1. 유리수  $\frac{35}{200a}$  를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다. 이때, a 가될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하여라. (단, a 는 두 자리 정수)

해설 
$$\frac{35}{200a} = \frac{7}{2^3 \times 5a}$$
 분모가 2 또는 5 의 곱으로 이루어져 있으면 유한소수로 나타낼 수 있으므로  $a=10$  이다.

2. 유리수  $\frac{2213}{999}$ 를 소수로 나타내면  $2.\dot{2}1\dot{5}$ 이다. 소수점 아래 50 번째 자리의 숫자를 구하면?

(5) 9

해설
2.215이므로 순환마디의 숫자 3개  $50 = 3 \times 16 + 2$ 이므로 소수점 아래 50번째 자리의 숫자는 1이다.

다음 중 옳은 것은? (단, *x* ≠ 0)

$$(x^3y^2)^4 = x^{12}y^6$$

$$(x^4)^2 \times (x^3)^2 = x^{15}$$

②  $x^2 \times x^3 \times x^4 = x^8$ 

1 1 2 
$$x^9$$
 3  $x^{12}y^8$  5  $x^{14}$ 

**4.** 
$$\frac{4a-3b}{5} - \frac{5a-4b}{7}$$
 를 간단히 하면?

① 
$$\frac{a-b}{35}$$

$$\begin{array}{ccc}
 & 2 & \frac{b}{35} \\
 & \frac{b}{25} & \frac{b-a}{25}
\end{array}$$

$$\frac{4a - 3b}{5} - \frac{5a - 4b}{7}$$
$$\frac{7(4a - 3b)}{5} - \frac{5(5a - 4b)}{5}$$

$$= \frac{35}{35} \frac{35}{35}$$
$$= \frac{28a - 21b - 25a + 20b}{35}$$

$$=\frac{3a-}{35}$$

- (2x − 3y + 2)(x + 3y − 2)의 전개식에서 xy의 계수는?
  - ① -6 ② -3
- 3 3 0

**3**3

$$(2x-3y+2)(x+3y-2) 에서 3y-2 = A 라 하면$$

$$(2x-A)(x+A)$$

$$= 2x^2 + Ax - A^2$$

$$= 2x^2 + (3y-2)x - (3y-2)^2 이다.$$
위 식에서  $xy$ 항이 나오는 경우는
$$3y \times x = 3xy$$
따라서,  $xy$ 의 계수는 3 이다.

•  $(15x^2 + 9xy) \div 3x + (25y^2 - 5xy) \div 5y$  를 간단히 하면?

① 
$$4x + 8y$$
 ②  $8x + 4y$  ③  $10x + 2y$ 

4 10x + 8y 5 14y

해설
$$(15x^{2} + 9xy) \div 3x + (25y^{2} - 5xy) \div 5y$$

$$= 5x + 3y + 5y - x$$

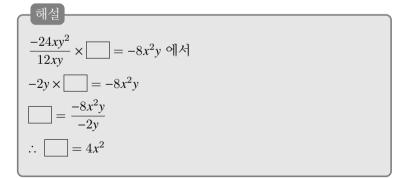
$$= 4x + 8y$$

7. 
$$(-24xy^2) \div 12xy \times$$
 =  $-8x^2y$  이다. 이 때 만에 알맞은 식은?

 $-4x^2$ 



-4xy ④ 4xy ⑤ -6x



8. 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 2a, 3a 인 직육면체의 부피가  $12a^3 - 24a^2b$ 라고 할 때, 높이는?

① 
$$a - 2b$$
 ②  $a - 4b$  ③  $2a - 2b$  ④  $2a - 4b$ 

직육면체의 높이: 
$$h$$
  
직육면체의 부피:  $2a \times 3a \times h = 12a^3 - 24a^2b$   
$$\therefore h = \frac{12a^3 - 24a^2b}{6a^2} = 2a - 4b$$

9. 
$$abc = -1$$
 일 때,  $\frac{a}{ab+a-1} + \frac{b}{bc+b+1} - \frac{c}{ca-c-1}$  의 값을 구하 여라.

