

1. 어떤 수 x 의 2 배보다 2 큰 수는 이 수의 3 배보다 3 만큼 작다고 할 때, x 를 구하기 위한 식으로 바른 것은?

- ① $2x + 2 = 3(x - 3)$ ② $2(x + 2) = 3x - 3$
③ $2x + 3 = 3x + 2$ ④ $\textcircled{4} 2x + 2 = 3x - 3$
⑤ $2x = 3x + 1$

해설

$$2x + 2 = 3x - 3$$

2. 어떤 수에 $\frac{1}{2}$ 배하여 5를 더한 수는 어떤 수를 4 배하여 5를 뺀 수의 $\frac{1}{3}$ 이라 한다. 어떤 수는?

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$\frac{1}{2}x + 5 = \frac{1}{3}(4x - 5)$$

$$3x + 30 = 8x - 10$$

$$-5x = -40$$

$$\therefore x = 8$$

3. 연속하는 두 자연수의 합이 25이다. 작은 수를 x 라 할 때, x 를 구하기 위한 식으로 옳은 것은?

- ① $x + y = 25$ ② $x + (x + 1) = 25$
③ $x + 2x = 25$ ④ $x = 2x$
⑤ $x + 25 = 2x$

해설

연속하는 두 자연수의 경우 작은 수를 x 라 하면 그 큰 수는 $x+1$ 로 나타낼 수 있다.

$$x + (x + 1) = 25$$

4. 연속한 두 자연수의 합이 큰 수의 $\frac{3}{4}$ 보다 9 만큼 클 때, 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

큰 수를 x 라 하면 연속한 두 자연수는 $x-1, x$ 로 나타낼 수 있다.

$$x - 1 + x = \frac{3}{4}x + 9$$

$$8x - 4 = 3x + 36$$

$$5x = 40$$

$$\therefore x = 8$$

5. 연속한 두 짝수의 합이 작은 수의 $\frac{5}{3}$ 보다 6 만큼 크다. 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

작은 수를 x 라 하면 연속한 두 짝수는 $x, x + 2$ 로 나타낼 수 있다.

$$x + x + 2 = \frac{5}{3}x + 6$$

$$6x + 6 = 5x + 18$$

$$\therefore x = 12$$

6. 연속하는 세 홀수의 합이 87이다. 가장 큰 수를 x 라 할 때, x 를 구하기 위한 식으로 옳은 것은?

- ① $(x - 1) + x + (x + 1) = 87$
- ② $(x - 2) + x + (x + 2) = 87$
- ③ $(2x - 2) + 2x + (2x + 2) = 87$
- ④ $(2x - 1) + (2x + 1) + (2x + 3) = 87$
- ⑤ $(x - 4) + (x - 2) + x = 87$

해설

가장 큰 홀수를 x 라 하였으므로 연속하는 세 홀수는 $x - 4$, $x - 2$, x 가 된다.

$$(x - 4) + (x - 2) + x = 87$$

7. 일의 자리의 숫자가 7인 두 자리의 자연수가 있다. 이 자연수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 자연수는 처음 수의 2배보다 18만큼 크다. 처음 자연수의 십의 자리의 숫자를 x 라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $2(7 + x) = x + 7 - 18$ ② $14x - 18 = 10x + 7$

③ $14x = x + 7 - 18$ ④ $70 + x - 18 = 2(10x + 7)$

⑤ $2(70 + x) = 10x + 7 - 18$

해설

십의 자리 숫자를 x 라 하면 처음 수는 $10x + 7$ 이고, 일의 자리 숫자와 십의 자리 숫자를 바꾼 수는 $70 + x$ 이다.

따라서 $70 + x = 2(10x + 7) + 18$ 이다.

8. 현재 아버지와 아들의 나이의 합은 55 세이고, 10년 후에 아버지의 나이는 아들의 나이의 2 배가 된다. 현재 아들의 나이는?

① 5 세 ② 10 세 ③ 12 세 ④ 15 세 ⑤ 18 세

해설

현재 아들의 나이를 x 라 하면 아버지의 나이는 $55 - x$ 이다.

10년 후 아들의 나이: $x + 10$

10년 후 아버지의 나이: $55 - x + 10$

$$55 - x + 10 = 2(x + 10)$$

$$\therefore x = 15$$

9. 올해 어머니의 나이는 53 세, 아들의 나이는 17 세이다. 몇 년 전에
어머니의 나이가 아들의 나이의 4 배가 되었는지 구하여라.

