

1. 다음 중 y 가 x 의 함수가 아닌 것을 모두 고르면?

① 한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정사각형의 둘레의 길이는 $y\text{cm}$

② 자연수 x 의 약수는 y

③ 10km 의 거리를 시속 $x\text{km}$ 로 달렸을 때 걸린 시간 y

④ 키가 $x\text{cm}$ 인 사람의 몸무게 $y\text{kg}$

⑤ 두 자연수 x, y 를 곱한 값은 항상 45

해설

② (반례) 자연수 2 의 약수는 1, 2 : 2 개이다.

④ 키가 같아도 몸무게가 다른 사람이 존재한다.

2. 함수 $y = ax + 3$ 에 대하여 $f(1) = 1$ 일 때, $f(3)$ 의 값은?

① -2

② -3

③ -4

④ -6

⑤ -8

해설

$$f(1) = a + 3 = 1$$

$$\therefore a = -2$$

$$f(x) = -2x + 3$$

$$\therefore f(3) = -3$$

3. 함수 $\frac{18}{x}$ 에서 x 의 값이 $-2, 1, 3, 6$ 이고, y 의 값이 $-9, 3, 6, 9, 12, 18$ 일 때, 함숫값은?

① $-2, 1, 3, 6$

② $-2, 1, 3, 7$

③ $-7, 3, 6, 8$

④ $-7, 3, 6, 9$

⑤ $-9, 3, 6, 18$

해설

x 의 값이 $-2, 1, 3, 6$ 이므로

각각 x 에 대입하여 함숫값을 구하면 $-9, 3, 6, 18$ 이다.

4. 함숫값이 $-2, -1, 1, 2$ 인 함수 $y = -\frac{10}{x}$ 의 x 값을 모두 구하면?

① $-5, -1, 1, 5$

② $-10, -5, 5, 10$

③ $-1, -\frac{1}{5}, \frac{1}{5}, 1$

④ $-1, -\frac{1}{2}, 1$

⑤ $-\frac{1}{2}, -\frac{1}{5}, \frac{1}{2}, \frac{1}{5}$

해설

함수 $y = -\frac{10}{x}$ 에 $y = -2, -1, 1, 2$ 를 각각 대입해 보면

$$-2 = -\frac{10}{x}, x = 5$$

$$-1 = -\frac{10}{x}, x = 10$$

$$1 = -\frac{10}{x}, x = -10$$

$$2 = -\frac{10}{x}, x = -5$$

따라서 x 의 값을 모두 구하면 $-10, -5, 5, 10$ 이다.

5. x 의 범위가 1, 2, 3 이고, y 의 범위가 $1 \leq y \leq 6$ 일 때, 다음 중 y 가 x 의 함수인 것은?

① $y = 5x - 1$

② $y = -3x$

③ $y = -x + 5$

④ $y = \frac{7}{x}$

⑤ $y = \frac{x}{15}$

해설

③ $y = -x + 5$ 에서 $x = 1$ 일 때 $y = 4$, $x = 2$ 일 때 $y = 3$, $x = 3$ 일 때 $y = 2$

즉, x 값 하나에 y 값이 하나만 결정되므로 함수이다.

6. x 가 4, 5, 6, y 가 4, 5, 6 일 때, 다음 보기에서 y 가 x 의 함수인 것의 개수는?

보기

㉠ $x + y = (5\text{의 배수})$

㉡ $2x = y$

㉢ $xy = \text{홀수}$

㉣ $y = (x\text{의 배수})$

㉤ $y = (x\text{보다 큰 자연수})$

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 5 개

해설

두 변수 x, y 에 대해 x 값이 하나로 결정됨에 따라 y 값도 결정될 때 함수라 한다.

즉, x 값 하나에 y 값도 하나로 결정되어야 한다.

㉠ $x = 4$ 일 때 $y = 6$, $x = 5$ 일 때 $y = 5$, $x = 6$ 일 때 $y = 4$ 이므로 함수이다.

㉡ $x = 4$ 일 때 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

㉢ $x = 4$ 일 때 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

㉣ $x = 4$ 일 때 $y = 4$, $x = 5$ 일 때 $y = 5$, $x = 6$ 일 때 $y = 6$ 이므로 함수이다.

㉤ $x = 4$ 일 때 y 의 값이 5, 6 두 개이므로 함수가 아니다.

따라서 함수인 것은 ㉠, ㉣ 2 개다.

7. 10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨을 때, 한 사람이 마신 주스의 양을 y L 라고 하면 y 는 x 의 함수이다. 이 함수를 $y = f(x)$ 로 나타낼 때, $f(x)$ 는?

① $f(x) = 10x$

② $f(x) = \frac{x}{10}$

③ $f(x) = \frac{10}{x}$

④ $f(x) = \frac{100}{x}$

⑤ $f(x) = \frac{x}{100}$

해설

10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨으므로 $f(x) = \frac{10}{x}$ 이 된다.

8. 함수 $f(x) = -2x + 3$ 에서 $f(a) = 7$ 일 때, a 의 값은?