 $=\frac{a+ab-1}{ab+a-1}=1$ 

$$\begin{vmatrix} \frac{a}{ab+a-1} + \frac{b}{bc+b+1} - \frac{c}{ca-c-1} \\ = \frac{a}{ab+a-1} + \frac{ab}{a(bc+b+1)} - \frac{abc}{ab(ca-c-1)} \\ = \frac{a}{ab+a-1} + \frac{ab}{abc+ab+a} - \frac{-1}{a^2bc-abc-ab} \\ = \frac{a}{ab+a-1} + \frac{ab}{-1+ab+a} - \frac{1}{a-1+ab} \end{vmatrix}$$

**10.** 
$$y = 4x - 3$$
일 때,  $-4x^2 + 2xy - y$ 을  $x$ 에 관한 식으로 나타낼 때,  $Ax^2 + Bx + C$ 이면  $A + B + C$ 의 값은?

해설
$$y = 4x - 3 을 식 -4x^2 + 2xy - y 에 대입하면$$

$$-4x^2 + 2x(4x - 3) - 4x + 3$$

$$= -4x^2 + 8x^2 - 6x - 4x + 3$$

$$= 4x^2 - 10x + 3$$

$$\therefore A + B + C = 4 + (-10) + 3 = -3$$

**11.** x, y가 자연수일 때, 3x + y = 19 를 만족하는 x, y 순서쌍의 개수를 구하면?(단, x > y)

①2개 ②3개 ③4개 ④5개 ⑤6개

해설 자연수 x, y 에 대하여 3x + y = 19 를 만족하는 순서쌍은 (1, 16), (2, 13), (3, 10), (4, 7), (5, 4), (6, 1)이고 이 중 x의 값이 더 큰 것은 2개이다.

**12.** 
$$2x + 2y = 2$$
,  $2x - 4y = -2$  일 때,  $3(x^2 - xy + y^2)$  의 값을 구하여라.

해설 두 식을 연립하여 풀면 
$$y = \frac{2}{3}$$
,  $x = \frac{1}{3}$  이고, 주어진 식에 대입하면 
$$3(x^2 - xy + y^2) = 3\left(\frac{1}{9} - \frac{2}{9} + \frac{4}{9}\right) = 3 \times \frac{3}{9} = 1$$

3. 연립방정식  $\begin{cases} 2x = 5y - 1 & \cdots & \bigcirc \\ 2x - y = 7 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$  에서  $\bigcirc$ 을  $\bigcirc$ 에 대입하여 x 를 소거하면 y = a 이다. 이때 a 의 값은?

① -4 ② -2

4y = 8, y = 2 $\therefore a = 2$ 

14. 연립방정식 
$$\begin{cases} x - 2y = 7 \\ 2x - 3y = m \end{cases}$$
 를 만족하는  $x$  의 값과  $y$  의 값의 차가  $5$  일 때, 상수  $m$  의 값은? (단,  $x > y$ )

**15.** 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, *ab* 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2x + y = 9 \\ x - 2y = a \end{cases} \begin{cases} x = 6y - 2 \\ bx + 2y = 14 \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: ab = 6

x = 6y - 2 를 2x + y = 9 에 대입하여 풀면 y = 1, x = 4 가 나온다. 나머지 두식에 대입하면

 $4-2=a \qquad \therefore a=2$ 

4b+2=14 ∴ b=3 따라서 ab=6이다. **16.** 연립방정식  $\begin{cases} 5x + 3y = 20 \\ \frac{1}{2}x + \frac{1}{5}y = 3 \end{cases}$  의 해가 (a, b) 일 때,  $a \times b$  의 값은?