▶ 답 :

년

▷ 정답 : 5년

해설

x 년 전 어머니의 나이는 $(53 - x)$ 세,
아들의 나이는 $(17 - x)$ 세이다.

$$53 - x = 4(17 - x)$$

$$53 - x = 68 - 4x$$

$$3x = 15$$

$$\therefore x = 5$$

따라서 5 년 전에 어머니의 나이가 아들의 나이의 4 배였다.

10. 밑변의 길이가 4 cm이고 높이가 6 cm인 삼각형이 있다. 밑변을 1 cm 줄이고, 높이를 적당히 늘였더니 넓이가 처음과 같게 되었다. 늘어난 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 2cm

해설

늘어난 길이를 x cm라고 하면,

$$12 = 3(x + 6) \times \frac{1}{2}$$

$$x = 2$$

11. 직사각형의 둘레의 길이가 50 cm이고 가로와 세로의 비가 2 : 3이라고 한다. 이 직사각형의 세로의 길이로 알맞은 것은?

- ① 5 cm ② 10 cm ③ 15 cm ④ 20 cm ⑤ 25 cm

해설

가로의 길이를 $2x$ 라하면 세로의 길이는 $3x$ 이므로 $2(2x + 3x) = 50$ 이다.

$x = 5$ 이므로 가로의 길이는 10 cm, 세로의 길이는 15 cm가 된다.

12. 둘레의 길이가 62 cm 이고, 가로의 길이가 세로의 길이보다 3 cm 더 짧은 직사각형의 가로의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 14 cm

해설

가로의 길이를 $x\text{ cm}$ 라 하면 세로의 길이는 $(x + 3)\text{ cm}$ 이다.

$$2(2x + 3) = 62$$

$$2x + 3 = 31$$

$$2x = 28$$

$$\therefore x = 14$$

따라서, 가로의 길이는 14 cm 이다.

13. 현재 형과 동생의 통장에 각각 7300 원과 3400 원이 예금되어 있다. 형은 매 달 120 원, 동생은 매 달에 250 원씩 저축한다. x 개월 후에 형과 동생의 예금액이 같아진다고 할 때, x 에 관한 식으로 옳은 것은?

① $(7300 + 120)x = (3400 + 250)x$

② $7300 + 3400 = 2x$

③ $7300 + 120x = 3400 + 250x$

④ $7300 + 120 = 3400 + 250x$

⑤ $7300 \times 120x = 3400 \times 250x$

해설

x 개월 후 형의 예금액: $7300 + 120x$

x 개월 후 동생의 예금액: $3400 + 250x$

$7300 + 120x = 3400 + 250x$

14. 형과 동생은 연필을 각각 42 자루, 6 자루씩 가지고 있다. 형이 동생에게 연필 몇 자루를 주면 형이 가진 연필의 수가 동생이 가진 연필의 수의 3배가 된다. 형이 동생에게 몇 자루를 주어야 하는가?

- ① 4 자루 ② 5 자루 ③ 6 자루
④ 12 자루 ⑤ 36 자루

해설

x 자루를 준다고 하면 형에게 남은 연필은 $(42 - x)$ 자루, 동생은 $(6 + x)$ 자루의 연필을 가지게 된다.

$$42 - x = 3(6 + x)$$

$$4x = 24$$

$$\therefore x = 6$$

15. 어느 학교의 전체 학생 수가 지난해에는 남녀 합하여 800명이었다. 그런데 올해는 지난해에 비해 남학생은 5% 증가하고 여학생은 3% 감소하여 전체적으로 8명이 늘었다. 작년 남학생 수를 x 라 할 때, x 에 관한 식으로 옳은 것은?

① $0.05x - 0.03(800 - x) = 8$ ② $0.95x + 0.97(800 - x) = 8$

③ $1.05x + 0.97(800 - x) = 8$ ④ $0.05(800 - x) - 0.03x = 8$

⑤ $0.05x + 0.03(800 - x) = 8$

해설

작년 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 $(800 - x)$ 명이라 하면

증가한 남학생 수는 $\frac{5}{100}x$, 감소한 여학생 수는 $\frac{3}{100}(800 - x)$ 이다.

방정식을 세우면 $\frac{5}{100}x - \frac{3}{100}(800 - x) = 8$

16. 지은이의 키는 민지의 키보다 4cm 더 크다. 지은이와 민지의 키의 평균이 160cm 일 때, 민지의 키를 구하면?

- ① 158 cm ② 159 cm ③ 160 cm
④ 161 cm ⑤ 162 cm

해설

민지의 키를 x cm 라 하면, 지은이의 키는 $(x + 4)$ cm 이다. 두 사람의 평균 키를 구하는 식은 $\frac{x + (x + 4)}{2} = 160$ 이다.

