

1. 다음 등식이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 의 값을 정할 때,  
 $a + b + c$ 의 값은?

$$a(x-1)(x+1) + b(x-1) + c(x+1) = 2x^2 + x + 1$$

- ① 3      ② 2      ③ 1      ④ 0      ⑤ -1

해설

좌변을 전개하여 우변과 계수를 비교하면  
 $a = 2, b = -1, c = 2$

$x^2$ 의 계수가 2이므로  $a = 2$

$x = 1$  대입,  $c = 2$

$x = -1$  대입,  $b = -1$

$\therefore a + b + c = 3$

2. 다음 등식  $a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1) = 2x^2 - 3x - 2$ 가  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때,  $abc$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면,  $2a = -2$

$$\therefore a = -1$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,  $-b = -3$

$$\therefore b = 3$$

양변에  $x = 2$ 을 대입하면,  $2c = 0$

$$\therefore c = 0$$

$$\therefore abc = 0$$

3.  $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3}$  을 만족하는 모든 실수  $x, y$ 에 대하여 항상  $ax+by+5=0$ 이다. 이때  $a+b$ 의 값을 구하라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{3} = t \text{ 라 하면}$$

$$x = 2t - 1, y = 3t + 1$$

이것을  $ax + by + 5 = 0$ 에 대입하면

$$a(2t - 1) + b(3t + 1) + 5 = 0$$

$$(2a + 3b)t + (-a + b + 5) = 0$$

이 식이 모든 실수  $t$ 에 대하여 성립해야 하므로

$$2a + 3b = 0 \cdots ①$$

$$-a + b + 5 = 0 \cdots ②$$

①, ②를 연립하여 풀면

$$a = 3, b = -2 \quad \therefore a + b = 3 + (-2) = 1$$

해설

$$\frac{A}{B} = \frac{C}{D} \Leftrightarrow AD = BC \text{ 성질 이용}$$

$$3x + 3 = 2y - 2$$

$$3x - 2y + 5 = 0 \stackrel{\text{①}}{\Leftrightarrow} ax + by + 5 = 0$$

$$\therefore a = 3, b = -2$$

4. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을  $x - 2, x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 각각  $a, b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값은?

① -8      ② -2      ③ -16      ④ 4      ⑤ 2

해설

$$f(x) = (x - 2)Q(x) + a$$

$$f(x) = (x - 1)Q'(x) + b$$

$$f(2) = 4 = a, f(1) = -2 = b$$

$$\therefore a + b = 2$$

5. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1, x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

- ①  $x + 3$       ②  $-x + 3$       ③  $x - 3$   
④  $-x - 3$       ⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2, f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1, x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$$\therefore \text{구하는 나머지는 } -x + 3$$

6.  $(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4$  을 전개했을 때, 계수들의 총합을 구하  
여라.

▶ 답:

▷ 정답: 512

해설

$$(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4 = ax^{22} + bx^{21} + \dots + c$$

위의 식에  $x = 1$  을 대입하면, 모든 계수들의 총합이 나온다.  
 $\therefore$  (계수의 총합)  $= 2^5 \times (-2)^4 = 512$

7.  $x$ 에 다항식  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x - 3$ 으로 나누면 나머지가 9이다. 이 다항식을  $(x - 2)(x - 3)$ 으로 나눌 때의 나머지를 구하면?

- ①  $x - 1$       ②  $2x + 3$       ③  $4x - 3$   
④  $4x + 3$       ⑤  $3x - 1$

해설

나머지 정리에서  $f(2) = 5$ ,  $f(3) = 9$   
 $f(x) = (x - 2)(x - 3)Q(x) + ax + b$  라 놓으면,  
 $f(2) = 2a + b = 5$ ,  $f(3) = 3a + b = 9$  을

연립하여 풀면  $a = 4$ ,  $b = -3$

$\therefore$  나머지는  $4x - 3$

8. 다항식  $f(x)$ 를  $(3x+2)(x-4)$ 로 나눈 나머지가  $-2x+1$  일 때,  $f(x^2+3)$  을  $x-1$ 로 나눈 나머지는?

- ① 7      ② 4      ③ 0      ④ -4      ⑤ -7

해설

$$f(x) = (3x+2)(x-4)Q(x) - 2x+1 \cdots ①$$

$$f(x^2+3) = (x-1)Q'(x) + R \cdots ②$$

①의 양변에  $x=4$ 를 대입하면  $f(4) = -7$

②의 양변에  $x=1$ 을 대입하면  $f(4) = R$

$$\therefore R = -7$$