**17.** 연립방정식 
$$\begin{cases} 3x - y = 2(1 - y) \\ ax - 6y = b \end{cases}$$
 의 해가 없을 조건을 구하여라.

① 
$$a = -18, b \neq -12$$

(3) 
$$a = -14$$
,  $b \neq -8$  (4)  $a = -12$ ,  $b \neq -6$ 

 $a = -16, b \neq -10$ 

(5) 
$$a = -10, b \neq -4$$

$$\begin{cases} 3x - y = 2(1 - y) \\ ax - 6y = b \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 3x + y = 2 \\ ax - 6y = b \end{cases}$$
 가 해가 없기 위한 조  
건은  $\frac{3}{a} = \frac{1}{-6} \neq \frac{2}{b}$ 이다.  
∴  $a = -18, \ b \neq -12$ 

18. 1 권에 500 원 하는 공책과 1 권에 600 원 하는 공책을 합하여 15 권을 8200 원에 샀다. 1권에 500 원 하는 책은 1권에 600 원 하는 책보다 몇 권 더 많은가?

500 원 하는 공책 
$$x$$
 권, 600 원 하는 공책  $y$  권을 샀다고 하면 
$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 500x + 600y = 8200 \end{cases}$$
 연립하여 풀면  $x = 8$ ,  $y = 7$  이다.

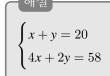
∴ 8-7=1(권)

19. 어떤 농장에서 돼지 x 마리와 닭 y 마리를 합하여 총 20 마리를 사육하고 있다. 돼지의 다리와 닭의 다리 수를 합하면 모두 58 개일 때, x, y에 관한 연립방정식으로 나타내면?

$$\begin{cases} x + y = 20 \\ 4x + 2y = 58 \\ x + y = 20 \\ 2x + 4y = 58 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 2y = 20 \\ 4x + 2y = 58 \end{cases}$$

$$\begin{cases}
 x - y = 20 \\
 4x + 2y = 58 \\
 x - y = 20 \\
 4x - 2y = 58
\end{cases}$$
20



## **20.** 7% 의 소금물과 10% 의 소금물을 섞어서 9% 의 소금물 300g 을 만들려고 한다. 10% 의 소금물은 몇 g 이 필요한가?

① 100g ② 200g ③ 300g ④ 400g ⑤ 500g

해설

7% 의 소금물의 양을 
$$x$$
g,  $10$ % 소금물의 양을  $y$ g이라 하면

$$\begin{cases} x+y=300 & \cdots(1) \\ \frac{7}{100}x+\frac{10}{100}y=\frac{9}{100}\times300 & \cdots(2) \end{cases}$$
(2) 의 양변에  $100$ 을 곱하여 이 식을 정리하면  $7x+10y=2700\cdots(3)$ 
(3)  $-(1)\times7$ 하면  $3y=600$ 
∴  $y=200$ 

**21.** 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수  $\frac{1}{1}$  것을 모두 구하여라.

- 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: つ
- ▷ 정답: □

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수 분해하였을 때 분모의 소인수가 2 나 5 뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.

①  $\frac{11}{120} = \frac{11}{2^3 \times 3 \times 5}$ , ©  $\frac{21}{2 \times 3 \times 7^2} = \frac{1}{2 \times 7}$ 이므로 유한소수가 아니다.

2. 자연수 x 에 대하여 분수  $\frac{8}{45x}$ 을 소수로 나타내면 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되는 순환소수가 된다. 자연수 x 의 최솟값을 구하여라.

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 25

$$\frac{8}{45x}$$
이 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되려면 분모  
가 9000 이 되어야 한다. 
$$\frac{8}{45x} = \frac{8}{9000} = \frac{1}{1125} = 0.000 \dot{8}$$
  
따라서  $x$  의 최솟값은 25

**23.** 
$$\frac{8}{45}$$
,  $\frac{14}{45}$  를 각각 소수로 나타내면  $a - 0.\dot{2}$ ,  $b + 0.\dot{1}$  이다.  $\frac{a}{b}$  의 값을 구하여라.