위의 방정식을 풀면 $2x + 4 = 320$, $x = 158$ 이다.
따라서, 민지의 키는 158 cm이다.

17. 어떤 수에 2 배하여 4 를 빼야 할 것을 잘못하여 $\frac{1}{2}$ 배하여 4 를 더하

였더니 12 가 되었다. 바르게 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

어떤 수를 x 라 하자.

$$\frac{1}{2}x + 4 = 12$$

$$\frac{1}{2}x = 8$$

$$x = 16$$

바르게 계산한 값은 $2 \times 16 - 4 = 28$ 이다.

18. 십의 자리의 숫자가 4, 일의 자리 숫자가 x 인 두 자리의 자연수가 있다. 이 자연수는 각 자리 숫자를 더한 수의 7배가 된다. 이 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 42

해설

십의 자리 숫자가 4, 일의 자리 숫자가 x 인 자연수는 $40+x$ 이고 각 자리 숫자를 더한 것은 $4+x$ 이다.

$40+x = 7(x+4)$ 이 자연수는 42이다.

$$40+x = 7x+28$$

$$6x = 12$$

$$x = 2$$

19. 일의 자리의 숫자가 5 인 두 자리의 자연수가 있다. 이 자연수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 수가 처음 수보다 9 만큼 작다고 할 때, 처음 수를 구하면?

① 35 ② 45 ③ 55 ④ 65 ⑤ 75

해설

십의 자리의 숫자를 x 라 하면
처음 수는 $10x + 5$, 바꾼 수는 $50 + x$ 다.
 $50 + x = 10x + 5 - 9$
 $-9x = -54$, $x = 6$
따라서 구하는 자연수는 65 이다.

20. 일의 자리의 숫자가 6 인 두 자리의 자연수가 있다. 이 수는 각 자리의 숫자의 합의 4 배와 같다고 할 때 이 수는?

- ① 26 ② 36 ③ 46 ④ 56 ⑤ 66

해설

$$10x + 6 = 4(x + 6)$$

$$6x = 18$$

$$\therefore x = 3$$

따라서 36 이다.

21. 현재 지영이의 나이는 12 세, 아버지의 나이는 42 세이다. 아버지의 나이가 지영이의 나이의 3 배가 되는 것은 몇 년 후인가?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

x 년 후의 지영이의 나이는 $(12 + x)$ 세이고, 아버지의 나이는

$(42 + x)$ 세이다.

$$\therefore 3(12 + x) = 42 + x \text{에서}$$

$$x = 3$$

즉, 3년 후에 아버지의 나이는 지영이의 나이의 세 배가 된다.

22. 4년 전 어머니의 나이는 나의 나이의 3배였지만 8년 후에는 나의 나이의 2배가 된다고 한다. 현재 어머니의 나이는?

- ① 32 세 ② 36 세 ③ 40 세 ④ 44 세 ⑤ 48 세

해설

$$\text{현재 나의 나이} : x$$

$$4\text{년 전 나의 나이} : x - 4$$

$$4\text{년 전 어머니의 나이} : 3(x - 4)$$

$$\text{현재 어머니의 나이} : 3(x - 4) + 4 = 3x - 8$$

$$8\text{년 후 나의 나이} : x + 8$$

$$8\text{년 후 어머니의 나이} : 3x - 8 + 8 = 3x$$

$$2(x + 8) = 3x$$

$$x = 16$$

현재 나의 나이는 16 세이고 현재 어머니의 나이는 40 세이다.

23. 어떤 상품의 원가에 30%의 이익을 붙여 정가로 했다가 물건이 팔리지 않아 이 정가의 20%를 할인하여 팔았더니 1개당 200 원의 이익이 생겼다. 이 상품의 원가는?

- ① 4600 원 ② 4700 원 ③ 4800 원
④ 4900 원 ⑤ 5000 원

해설

원가를 A 원이라 하면
정가는 $A(1 + 0.3) = 1.3A$ 이고
할인가는 $1.3A \times 0.8 = 1.04A$
이익은 $1.04A - A = 200$
 $0.04A = 200$
양변에 100을 곱하면
 $4A = 20000$
 $\therefore A = 5000$ (원)

24. 어떤 제품에 원가의 3할을 붙여서 정가를 정하였는데 정가에서 400 원을 할인하여 팔았더니 원가에 대하여 1할의 이익을 얻었다고 한다. 이 제품의 정가를 구하여라.

▶ 답: 원

▷ 정답: 2600 원

해설

이 물건의 원가를 x 원이라고 하면 정가는 $1.3x$ 이고

판매가는 $(1.3x - 400)$ 원이다.

