① 
$$x = 2 \ \text{F} = -4$$

②
$$x = -2$$
 또는  $x = 4$ 

⑤ 
$$x = 0$$
 또는  $x = -2$ 

$$(x+4): x = x: 2$$

(x+4): x = x: 2 를 만족하는 x 의 값은?

$$x^{2} = 2(x+4), x^{2} = 2x+8$$
  
 $x^{2} - 2x - 8 = 0, (x+2)(x-4) = 0$ 

$$\therefore x = -2$$
 또는  $x = 4$ 

**2.** 이차방정식  $x^2 + ax - 6 = 0$ 의 해가 3, b일 때, a + b의 값을 구하면?

① 
$$-1$$
 ②  $-2$  ③  $-3$  ④  $-4$  ⑤  $-5$ 

해설
$$x^2 + ax - 6 = 0 \, \text{에} \, x = 3 \, \stackrel{\triangle}{=} \, \text{대입하면}$$

$$9 + 3a - 6 = 0, a = -1$$

$$a = -1 \stackrel{\triangle}{=} x^2 + ax - 6 = 0 \, \text{에 대입하면}$$

$$x^2 - x - 6 = 0 \, \text{이고, 인수분해하면} \, (x + 2)(x - 3) = 0 \, \text{이므로}$$

$$x = 3, -2$$

$$b = -2$$
따라서  $a + b = (-1) + (-2) = -3$ 

**3.** 이차방정식 
$$x^2 + 2ax + a + 2 = 0$$
 이 ~~중근을~~ 가질 때, 상수  $a$  의 값들의 합은?

① 
$$-2$$
 ②  $-1$  ③  $1$  ④  $2$  ⑤  $3$ 

해설
$$x^{2} + 2ax + a + 2 = 0 \circ | 중근을 가지므로$$

$$a + 2 = a^{2} \Rightarrow a^{2} - a - 2 = 0$$

$$(a - 2)(a + 1) = 0$$

$$a = -1 또는 a = 2,$$
따라서  $2 - 1 = 1 \circ |$ 다.

- 4.  $3(x-a)^2 = 15$  의 해가  $-7 \pm \sqrt{b}$  일 때, ab 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답:
  - ▷ 정답: -35

$$3(x-a)^2 = 15$$
 에서  $(x-a)^2 = 5$  이므로

 $3(x-a)^2 = 1$  $x-a = \pm \sqrt{5}$ 

= ± **v**o

 $\therefore x = a \pm \sqrt{5}$ 

따라서 a = -7, b = 5 이므로 ab = -35 이다.

**5.** 서로 다른 세 개의 x 값에 대하여 다음 식이 성립할 때, a+b+c 의 값은?

$$\frac{ax^2 - 3x - b}{4x^2 + cx - 5} = 2$$

① 
$$\frac{1}{2}$$
 ②  $\frac{7}{2}$  ③  $\frac{9}{2}$  ④  $\frac{11}{2}$  ⑤  $\frac{33}{2}$ 

$$\frac{ax^2-3x-b}{4x^2+cx-5}=2$$
를 정리하면, 
$$(a-8)x^2+(-3-2c)x-b+10=0$$
이 식이 서로 다른 세 개의  $x$  값에 대하여 성립하므로  $x$  에 대한

따라서 a-8=0, -3-2c=0, -b+10=0 $\therefore a=8, b=10, c=-\frac{3}{2}$ 

 $a + b + c = \frac{33}{2}$ 이다.

항등식이다

6.  $5x + 2 \le 4x + 5$ 이고 x는 자연수 일 때, 다음 이차방정식을 풀면?

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

① 
$$x = 1, x = 3$$
 ②  $x = 1, x = 5$  ③  $x = 1$ 

$$4 \quad x = 2, \ x = 3$$
  $3 \quad x = 2, \ x = 5$ 

 $5x + 2 \le 4x + 5$  에서  $x \le 3$  이다. 따라서 x의 값은 1, 2, 3이다.

지 자 지 때는 1, 2, 5 이다. 
$$x^2 - 6x + 5 = 0$$
를 만족하는  $x$ 의 값은  $x = 1$ ,  $x = 5$ 이므로 이차방정식의 해는  $x = 1$ 이다.

7. 부등식  $2 \le 2x - 2 < 5$ 를 만족시키는 두 자연수가 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 근일 때,  $a^2 - b^2$ 의 값은?

