 양변에 -1 을 곱한 후 10 을 더하면 $10 - a = b + 10$ 이다. 그러므로 $10 - a = b - 10$ 은 옳지 않다.

10. 다음 중 방정식을 변형할 때 이용되는 등식의 성질이 다른 하나는?

- ① $5x - 9 = 0 \rightarrow 5x = 9$
- ② $3x = 9 + 2x \rightarrow x = 9$
- ③ $-2x = -4x - 20 \rightarrow 2x = -20$
- ④ $4x = 8 \rightarrow x = 2$
- ⑤ $3(x - 2) = 6 \rightarrow 3x = 12$

해설

- ① 양변에 9 를 더한다.
- ② 양변에 $-2x$ 를 더한다.
- ③ 양변에 $4x$ 를 더한다.
- ④ 양변을 4 로 나눈다.
- ⑤ 양변에 6 을 더한다.

다른 하나는 ④이다.

11. 다음 중 일차방정식인 것을 모두 골라라.

㉠ $3x - 5 = x + 5$

㉡ $x^3 + 2x + 1 = 0$

㉢ $10 - 7x = 10$

㉣ $4(x - 3) = -12 + 4x$

㉤ $-x^2 + 2x - 7 = x + x^2$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉢

해설

㉡, ㉤ : (일차식) $= 0$ 이 아니므로 일차방정식이 아니다.

㉣ : 항등식

12. $5(3-ax)-7x=8x-b$ 가 x 에 관한 일차방정식이 되기 위한 조건은?

① $a = -3$

② $a \neq -3$

③ $b = -15$

④ $a \neq -15$

⑤ $b \neq -3$

해설

$$5(3-ax)-7x=8x-b$$

$$-5ax-15x=-b-15$$

$$(5a+15)x=b+15$$

$a = -3$ 이면 x 의 계수가 0이 되므로 일차방정식이 되지 않는다.

$$\therefore a \neq -3$$

13. 방정식 $3x - 4 = -2(x - 3)$ 의 해를 a 라 하고, $2(x - 1) = 3(x - 7)$ 의 해를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 20 ② 21 ③ 22 ④ 23 ⑤ 24

해설

$3x - 4 = -2(x - 3)$ 의 해는

$3x - 4 = -2x + 6, 3x + 2x = 6 + 4, 5x = 10$

$x = 2, a = 2$ 이다.

$2(x - 1) = 3(x - 7)$ 의 해는 $2x - 2 = 3x - 21, 2x - 3x = -21 + 2,$

$-x = -19, x = 19, b = 19$ 이다.

따라서 $a + b = 2 + 19 = 21$ 이다.

14. 방정식 $1 + \frac{x-1}{2} = x - \frac{2(x-1)}{5}$ 의 해를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 1$

해설

$$\begin{aligned} 1 + \frac{x-1}{2} &= x - \frac{2(x-1)}{5} \\ 10 + 5(x-1) &= 10x - 4(x-1) \\ 10 + 5x - 5 &= 10x - 4x + 4 \\ -x &= -1 \\ \therefore x &= 1 \end{aligned}$$