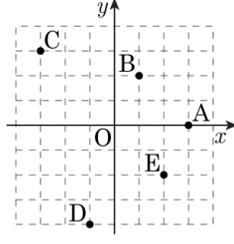


1. 다음 그림과 같은 좌표평면 위의 점 A, B, C, D, E의 좌표로 옳지 않은 것은?

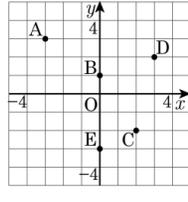


- ① A(0, 3) ② B(1, 2) ③ C(-3, 3)
④ D(-1, -4) ⑤ E(2, -2)

해설

A(3, 0)

2. 다음 중 좌표평면에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

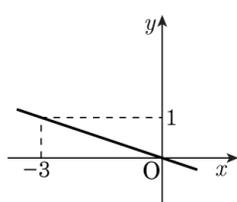


- ① 점 A는 제 2사분면 위에 있다.
- ② 점 B의 x 좌표는 0이다.
- ③ 점 C의 좌표는 $(-2, 2)$ 이다.
- ④ x 좌표가 3이고, y 좌표가 2인 점은 D이다.
- ⑤ 점 E는 어느 사분면에도 속하지 않는다.

해설

③ 점 C의 좌표는 $(2, -2)$ 이다.

3. 다음 그래프의 함수식은?



① $y = -\frac{1}{3}x$

② $y = -3x$

③ $y = x$

④ $y = 3x$

⑤ $y = -\frac{3}{x}$

해설

$$y = ax$$

$$1 = a(-3)$$

$$\therefore a = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore y = -\frac{1}{3}x$$

4. 다음 그래프 중 지나는 사분면이 나머지 넷과 다른 것은?

① $y = \frac{3}{x}$

② $y = \frac{2}{x}$

③ $y = -\frac{1}{x}$

④ $y = \frac{1}{x}$

⑤ $y = \frac{4}{x}$

해설

① $y = \frac{3}{x}$ 이 지나는 사분면 : 제1, 3 사분면

② $y = \frac{2}{x}$ 이 지나는 사분면 : 제1, 3 사분면

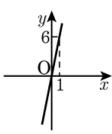
③ $y = -\frac{1}{x}$ 이 지나는 사분면 : 제2, 4 사분면

④ $y = \frac{1}{x}$ 이 지나는 사분면 : 제1, 3 사분면

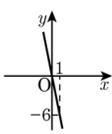
⑤ $y = \frac{4}{x}$ 이 지나는 사분면 : 제1, 3 사분면

5. 다음 중 함수 $y = \frac{6}{x}$ 의 그래프는?

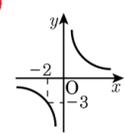
①



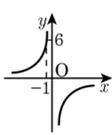
②



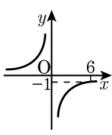
③



④



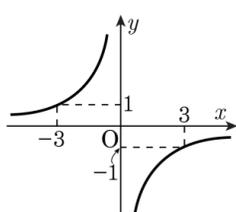
⑤



해설

$y = \frac{6}{x}$ 의 그래프는 점 $(-2, -3)$ 을 지나고 제1, 3사분면 위에 쌍곡선으로 그려진다.

6. 다음 그래프의 식은?



① $y = -\frac{1}{x}$
④ $y = -\frac{4}{x}$

② $y = -\frac{2}{x}$
⑤ $y = -\frac{5}{x}$

③ $y = -\frac{3}{x}$

해설

$$y = \frac{a}{x} \text{ 에서 } (3, -1) \text{ 을 지나는 직선이므로 } -1 = \frac{a}{3}$$

$$a = -3$$

$$\therefore y = -\frac{3}{x}$$

7. 점 $P(ab, bc)$ 가 원점이 아닌 x 축 위에 있을 때, $a+b+c$ 의 값은?

- ① a ② $a+b$ ③ $b+c$ ④ $c+a$ ⑤ $a-c$

해설

x 축 위에 있는 수는 y 좌표가 0 이므로 $y=0$ 이며,
원점 위에 있는 수가 아니므로 적어도 x 의 좌표, y 의 좌표 중
하나는 0 이 아니다.

따라서 점 P 의 x 좌표는 0 이 아니고, y 좌표는 0 이다.

$\therefore ab \neq 0, bc = 0$ 이므로

$ab \neq 0$ 에서 $a \neq 0, b \neq 0$ 이고,

$bc = 0$ 에서 $b \neq 0$ 이므로 $c = 0$ 이다.