$(\text{이익}) = (\text{판매가}) - (\text{원가})$ 이므로

$$1.3x - 400 = 1.1x$$

$$\therefore x = 2000$$

원가가 2000 원이므로 정가는 2600 원이다.

25. 원가에 2 할의 이익을 붙여 정가로 정한 제품이 잘 팔리지 않아 100 원 할인하여 팔았더니 원가의 10% 의 이익을 얻었다. 이때, 이 제품의 정가는?

- ① 1200 원 ② 3600 원 ③ 4800 원
④ 1000 원 ⑤ 2000 원

해설

이 물건의 원가를 x 원이라고 하면 정가는 $1.2x$ 이고

판매가는 $(1.2x - 100)$ 원이다.

$(\text{이익}) = (\text{판매가}) - (\text{원가})$ 이므로

$$(1.2x - 100) - x = 0.1x$$

$$0.2x - 100 = 0.1x$$

$$0.1x = 100$$

$\therefore x = 1000$, 원가가 1000 원이므로 정가는 1.2 를 곱한 1200 원이다.

26. A 매점에서는 B 가방에 15 %의 이익을 붙여 정가를 정하고, 정가에서 300 원 할인해서 팔았더니 150 원의 이익을 얻었다. B 가방의 원가를 구하면?

- ① 2000 원 ② 3000 원 ③ 4000 원
④ 5000 원 ⑤ 6000 원

해설

B 가방의 원가를 x 라 하면 15 %의 이익을 붙인 정가는

$$x \left(1 + \frac{15}{100}\right) \text{ 원이다.}$$

여기서 300 원 할인했다고 했으므로 판매가는

$$x \left(1 + \frac{15}{100}\right) - 300 \text{ 원이 된다.}$$

150 원의 이익을 얻었으므로

$$(\text{판매가}) - (\text{원가}) = 150 \text{ 이 된다.}$$

$$x \left(1 + \frac{15}{100}\right) - 300 - x = 150 ,$$

$$x + \frac{15}{100}x - 300 - x = 150 \quad \therefore x = 3000$$

27. 200 원짜리 볼펜 x 개와 500 원짜리 공책 8 권을 사고 6000 원을 지불하였다. 거스름돈이 없을 때, 볼펜의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

개

▷ 정답 : 10 개

해설

볼펜 x 개의 값 : $200x$ (원)

공책 8 권의 값 : 4000 원

방정식을 세우면 볼펜 x 개와 공책 8 권의 가격의 합은 6000 원이므로,

$$200x + 4000 = 6000$$

$$200x = 2000$$

$$x = 10$$

따라서 볼펜의 개수는 10 개이다.

28. 500 원짜리 과자와 700 원짜리 빵을 합하여 12 개를 사고 7400 원을 지불하였다. 구입한 과자의 개수를 구하면?

- ① 3 개 ② 5 개 ③ 7 개 ④ 9 개 ⑤ 12 개

해설

구입한 과자의 개수를 x 개 라 하면, 구입한 빵의 개수는 $(12 - x)$ 개이다.

(과자의 값) + (빵의 값) = 7400 원 이므로 방정식으로 나타내면
 $500x + 700(12 - x) = 7400$ 이다.

$$500x + 8400 - 700x = 7400$$

$$-200x = -1000$$

$$\therefore x = 5$$

따라서, 구입한 과자는 5 개이다.

29. 한 개에 400 원인 자두와 한 개에 600 원인 오렌지를 합하여 모두 15 개를 사고 8900 원을 지불하였더니 300 원을 거슬러 주었다. 자두는 몇 개를 샀는지 고르면?

- ① 2 개 ② 4 개 ③ 6 개 ④ 8 개 ⑤ 10 개

해설

자두의 개수를 x 개라 하면 오렌지의 개수는 $(15 - x)$ 개이다.

$$400x + 600(15 - x) = 8900 - 300$$

$$\therefore x = 2$$

30. 언니의 저금통에는 5000 원, 동생의 저금통에는 3200 원이 들어있다고 한다. 두 사람은 매일 1000 원씩 용돈을 받을 때, 언니는 매일 700 원짜리 과자를 사먹고 남는 돈을 저금통에 넣고, 동생은 한 푼도 사용하지 않고 모은다고 한다. 며칠 후에 동생의 저금통에 들어 있는 금액이 언니의 금액의 3 배가 되는지 구하여라.

▶ 답: 일

▷ 정답: 118 일

해설

x 일 후의 언니의 저금 액은 $(5000 + 300x)$ 원이고 동생의 저금 액은 $(3200 + 1000x)$ 원이다.

$$3(5000 + 300x) = 3200 + 1000x$$

$$100x = 11800$$

$$x = 118$$

따라서 118 일 후에 동생의 저금액이 언니의 저금액의 3 배가 된다.