① -2

② -1

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

$$-2a + 3 = 7$$

$$-2a = 4$$

$$\therefore a = -2$$

9. 두 함수 $f(x) = -\frac{5x}{3} + 2$, $g(x) = 3x - 7$ 에 대하여 $f(6) = a$, $g(3) = b$ 일 때, $\frac{3a + 6b}{4}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

$$f(6) = -\frac{5 \times 6}{3} + 2 = -8 = a,$$

$$g(3) = 3 \times 3 - 7 = 2 = b$$

$$\therefore \frac{3a + 6b}{4} = \frac{3 \times (-8) + 6 \times 2}{4} = -3$$

10. x 의 값이 1, 2, 3이고, y 의 값이 1, 2, 3, ..., 11, 12 일 때, y 가 x 의 함수가 되는 것은?

① $y = \frac{10}{x}$

② $y = 3x$

③ $y = \frac{1}{3}x$

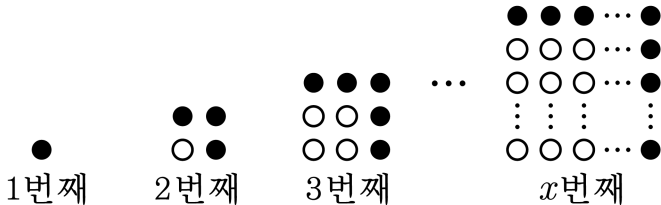
④ $y = -\frac{6}{x}$

⑤ $y = -x$

해설

- ① $x = 3$ 일 때 대응하는 y 값이 없다.
- ③ $x = 1, x = 2$ 일 때 대응하는 y 값이 없다.
- ④, ⑤ x 값 모두 대응하는 y 값이 없다.

11. 다음 그림과 같이 점을 찍어 나갈 때, x 번째 그림에 새로 찍어야 할 점의 갯수를 y 개라고 하면 y 는 x 의 함수이다. 함수의 관계식은?



① $y = x$

② $y = 2x$

③ $y = x - 1$

④ $y = 2x - 1$

⑤ $y = 3x$

해설

1번째 : 1

2번째 : $1 \times 2 + 1$

3번째 : $2 \times 2 + 1$

4번째 : $3 \times 2 + 1$

$\vdots$

x 번째 : $(x - 1) \times 2 + 1$

$\therefore y = 2x - 1$

12. 함수 $y = f(x)$ 의 관계식이 $f(-x + 3) = \frac{3x^2 - 2}{x}$ 일 때, $f(1)$ 의 값을 구하시오. (단, $x \neq 0$)

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

x 가 2일 때, $-x + 3$ 이 1 이므로

$$\therefore f(1) = \frac{3 \times 2^2 - 2}{2} = \frac{10}{2} = 5 \text{ 이다.}$$

13. 두 함수 $f(x) = -\frac{22}{x} + 1$, $g(x) = -\frac{28}{x} + 4$ 에 대하여 $f(8) = a$ 일 때,
 $g(4a)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$f(8) = -\frac{22}{8} + 1 = -\frac{7}{4} = a$$

$$\therefore g(4a) = g(-7) = -\frac{28}{-7} + 4 = 8$$

14. 함수 $y = f(x)$ 에서 $f(x) = (x \text{를 } 4 \text{로 나눈 나머지})$ 라 할 때, $y = f(x)$ 의 함숫값은? (단, x 의 값은 $0, 1, 2, 3, \dots, 20$)

① 0, 1, 2, 3

② 0, 1, 2, 4

③ 0, 2, 3, 4

④ 0, 2, 4, 6

⑤ 0, 2, 4, 8

해설

어떤 수를 4로 나누면 나머지는 나누는 수보다 작아야 하므로 0, 1, 2, 3, 이다.

즉, $1 = 4 \times 0 + 1, 2 = 4 \times 0 + 2, 3 = 4 \times 0 + 3, 4 = 4 \times 1 + 0$ 이다.

15. 함수 $f(x) = ax + 1 - (a - x)$, $f(2) = -1$ 일 때, $3f(1) - 2f(-2) = 2f(k)$ 를 만족하는 k 에 대하여 $3k$ 의 값은?(단, a 는 상수)

① 10

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14

해설

$$f(x) = ax + 1 - a + x = (a + 1)x + 1 - a$$

$$f(2) = -1 \text{ 에서 } a + 3 = -1$$

$$\therefore a = -4$$

따라서 $f(x) = -3x + 5$ 이므로

$$3f(1) - 2f(-2) = 3 \times 2 - 2 \times 11 = -16$$

$$2f(k) = -6k + 10 \text{ 이므로}$$

$$-6k + 10 = -16$$

$$\therefore k = \frac{13}{3}, 3k = 13$$

16. x 가 1, 2, 3이고 y 가 1, 2, 3, 4, 5일 때, $x + f(x)$ 가 짝수가 되는 함수 f 의 갯수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 18개

해설

(i) $x = 1$ 일 때, $1 + f(1)$ 이 짝수여야 하므로 $f(1)$ 은 홀수에 대응된다.

$$\therefore f(1) = 1, 3, 5$$

따라서 3가지이다.

(ii) $x = 2$ 일 때,

$2 + f(2)$ 가 짝수여야 하므로 $f(2)$ 는 짝수에 대응된다.

$$\therefore f(2) = 2, 4$$

따라서 2가지이다.

(iii) $x = 3$ 일 때,

$3 + f(3)$ 이 짝수이어야 하므로 $f(3)$ 은 홀수에 대응된다.

$$\therefore f(3) = 1, 3, 5$$

따라서 3가지이다.

따라서 함수 f 의 총 갯수는 $3 \times 2 \times 3 = 18$ (개)