$\therefore a+b+c = a+b$ 이다.

8. $ab < 0$, $a - b > 0$ 일 때, 다음 중 제 2사분면 위에 있는 점을 모두 고르면?

- ① $(a, -b)$ ② $(-a, -b)$ ③ $(-a, b)$
④ $\left(\frac{a}{b}, a\right)$ ⑤ $(-ab, a+b)$

해설

$ab < 0$, $a - b > 0$ 이므로 $a > 0$, $b < 0$ 이다.

① $a > 0$, $-b > 0$ 이므로 제 1사분면

② $-a < 0$, $-b > 0$ 이므로 제 2사분면

③ $-a < 0$, $b < 0$ 이므로 제 3사분면

④ $\frac{a}{b} < 0$, $a > 0$ 이므로 제 2사분면

⑤ $-ab > 0$, $a + b$ 는 부호를 알 수 없다.

9. 다음 함수의 그래프 중에서 제 1, 3 사분면을 지나는 것을 모두 골라라.

㉠ $y = -5x$	㉡ $y = -7x$	㉢ $y = \frac{1}{5}x$
㉣ $y = -9x$	㉤ $y = x$	㉥ $y = -\frac{7}{5}x$
㉦ $y = 2x$	㉧ $y = \frac{9}{2}x$	㉨ $y = -x$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉢

▷ 정답: ㉤

▷ 정답: ㉦

▷ 정답: ㉧

해설

$y = ax$ ($a \neq 0$) 의 그래프는 $a > 0$ 일 때 제 1, 3 사분면을 지난다.

10. 점 $\left(-\frac{3}{16}, \square\right)$ 는 함수 $y = \frac{8}{3}x$ 의 그래프 위에 있다. \square 안에 수를 a 라고 할 때, $5a + \frac{1}{2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

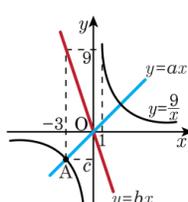
점 $\left(-\frac{3}{16}, \square\right)$ 가 함수 $y = \frac{8}{3}x$ 의 그래프 위에 있는 경우,
 $y = \frac{8}{3}x$ 에 x 대신 $-\frac{3}{16}$, y 대신 \square 을 대입하면 등식이 성립한다.

$$\therefore \square = \frac{8}{3} \times \left(-\frac{3}{16}\right)$$

$$\square = -\frac{1}{2} = a \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } 5a + \frac{1}{2} = 5 \times \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} = -2$$

11. 다음 세 함수 $y = \frac{9}{x}$, $y = ax$, $y = bx$ 가 다음과 같을 때, 점 $A(-3, c)$ 를 구해서 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$y = bx$ 가 점 $(-3, 9)$ 를 지나므로 $9 = -3b, b = -3$

점 $A(-3, c)$ 가 $y = \frac{9}{x}$ 를 지나므로 $\frac{9}{-3} = -3 = c$

점 $(-3, -3)$ 이 $y = ax$ 를 지나므로 $a = 1$

따라서 $a + b + c = 1 + (-3) + (-3) = -5$

12. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 $(-1, \frac{1}{4})$ 을 지나고, 함수 $y = ax$ 가 $(b, -8)$ 을 지날 때, $a \times b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 점 $(-1, \frac{1}{4})$ 를 지나므로

$$\frac{1}{4} = \frac{a}{-1}, a = -\frac{1}{4} \text{이다.}$$

$y = -\frac{1}{4}x$ 가 점 $(b, -8)$ 을 지나므로

$$-\frac{1}{4}b = -8, b = 32 \text{이다.}$$

따라서 $ab = (-\frac{1}{4}) \times 32 = -8$ 이다.

13. 점 $(4, b)$ 가 두 함수 $y = -x + 7$ 과 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위에 있을 때, $a + b$ 의 값은?

- ① -9 ② -3 ③ 3 ④ 9 ⑤ 15

해설

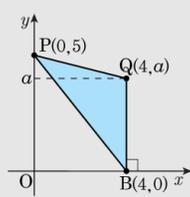
$$\begin{aligned} -4 + 7 &= b \\ \therefore b &= 3 \\ \frac{a}{4} &= 3 \\ \therefore a &= 12 \\ \therefore a + b &= 15 \end{aligned}$$

14. 세 점 $P(0, 5), Q(4, a), R(4, 0)$ 에 대하여 $\triangle PQR$ 의 넓이를 S 라고 하자. $S = 8$ 일 때, 양수 a 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

세 점 P, Q, R 을 좌표평면에 그려 보면 아래 그림과 같으므로



$$\triangle PQR = \frac{1}{2} \times a \times 4 = 2a$$

$$S = 8 \text{ 일 때,}$$

$$2a = 8$$

$$\therefore a = 4$$

15. 다음 조건을 만족하는 함수가 있다고 할 때, mn 의 값을 구하여라.