해설 
$$\frac{8}{45} = a - 0.\dot{2}, \frac{14}{45} = b + 0.\dot{1}$$

 $a = \frac{8}{45} + \frac{2}{9} = \frac{18}{45}, \ b = \frac{14}{45} - \frac{1}{9} = \frac{9}{45}$ 

**24.**  $(x^2)^a \div (-x)^2 = x^4$ ,  $y^3 \div (y^b)^2 = \frac{1}{v}$ ,  $(z^2)^5 \div z^2 \div (-z^c)^3 = -\frac{1}{z^4} \stackrel{\bullet}{=}$ 만족할 때. a+b+c 의 값은?

② 6

(4) 12

(5) 15

$$(x^{2})^{a} \div (-x)^{2} = x^{2a} \div x^{2} = x^{4}$$
$$2a - 2 = 4$$

$$\therefore a = 3$$

$$y^3 \div (y^b)^2 = y^3 \div y^{2b} = \frac{1}{1} = y^{-1}, \ 3 - 2b = -1$$

$$y^3 \div (y^b)^2 = y^3 \div y^{2b} = \frac{1}{y} = y^{-1}, \ 3 - 2b = -1$$

$$\therefore b = 2$$

$$(z^2)^5 \div z^2 \div (-z^c)^3 = z^{10} \div z^2 \div (-z^{3c}) = -\frac{1}{z^4} = -z^{-4}$$

$$10 - 2 - 3c = -4$$

$$a = 3, b = 2, c = 4$$
∴  $a + b + c = 9$ 

 $\therefore c = 4$ 

$$2, c = 4$$

25. 다음 등식에 성립할 때, 안에 들어가는 수들의 합을 구하여라.

$$\left(\frac{3y^{\square}z^3}{x^2}\right)^{\square} = \frac{9y^8z^{\square}}{x^{\square}}$$

$$\left(\frac{3y^4z^3}{x^2}\right)^2 = \frac{9x^8z^6}{x^4}$$

$$\therefore 4 + 2 + 6 + 4 = 16$$

**26.**  $2^{10} \times 5^{14}$ 은 n자리의 자연수이다. n의 값을 구하여라.

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 13

```
2 \times 5 = 10 이므로 5^4 \times 2^{10} \times 5^{10} = 5^4 \times 10^{10} = 625 \times 10^{10} 따라서 13자리의 자연수이다.
```

**27.** n < m < 10 인 자연수 m, n 에 대하여  $\frac{m^n n^m}{m^m n^n} = \left(\frac{n}{m}\right)^8$  을 만족하는 m + n 의 값을 구하여라.

$$\frac{m^n n^m}{m^m n^n} = \frac{n^m}{m^m} \times \frac{m^n}{n^n} = \left(\frac{n}{m}\right)^m \times \left(\frac{m}{n}\right)^n = \left(\frac{n}{m}\right)^m \times \left(\frac{n}{m}\right)^{-n} = \left(\frac{n}{m}\right)^{m-n}$$
따라서  $n < m < 10$  이고  $m - n = 8$  을 만족하는 자연수  $m, n$  은  $m = 9, n = 1$  이다.
$$\therefore m + n = 10$$

**28.** 
$$a:b=2:5$$
 일 때,  $\frac{(2a^5b^3)^3}{(-a^4b^2)^4}$  의 값은?

(2) 8

③ 12





(준식) = 
$$\frac{8a^{15}b^9}{a^{16}b^8} = \frac{8b}{a}$$
  
 $b = \frac{5}{2}a$  이므로  $\frac{20a}{a} = 20$ 



**29.** 두 순서쌍 (2, a), (-2, b) 가 일차방정식 2x + y = 5 의 해일 때, a + b 의 값은? (단, a, b 는 상수이다.)

$$2x + y = 5$$
 에  $(2, a)$  을 대입하면  $4 + a = 5$   $\therefore a = 1$   $2x + y = 5$  에  $(-2, b)$  을 대입하면  $2 \times (-2) + b = 5$   $\therefore b = 9$   $\therefore a + b = 1 + 9 = 10$ 

