

1.  $(x+4) : x = x : 2$  를 만족하는  $x$  의 값은?

- ①  $x = 2$   $\therefore x = -4$       ②  $x = -2$   $\therefore x = 4$   
③  $x = -2$   $\therefore x = -4$       ④  $x = 0$   $\therefore x = 2$   
⑤  $x = 0$   $\therefore x = -2$

해설

$$\begin{aligned}(x+4) : x &= x : 2 \\ x^2 &= 2(x+4), x^2 = 2x + 8 \\ x^2 - 2x - 8 &= 0, (x+2)(x-4) = 0 \\ \therefore x = -2 &\quad \therefore x = 4\end{aligned}$$

2. 이차방정식  $x^2 + ax - 6 = 0$ 의 해가 3, b 일 때, a + b 의 값을 구하면?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$x^2 + ax - 6 = 0$  에  $x = 3$  을 대입하면

$$9 + 3a - 6 = 0, a = -1$$

$a = -1$  을  $x^2 + ax - 6 = 0$  에 대입하면

$$x^2 - x - 6 = 0$$
 이고, 인수분해하면  $(x + 2)(x - 3) = 0$  이므로

$$x = 3, -2$$

$$b = -2$$

$$\text{따라서 } a + b = (-1) + (-2) = -3$$

3. 이차방정식  $x^2 + 2ax + a + 2 = 0$  이 중근을 가질 때, 상수  $a$ 의 값들의 합은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$x^2 + 2ax + a + 2 = 0 \text{ 이 중근을 가지므로}$$

$$a + 2 = a^2 \Rightarrow a^2 - a - 2 = 0$$

$$(a - 2)(a + 1) = 0$$

$$a = -1 \text{ 또는 } a = 2,$$

따라서  $2 - 1 = 1$  이다.

4.  $3(x - a)^2 = 15$  의 해가  $-7 \pm \sqrt{5}$  일 때,  $ab$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -35

해설

$$3(x - a)^2 = 15 \text{에서 } (x - a)^2 = 5 \text{이므로}$$

$$x - a = \pm \sqrt{5}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{5}$$

따라서  $a = -7, b = 5$  이므로  $ab = -35$  이다.

5. 서로 다른 세 개의  $x$  값에 대하여 다음 식이 성립할 때,  $a + b + c$  의 값은?

$$\frac{ax^2 - 3x - b}{4x^2 + cx - 5} = 2$$

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{7}{2}$       ③  $\frac{9}{2}$       ④  $\frac{11}{2}$       ⑤  $\frac{33}{2}$

해설

$$\frac{ax^2 - 3x - b}{4x^2 + cx - 5} = 2 \text{를 정리하면,}$$

$$(a - 8)x^2 + (-3 - 2c)x - b + 10 = 0$$

이 식이 서로 다른 세 개의  $x$  값에 대하여 성립하므로  $x$ 에 대한  
형등식이다.

$$\text{따라서 } a - 8 = 0, -3 - 2c = 0, -b + 10 = 0$$

$$\therefore a = 8, b = 10, c = -\frac{3}{2}$$

$$a + b + c = \frac{33}{2} \text{이다.}$$

6.  $5x + 2 \leq 4x + 5$ 이고  $x$ 는 자연수 일 때, 다음 이차방정식을 풀면?

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

- ①  $x = 1, x = 3$       ②  $x = 1, x = 5$       ③  $x = 1$

- ④  $x = 2, x = 3$       ⑤  $x = 2, x = 5$

해설

$5x + 2 \leq 4x + 5$ 에서  $x \leq 3$ 이다.

따라서  $x$ 의 값은 1, 2, 3이다.

$x^2 - 6x + 5 = 0$ 를 만족하는  $x$ 의 값은  $x = 1, x = 5$ 므로 이차방정식의 해는  $x = 1$ 이다.

7. 부등식  $2 \leq 2x - 2 < 5$  를 만족시키는 두 자연수가 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$  의 근일 때,  $a^2 - b^2$  의 값은?

- ① 61      ② 51      ③ 11      ④ -11      ⑤ -61

해설

부등식  $2 \leq 2x - 2 < 5$  를 풀면 다음과 같다.

$$4 \leq 2x < 7$$

$$2 \leq x < \frac{7}{2}$$

$$\therefore x = 2, 3$$

이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여 풀면

$$a = -5, b = 6$$

$$\therefore a^2 - b^2 = (-5)^2 - 6^2 = 25 - 36 = -11$$

8. 이차방정식  $x^2 - 3x + 1 = 0$  의 한 근을  $a$  라 할 때,  $a^2 + \frac{1}{a^2}$  의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

$x = a$  를 대입하면  $a^2 - 3a + 1 = 0$

양변을  $a$  로 나누면  $a - 3 + \frac{1}{a} = 0$

$$\therefore a + \frac{1}{a} = 3$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

9. 다음 중  $(a - 2)(b + 1) = 0$ 을 만족하는  $a, b$ 를 모두 고른 것은?