31. 갑과 을의 통장에 있는 잔액을 합하면 160000 이 된다. 갑이 매일 1000 원씩, 을이 매일 1200 원씩 저금하면 8일 후에는 둘의 잔액이 같아진다. 현재 갑의 통장에는 얼마가 들어있는지 구하여라.

▶ 답: 원

▷ 정답: 80800 원

해설

갑의 통장 잔액을 x 원이라 하면 을의 잔액은 $(160000 - x)$ 원이다.

$$x + 8000 = 160000 - x + 9600$$

$$2x = 161600$$

$$x = 80800$$

32. 승원이는 저금통에 10,000 원이 있고, 희재는 저금통에 8,000 원이 있다. 승원이는 매일 500 원씩 저금통에 넣고, 희재는 매일 700 원씩 저금통에 넣는다고 하면, 승원이와 희재의 저금통에 들어있는 금액이 같아지는 것은 며칠 후 인지 구하여라.

▶ 답:

일

▷ 정답: 10 일

해설

승원이는 매일 500 원씩 넣고 있으므로 x 일 지나면 $500x$ 원이 더 모이게 된다. ($= 10000 + 500x$)

마찬가지로 희재도 매일 700 원씩 넣고 있으므로 x 일이 지나면 $700x$ 원이 더 모이게 된다.

($= 8000 + 700x$)

$10000 + 500x = 8000 + 700x$ 이므로 식을 계산하면 $x = 10$ 이 된다.

33. 형은 구슬을 $6x$ 개, 동생은 $x+7$ 개 가지고 있다. 형이 동생에게 자신이 가진 구슬의 $\frac{1}{3}$ 개를 동생에게 주었더니 동생이 가진 구슬의 개수와 형이 가진 구슬의 개수가 같아졌다. 이 때, 형이 동생에게 준 구슬의 개수는?

- ① 6 개 ② 7 개 ③ 9 개 ④ 14 개 ⑤ 42 개

해설

$$6x - \frac{1}{3} \times 6x = x + 7 + \frac{1}{3} \times 6x$$

$$4x = 3x + 7$$

따라서 형이 가진 구슬의 개수는 42개이고 동생에게 준 것은 14개이다.

34. 빨간 바구니와 파란 바구니에 공이 각각 22 개, 10 개씩 들어 있었다.
그런데, 빨간 바구니에서 파란 바구니로 공 몇 개를 옮겼더니, 빨간
바구니에 있는 공의 개수와 파란 바구니에 있는 공의 개수의 비가
 $5 : 3$ 이 되었다. 빨간 바구니에서 파란 바구니로 옮긴 공의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

빨간 바구니에서 파란 바구니로 옮긴 공의 개수를 x 개라 하면,
옮기고 난 후 빨간 바구니에 들어있는 공의 개수는 $(22 - x)$ 개
이고, 파란 바구니에 있는 공의 개수는 $(10 + x)$ 개이다. 그런데
이 두 공의 개수의 비가 $5 : 3$ 이라 했으므로,

$$22 - x : 10 + x = 5 : 3$$

$$5(10 + x) = 3(22 - x)$$

$$50 + 5x = 66 - 3x$$

$$8x = 16$$

$$\therefore x = 2$$

따라서, 빨간 바구니에서 파란 바구니로 옮긴 공의 개수는 2
개이다.

35. 올해 A중학교의 학생 수는 작년보다 5 % 증가하여 189명이 되었다.
증가한 학생 수로 알맞은 것은?

- ① 10 명 ② 9 명 ③ 8 명 ④ 7 명 ⑤ 6 명

해설

작년 학생 수를 x 명이라 할 때

$$x + \frac{5}{100}x = 189$$

$$105x = 18900$$

$$\therefore x = 180$$

따라서 증가한 학생 수는 $180 \times 0.05 = 9$ 명

36. 백의 자리의 숫자가 5이고, 백의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자의 합이 십의 자리의 숫자가 되는 세 자리 자연수가 있다. 이 수의 백의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 수는 처음 수의 2 배보다 234 작은 수일 때, 처음 수의 십의 자리 숫자는?

① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

백의 자리 숫자 : 5, 십의 자리 숫자 : $x + 5$

일의 자리 숫자 : x

$$100(x + 5) + 50 + x = 2(500 + 10x + 50 + x) - 234$$

$$101x + 550 = 22x + 866$$

$$79x = 316$$

$$\therefore x = 4$$

따라서 처음 수는 594, 그러므로 십의 자리 수는 9이다.