## **30.** 5% 의 소금물과 8% 의 소금물을 섞어서 7% 의 소금물 $600\,\mathrm{g}$ 을 만들었다. 이때, 5% 소금물을 양을 x, 8% 소금물의 양을 y로 놓고 연립방정식을 세우면?

① 
$$\begin{cases} x + y = 600 \\ \frac{5}{100}x + \frac{8}{100}y = \frac{7}{100} \end{cases}$$
② 
$$\begin{cases} 5x + 8y = 7 \\ \frac{x}{100} + \frac{y}{100} = 600 \end{cases}$$
③ 
$$\begin{cases} x + y = 600 \\ \frac{5}{100}x + \frac{8}{100}y = 600 \times \frac{7}{100} \end{cases}$$
④ 
$$\begin{cases} 5x + 8y = 7 \\ \frac{5}{100}x + \frac{8}{100}y = 600 \times \frac{7}{100} \end{cases}$$
⑤ 
$$\begin{cases} x + y = \frac{7}{100} \\ \frac{5}{100}x + \frac{8}{100}y = 600 \end{cases}$$

$$(소금의 양) = \frac{(소금물의 농도)}{100} \times (소금물의 양) 이므로$$
$$\frac{5}{100}x + \frac{8}{100}y = 600 \times \frac{7}{100}$$
와 같은식이 나온다.

**31.** 연립방정식 
$$\begin{cases} x - 2y = 1 \\ 3x + py = 1 \end{cases}$$
 을 만족하는 해가  $x = q$ ,  $y = -2$  일 때,

p-a를 구하여라.

$$p = -5$$
  
 $p = -5 + 3 = -2$ 

**32.** 연립방정식 
$$\frac{x-3}{2} = \frac{3(2y+x)-2}{6} = 12$$
 를 만족하는  $y$  의 값을 구하 여라.

$$ightharpoonup$$
 정답:  $-\frac{7}{6}$ 

$$\frac{-3}{2} = 1$$

$$\frac{3}{2} = 12$$

$$\begin{array}{c}
2\\
x - 3 = 24
\end{array}$$

x = 27

$$= 12$$
$$3 = 24$$

$$= 12$$
  
 $= 24$ 

$$\frac{3(2y+x)-2}{6} = 12$$

$$\frac{x}{3} = 1$$

$$3(2y + x) - 2 = 72$$

$$(x - x) - 2x = 74$$

$$(3x = 74)$$

$$6y + 3x = 74$$
  
 $6y + 3x = 74$ 

$$3x = 74$$
$$3x = 74$$

$$6y + 3x = 74$$
 에  $x = 27$  을 대입하면

6y + 81 = 746y = -7

 $\therefore y = -\frac{7}{6}$ 

$$3x = 74$$

33. 등산을 하는데, 올라갈 때는 시속 3km 로 걷고, 내려올 때에는 4km 가더 먼 길을 시속 5km 로 걸었다. 올라가고 내려오는데 모두 6 시간이 걸렸다면 올라갈 때 걸은 거리는?

① 
$$\frac{39}{4}$$
 km ④  $\frac{88}{7}$  km

$$3 \frac{55}{4} \text{km}$$

올라갈 때 걸은 거리를 xkm , 내려올 때 걸은 거리를 ykm 라 하면

$$\begin{cases} y = x + 4 \cdots \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{5} = 6 \cdots \\ & \bigcirc$$
 의 양변에  $15$ 를 곱하면  $5x + 3y = 90$ , ①을  $5x + 3y = 90$  에

대입하면 
$$5x + 3(x + 4) = 90$$
  
 $8x = 78$   
 $39$   $55$ 

$$\therefore x = \frac{39}{4} , y = \frac{55}{4}$$

$$\therefore$$
 올라갈 때 걸은 거리  $\frac{39}{4}$ km , 내려올 때 걸은 거리  $\frac{55}{4}$ km