- ㉠ 두 점 $(4, n), (m, 6)$ 을 지난다.
- ㉡ 원점을 지나는 직선이다.

▶ 답 :

▶ 정답 : $mn = 24$

해설

원점을 지나는 직선이므로 $y = ax$ 의 함수식을 이용한다.

두 점 $(4, n), (m, 6)$ 을 대입하면

$4a = n, am = 6$ 이다.

$4a = n$ 은 a 에 대해서 정리하면 $a = \frac{n}{4}$ 이므로 $am = 6$ 에 대입하면

$am = \frac{n}{4} \times m = 6$ 이다.

따라서 $\frac{mn}{4} = 6$ 이고, $mn = 24$ 이다.

16. 자연랜드는 번지점프 이용에 몸무게 제한을 한다. <설명>에 의하면, 이 기구를 이용할 수 있는 최대 몸무게는?

<설명>

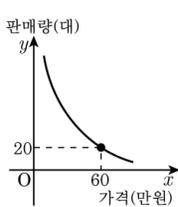
사람의 몸무게를 x (kg), 몸무게에 따라 끈이 늘어나는 길이를 y (m)라고 하면, $5y = x$ 의 관계가 있다.
 끈의 길이는 20m이고 강의 수면으로부터 2m 이상을 유지하려면, 이 번지점프를 이용할 수 있는 최대 몸무게는 () (kg)이다.

- ① 50 ② 100 ③ 140 ④ 150 ⑤ 190

해설

y 가 최대로 늘어날 수 있는 높이는 $(50 - 2 - 20)$ m이다.
 $y = \frac{1}{5}x, 28 = \frac{1}{5}x$
 $\therefore x = 140$ (kg)이다.

17. 다음 그림은 어느 회사의 한 달 평균 A 상품 판매량과 가격 사이의 관계를 나타낸 그래프이다. 현재 이 상품의 가격이 60만 원일 때, 판매량을 20% 증가시키려면 가격을 얼마로 해야 하는지 구하여라.



▶ 답: 만원

▷ 정답: 50만원

해설

판매량은 가격에 반비례한다.

가격을 x 만 원, 판매량을 y 대라 하면

$$y = \frac{a}{x} \text{ 에 } x = 60, y = 20 \text{ 을 대입하면 } 20 = \frac{a}{60}, a = 1200$$

즉, 함수의 식은 $y = \frac{1200}{x} (x > 0)$

판매량을 20% 증가시키려면 $20 \times 1.2 = 24$ (대)

$$y = \frac{1200}{x} \text{ 에 } y = 24 \text{ 를 대입하면}$$

$$24 = \frac{1200}{x} \therefore x = 50$$

18. 좌표평면 위에 점이 $P(m+3, n-2)$ 와 y 축에 대칭인 점을 $(-3m, 2n)$ 이라 할 때, m, n 의 값은?

① $m = \frac{3}{2}, n = -2$

② $m = -\frac{3}{2}, n = 2$

③ $m = 2, n = -2$

④ $m = \frac{3}{2}, n = -\frac{1}{2}$

⑤ $m = 4, n = -6$

해설

y 축에 대하여 대칭인 점은 x 좌표의 부호만 바뀌므로

$$-(m+3) = -3m$$

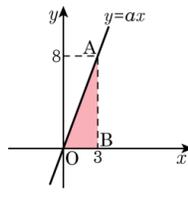
$$\therefore m = \frac{3}{2}$$

$$n-2 = 2n$$

$$\therefore n = -2$$

19. 다음 그림에서 함수 $y = ax$ 의 그래프가 삼각형 AOB 의 넓이를 이등분한다고 할 때, a 의 값은?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1
 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$



해설

함수 $y = ax$ 의 그래프와 선분 AB 가 만나는 점을 P 라고 하면 선분 AP 와 선분 BP 의 길이가 같아야 넓이가 같으므로 점 P 의 좌표는 (3, 4) 이다.

$y = ax$ 에 $x = 3, y = 4$ 를 대입하면 $4 = 3a$

$$\therefore a = \frac{4}{3}$$