37. A 지역과 B 지역에 직사각형 모양의 주차장이 있다고 한다. 두 주차장의 가로가 50 m, 세로가 30 m로 같았다. 두 지역 모두 주차장을 넓힐 수 있게 되어서 A 지역은 가로 길이를 x m 늘이고 세로 길이를 10 m 늘이고, B 지역은 가로 길이를 10 m 늘이고 세로 길이를 x m 늘었더니, 두 지역의 주차장의 넓이가 A 주차장의 넓이가 B 주차장의 넓이보다 100m^2 넓어졌다고 한다. 이때, x 를 구하여라.

▶ 답: m

▷ 정답: $x = 5$ m

해설

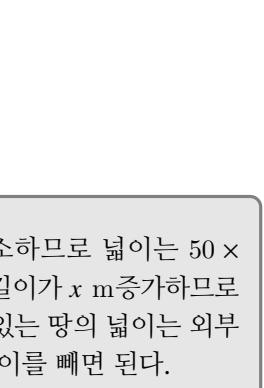
A 지역의 주차장의 가로 길이는 $(50 + x)$ m가 되고, 세로의 길이는 40 m가 된다. B 지역의 가로 길이는 60 m, 세로 길이는 $(30 + x)$ m가 된다. A 지역의 주차장의 넓이는 $(50 + x) \times 40$, B 지역의 주차장의 넓이는 $60 \times (30 + x)$ 이고 A 주차장의 넓이가 B 주차장의 넓이보다 100m^2 넓으므로

$$(50 + x) \times 40 = 60 \times (30 + x) + 100$$

$$40x + 2000 = 1800 + 60x + 100$$

$$\therefore x = 5 \text{ m}$$

38. 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 50m인 정사각형의 모양의 땅이 있다. 색칠된 부분의 땅만 이용할 수 있다고 하고 내부의 정사각형의 가로, 세로의 길이는 10m이다. 외부의 가로의 길이가 x m 감소하고 내부의 세로의 길이가 x m 증가했다고 할 때, 이용할 수 있는 땅의 넓이는 1200 m^2 이다. x 의 값을 구하라.



▶ 답: m

▷ 정답: $x = 20$ m

해설

외부의 정사각형의 가로 길이가 x m 감소하므로 넓이는 $50 \times (50 - x)$ 가 된다. 내부의 정사각형은 세로 길이가 x m 증가하므로 넓이는 $10 \times (10 + x)$ 가 된다. 이용할 수 있는 땅의 넓이는 외부 정사각형의 넓이에서 내부 정사각형의 넓이를 빼면 된다.

$$50 \times (50 - x) - 10 \times (10 + x) = 1200 \text{ 이므로}$$

$$2500 - 50x - 100 - 10x = 1200$$

$$\therefore x = 20(\text{ m})$$

39. 입장료가 어른 1000 원, 학생 600 원인 박물관에서 어제 하루 200 명이 입장했다. 오늘의 입장객 수는 어제의 입장객 수보다 어른은 20% 증가하고 학생은 10% 감소하여 총 입장료가 160800 원이었다. 어제 입장한 학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 120 명

해설

어제 입장한 학생 수를 x 명이라 하면, 어른의 수는 $200 - x$ 명이다.

오늘 입장한 학생 수는 $0.9x$ 명이고 어른은 $1.2(200 - x)$ 명이다.
입장료는 $1000 \times 1.2(200 - x) + 600 \times 0.9x = 160800$ 이다.

$$1000 \times 1.2(200 - x) + 600 \times 0.9x = 160800$$

$$120(200 - x) + 54x = 160800$$

$$\therefore x = 120$$

40. 송미와 윤규는 각각 15000 원과 31000 원을 갖고 있었는데 똑같은 가격의 볼펜을 각각 10 자루씩 샀더니 윤규가 가진 돈은 송미가 가진 돈의 3 배가 되었다. 볼펜 한 자루의 가격을 구하여라.

▶ 답:

원

▷ 정답: 700 원

해설

볼펜 한 자루의 가격을 x 원이라고 하면, 볼펜 10자루의 가격은 $10x$ 원이므로 송미와 윤규가 볼펜을 사고 남은 돈은 각각 $(15000 - 10x)$ 원, $(31000 - 10x)$ 원이다. 그런데 볼펜을 사고 난 후, 윤규가 가진 돈이 송미가 가진 돈의 3배가 된다.

$$31000 - 10x = 3(15000 - 10x)$$

$$31000 - 10x = 45000 - 30x$$

$$20x = 14000$$

$$\therefore x = 700$$

따라서, 볼펜 한 자루의 가격은 700 원이다.