해설

부등식 2 ≤ 2x - 2 < 5를 풀면 다음과 같다.

4 ≤ 2x < 7

2 ≤ x < 
$$\frac{7}{2}$$

∴ x = 2, 3
이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여 풀면

 $a = -5, b = 6$ 

∴  $a^2 - b^2 = (-5)^2 - 6^2 = 25 - 36 = -11$ 

8. 이차방정식  $x^2 - 3x + 1 = 0$  의 한 근을 a 라 할 때,  $a^2 + \frac{1}{a^2}$  의 값은?

양변을 
$$a$$
 로 나누면  $a - 3 + \frac{1}{a} = 0$   

$$\therefore a + \frac{1}{a} = 3$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

x = a 를 대입하면  $a^2 - 3a + 1 = 0$ 

제설 a-2=0 또는 b+1=0a=2 또는 b=-1

따라서 ①, ②, ②이다.

10. 이차방정식  $5x^2 - ax + b = 0$  의 두 근의 합이 1 이고, 큰 근이 작은 근보다 5 가 클 때, a + b 의 값을 구하여라.

두 근을 e, f(e > f) 라 하면 e = f + 5 이고, e + f = 1 이므로 연립하면 e = 3, f = -2 이다.

연립하면 e = 3, f = -2 이다. 따라서 두 근은 3, -2 이다. 3, -2 를 두 근으로  $5x^2 - ax + b = 0$  에 대입하여 연립하면 a = 5, b = -30 가 나온다. 따라서 a + b = 5 + (-30) = -25 이다. **11.** 두 이차방정식  $x^2 - 10x + a = 0$ ,  $x^2 + b = 0$ 의 공통인 해가 3일 때, a + b의 값을 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답:  $a+b=12$ 

주어진 식에 
$$x$$
 대신 3 을 대입하면  $3^2 - 10 \times 3 + a = 0$ ,  $a = 21$   $3^2 + b = 0$ ,  $b = -9$ 

a + b = 21 - 9 = 12

**12.** 
$$x^2 - 6xy + 9y^2 = 0(xy \neq 0)$$
 일 때,  $9y^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$  의  $x$ ,  $y$ 의 값을 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답:  $x = \frac{3}{2}$  또는 1.5

$$ightharpoonup$$
 정답:  $y = \frac{1}{2}$  또는  $0.5$ 

해설
$$x^2 - 6xy + 9y^2 = 0$$
에서  $(x - 3y)^2 = 0$ 

$$\therefore x = 3y$$

$$x^2 = 9y^2$$
 이므로  $9y^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$  에 대입하면

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$$
$$\therefore \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = 0$$

따라서 
$$x = \frac{3}{2}, y = \frac{1}{2}$$
 이다.

**13.** 이차방정식 
$$\frac{1}{3}x^2 - 2x + m = 0$$
 을  $\frac{1}{3}(x+n)^2 = -6$  의 꼴로 나타낼 때,  $mn$  의 값은?

① 
$$21$$
 ②  $-21$  ③  $27$  ④  $-27$  ⑤  $-9$ 

해설
$$\frac{1}{3}(x^2 - 6x) = -m, \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9) - 3 = -m$$

$$\frac{1}{3}(x - 3)^2 = -m + 3$$

$$\therefore m = 9, n = -3$$

$$\therefore mn = -27$$

**14.** 다음 이차방정식  $x^2 - 2ax + a^2 - 10 = 0$  의 해가  $x = 7 \pm \sqrt{b}$  일 때, ab 의 값을 구하여라.

➢ 정답: 70

 $\therefore x = a \pm \sqrt{10}$ 

따라서 a = 7, b = 10 이므로 ab = 70 이다.

## **15.** 이차방정식 $(x-1)^2 = 3 - k$ 의 근에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① k = -6이면 근이 2개이다.
- ② k = -1이면 정수인 근을 갖는다.
- ③ k = 0이면 무리수인 근을 갖는다.
- 4k = 1이면 근이 1개이다.
- ⑤ k = 3이면 중근을 갖는다.

해설 
$$(x-1)^2 = 3 - k, \ x - 1 = \pm \sqrt{3 - k}$$

$$\therefore x = 1 \pm \sqrt{3-k}$$

.. ... 음수의 제곱근은 존재하지 않으므로 근호 안에 있는 수는 음수가

될 수 없다. 3 > k :근이 0개

k = 3 : 근이 1개

3 < k :근이 2개