- |                   |                   |
|-------------------|-------------------|
| Ⓐ $a = 2, b = 1$  | Ⓑ $a = 3, b = 1$  |
| Ⓒ $a = 1, b = -1$ | Ⓓ $a = 2, b = -1$ |

① Ⓐ                  ② Ⓑ                  ③ Ⓒ

④ Ⓐ, Ⓑ              ⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

해설

$$a - 2 = 0 \text{ 또는 } b + 1 = 0$$

$$a = 2 \text{ 또는 } b = -1$$

따라서 Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ이다.

10. 이차방정식  $5x^2 - ax + b = 0$  의 두 근의 합이 1이고, 큰 근이 작은 근보다 5 가 클 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -25

해설

두 근을  $e, f (e > f)$  라 하면  $e = f + 5$  이고,  $e + f = 1$  이므로

연립하면  $e = 3, f = -2$  이다.

따라서 두 근은 3, -2 이다.

3, -2 를 두 근으로  $5x^2 - ax + b = 0$  에 대입하여 연립하면  
 $a = 5, b = -30$  가 나온다.

따라서  $a + b = 5 + (-30) = -25$  이다.

11. 두 이차방정식  $x^2 - 10x + a = 0$ ,  $x^2 + b = 0$ 의 공통인 해가 3일 때,  
 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 12$

해설

주어진 식에  $x$  대신 3을 대입하면

$$3^2 - 10 \times 3 + a = 0, a = 21$$

$$3^2 + b = 0, b = -9$$

$$\therefore a + b = 21 - 9 = 12$$

12.  $x^2 - 6xy + 9y^2 = 0$  ( $xy \neq 0$ ) 일 때,  $9y^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$  의  $x, y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{3}{2}$  또는 1.5

▷ 정답:  $y = \frac{1}{2}$  또는 0.5

해설

$$x^2 - 6xy + 9y^2 = 0 \text{ 에서 } (x - 3y)^2 = 0$$

$$\therefore x = 3y$$

$$x^2 = 9y^2 \text{ 이므로 } 9y^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0 \text{ 에 대입하면}$$

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$$

$$\therefore \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = 0$$

$$\text{따라서 } x = \frac{3}{2}, y = \frac{1}{2} \text{ 이다.}$$

13. 이차방정식  $\frac{1}{3}x^2 - 2x + m = 0$  을  $\frac{1}{3}(x+n)^2 = -6$  의 꼴로 나타낼 때,  
 $mn$ 의 값은?

- ① 21      ② -21      ③ 27      ④ **-27**      ⑤ -9

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{3}(x^2 - 6x) &= -m, \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9) - 3 = -m \\ \frac{1}{3}(x - 3)^2 &= -m + 3 \\ \therefore m &= 9, n = -3 \\ \therefore mn &= -27\end{aligned}$$

14. 다음 이차방정식  $x^2 - 2ax + a^2 - 10 = 0$  의 해가  $x = 7 \pm \sqrt{b}$  일 때,  $ab$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 70

해설

$$x^2 - 2ax = -a^2 + 10$$

$$x^2 - 2ax + a^2 = -a^2 + 10 + a^2 = 10$$

$$(x - a)^2 = 10 \text{ 이므로}$$

$$x - a = \pm \sqrt{10}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{10}$$

따라서  $a = 7$ ,  $b = 10$  이므로  $ab = 70$  이다.

15. 이차방정식  $(x - 1)^2 = 3 - k$ 의 근에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $k = -6$  이면 근이 2개이다.
- ②  $k = -1$  이면 정수인 근을 갖는다.
- ③  $k = 0$  이면 무리수인 근을 갖는다.
- ④  $k = 1$  이면 근이 1개이다.
- ⑤  $k = 3$  이면 중근을 갖는다.

해설

$$(x - 1)^2 = 3 - k, x - 1 = \pm \sqrt{3 - k}$$

$$\therefore x = 1 \pm \sqrt{3 - k}$$

음수의 제곱근은 존재하지 않으므로 근호 안에 있는 수는 음수가 될 수 없다.

$3 > k$  : 근이 0개

$k = 3$  : 근이 1개

$3 < k$  : 근이 2개