41. 오늘까지 태亨이와 유미의 저금액은 각각 18000 원, 24000 원이다. 내일부터 태亨이는 하루에 600 원씩, 유미는 하루에 400 원씩 저금할 때, 두 사람의 저금액이 같아지는 날은 며칠 후인가?

- ① 22 일 후 ② 30 일 후 ③ 32 일 후
④ 36 일 후 ⑤ 40 일 후

해설

x 일 후에 저금액이 같아진다고 할 때,

$$18000 + 600x = 24000 + 400x$$

$$200x = 6000$$

$$\therefore x = 30$$

따라서, 30 일 후에 두 사람의 저금액이 같아진다.

42. A 상인과 B상인, C상인이 어떤 물건을 가지고 있는 비율이 $6 : 2 : 1$ 이었다. A 상인이 이 물건을 B 상인에게 16 개, C 상인에게 32 개를 주었더니 세 상인이 가지고 있는 물건의 개수가 같아졌다. C 상인은 이 물건을 처음에 몇 개 가지고 있었는지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 16 개

해설

A 상인이 가지고 있는 물건의 개수를 $6x$, B 상인이 가진 개수를 $2x$, C상인이 가진 개수를 x 라 하자.

$$6x - 48 = 2x + 16 = x + 32 \text{ 이므로 } x = 16 \text{ 이다.}$$

43. 설탕이 병 A에는 70g, 병 B에는 60g 이 각각 들어 있다. 병 B에서 병 A로 몇 g 의 설탕을 옮기면 병 A와 병 B의 비가 4:3 가 되는지 구하여라. (단, 병의 무게는 무시한다.)

▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답: $\frac{30}{7}$ g

해설

옮기는 설탕의 양을 x 라 하면

$$70 + x : 60 - x = 4 : 3$$

$$4(60 - x) = 3(70 + x)$$

$$240 - 4x = 210 + 3x$$

$$-7x = 210 - 240$$

$$x = \frac{30}{7}$$

44. 어느 학교의 입학시험에서 입학 지원자의 남녀의 비는 $3 : 2$ 이고 합격자의 남녀의 비는 $5 : 2$, 불합격자의 남녀의 비는 $1 : 1$. 합격자의 수는 210 명이었다. 입학 지원자의 수는?

- ① 300 명 ② 350 명 ③ 400 명
④ 450 명 ⑤ 500 명

해설

$$\text{남자 합격자} : 210 \times \frac{5}{5+2} = 150 \text{ (명)}$$

$$\text{여자 합격자} : 210 \times \frac{2}{5+2} = 60 \text{ (명)}$$

남자 지원자 수를 $3x$ 명, 여자 지원자 수를 $2x$ 명이라고 하면 남자, 여자 불합격자의 수는 각각 $(3x - 150)$ 명, $(2x - 60)$ 명이므로

$$3x - 150 = 2x - 60$$

$$\therefore x = 90$$

$$\text{따라서 지원자 수는 } 5x = 5 \times 90 = 450 \text{ (명)}$$

45. 진경이네 학교의 학생 수는 작년보다 5% 줄어서 1425 명이다. 작년의 남학생 수는 여학생 수의 $\frac{3}{2}$ 배보다 35 명 많았다. 작년 남학생 수는?

- ① 911 명 ② 912 명 ③ 913 명
④ 914 명 ⑤ 915 명

해설

작년 여학생 : x

작년 남학생 : $\frac{3}{2}x + 35$

$$(작년 전체 학생 수) = (작년 남학생 수) + (작년 여학생 수)$$

$$\left(\frac{3}{2}x + 35 + x \right) \times 0.95 = 1425$$

$$\frac{3}{2}x + 35 + x = 1500$$

$$\frac{5}{2}x + 35 = 1500$$

$$\frac{5}{2}x = 1465, x = 1465 \times \frac{2}{5}$$

$$\therefore x = 586$$

$$작년 남학생 수 : 1500 - 586 = 914(\text{명})$$

46. 현대 중학교 1 학년 학생의 남,녀의 비는 $6 : 4$ 이고 25 번 문제를 맞춘 남녀의 비는 $5 : 2$, 못 맞춘 남,녀의 비는 $4 : 5$ 이었다. 못 맞춘 학생의 수가 324 명일 때, 문제를 맞춘 남학생의 수는?

- ① 275 명 ② 285 명 ③ 295 명
④ 305 명 ⑤ 315 명

해설

못 맞춘 남학생의 수는 $324 \times \frac{4}{9} = 144$ (명)

못 맞춘 여학생의 수는 $324 - 144 = 180$ (명)

맞춘 남녀의 수를 $5x, 2x$ 명이라 하면

$$(5x + 144) : (2x + 180) = 6 : 4$$

$$6(2x + 180) = 4(5x + 144)$$

$$\therefore x = 63$$

따라서 문제를 맞춘 남학생의 수는 $5 \times 63 = 315$ (명)이다.

47. 연속하는 세 개의 3의 배수를 각각 a , b , c ($a > b > c$)라고 할 때,
 $a + 12 = c + \frac{1}{3}b$ 을 만족한다. 이때 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 162

해설

연속하는 3의 배수 중 가운데 수가 b 일 때,
 $a = b + 3$, $c = b - 3$ 이다.

$$a + 12 = c + \frac{1}{3}b \text{에 대입하면}$$

$$(b + 3) + 12 = (b - 3) + \frac{1}{3}b$$

$$\frac{1}{3}b = 18$$

$$\therefore b = 54$$

따라서 $a = 57$, $b = 54$, $c = 51$

$$\therefore a + b + c = 57 + 54 + 51 = 162$$

해설

$a = 3(x + 1)$, $b = 3x$, $c = 3(x - 1)$ 이라 하자.

$$a + 12 = c + \frac{1}{3}b \text{에 대입하면}$$

$$3(x + 1) + 12 = 3(x - 1) + \frac{1}{3} \times 3x$$

$$3x + 3 + 12 = 3x - 3 + x$$

$$-x = -18$$

$$x = 18$$

따라서 $a = 57$, $b = 54$, $c = 51$ 이다.

$$a + b + c = 57 + 54 + 51 = 162$$

48. 다음은 이순신 장군의 일생에 대한 이야기이다.

일생의 $\frac{7}{18}$ 이 지나 결혼을 하고 1년이 지나자 무과공부를 시작했다. 일생의 $\frac{1}{9}$ 동안 무과 공부를 하여 무과에 응시하였으나 다리 골절상으로 낙방하게 된다. 그로부터 4년 후, 무과에 급제하여 관직에서 파직과 복직을 하는 등 순탄치 않은 생활을 하다가 일생의 $\frac{5}{18}$ 가 지나자 전라좌수사가 된다. 이후 임진왜란이 발발하여 7년간 23전 23승의 세계전쟁사에 유래없는 기록을 세우고 임진왜란의 마지막 해전인 노량해전에서 전사하게 된다.

순신 장군이 몇 살까지 살았는지 구하여라.

▶ 답: 살

▷ 정답: 54살

해설

이순신 장군의 일생의 나이를 x 살이라 하자.

일생의 $\frac{7}{18}$ 을 지나 결혼을 했으므로 $(x - \frac{7}{18}x)$ 살에 결혼을 했

다. 1년이 지나 무과 공부를 했고, 일생의 $\frac{1}{9}$ 과 4년 동안 더

공부했으므로 $(1 + \frac{1}{9}x + 4)$ 년 동안 공부를 한 것이다. 일생의

$\frac{5}{18}$ 가 지나 전라 좌수사가 되므로 $\frac{5}{18}x$ 년 후에 전라 좌수사가 된다.

여기에 7년간 전쟁을 참여하여 전사하게 되므로 +7이 된다.

$$x = \frac{7}{18}x + (1 + \frac{1}{9}x + 4) + \frac{5}{18}x + 7$$

양변에 18을 곱하면

$$18x = 7x + 18 + 2x + 72 + 5x + 126$$

$$4x = 216$$

$$\therefore x = 54$$

따라서 이순신 장군은 54살까지 살았다.

49. 어떤 상품의 정가의 30 % 를 할인하여 판매하면 원가에서 5 % 의 이익이 발생한다. 이 상품의 정가는 원가에 몇 % 이익을 붙여서 책정된 것인지 구하여라.

▶ 답: %

▷ 정답: 50%

해설

상품의 정가를 x , 원가를 y 라 두면,

$$\frac{7}{10}x = \frac{21}{20}y, x = \frac{3}{2}y \text{ 이다.}$$

따라서 정가는 원가의 50 % 만큼 이익을 붙여 책정되었다.

50. 작년의 학생 수가 1350명인 어느 학교는 금년에 남학생은 165명 줄고, 여학생은 5% 늘어서 전체적으로 50% 감소했다. 이 학교의 작년 남학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 840명

해설

작년의 남학생 수를 x (명)이라 두면, 작년의 여학생 수는 $(1350 - x)$ 명이다.

$$(x - 165) + \frac{105}{100}(1350 - x) = 675$$

$$(x - 165) + \frac{21}{20}(1350 - x) = 675$$

$$20x - 3300 + 17640 - 21x = 13500$$

$$\therefore x = 840$$

$$\therefore (\text{작년 남학생}) = 840(\text{명})$$