

1. 강아지 x 마리와 닭 y 마리를 합하여 8 마리가 있다. 다리의 수의 합이 22 개일 때, x, y 에 관한 연립방정식으로 나타내면?

$$\textcircled{1} \begin{cases} x + y = 8 \\ 2x + 4y = 22 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} x + y = 8 \\ 2x - 4y = 22 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} x + y = 8 \\ 4x - 2y = 22 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} x + y = 8 \\ 4x + 4y = 22 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} x + y = 8 \\ 4x + 2y = 22 \end{cases}$$

해설

$$\therefore \begin{cases} x + y = 8 \\ 4x + 2y = 22 \end{cases}$$

2. 10%의 소금물에 물을 넣어 6%의 소금물을 만들려고 한다. 처음에는 물 150g을 넣고 농도를 재어 보니 다소 높아 두 번째로 물을 더 넣었더니 정확한 6%의 소금물 500g이 되었다. 두 번째 넣은 물의 양은?

- ① 50g ② 100g ③ 150g ④ 200g ⑤ 300g

해설

10%의 소금물의 양을 x g, 두 번째로 넣은 물의 양을 y g이라 하면

$$\begin{cases} x + 150 + y = 500 & \dots(1) \\ \frac{10}{100}x = \frac{6}{100} \times 500 & \dots(2) \end{cases}$$

(2)에서 $10x = 3000$

$x = 300 \dots(3)$

(3)을 (1)에 대입하면 $y = 50$

\therefore 두 번째로 넣은 물의 양 : 50g

3. 다음 중 [] 안의 수가 주어진 부등식의 해가 아닌 것은?

① $x \geq 2x$ [-3]

② $x - 3 > 4$ [8]

③ $4x - 2 < x$ [-1]

④ $2x + 3 \leq 9$ [3]

⑤ $3x + 1 > 2$ [0]

해설

① $(-3) \geq 2 \times (-3)$, $-3 \geq -6 \rightarrow$ 참

② $8 - 3 > 4$, $5 > 4 \rightarrow$ 참

③ $4 \times (-1) - 2 < (-1)$, $-4 - 2 < -1$, $-6 < -1 \rightarrow$ 참

④ $2 \times 3 + 3 \leq 9$, $9 \leq 9 \rightarrow$ 참

⑤ $1 > 2 \rightarrow$ 거짓

4. 연립부등식 $\begin{cases} 3(x-2) \leq x-2 \\ x+2 > 1 \end{cases}$ 을 풀면?

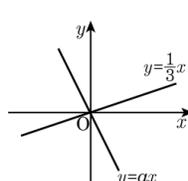
- ① $-2 < x \leq 1$ ② $1 < x \leq 2$ ③ $-1 \leq x < 2$
④ $1 < x < 2$ ⑤ $-1 < x \leq 2$

해설

$$\begin{cases} 3(x-2) \leq x-2 \\ x+2 > 1 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} 3x-x \leq -2+6 \\ x > -1 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} x \leq 2 \\ x > -1 \end{cases}$$
$$\therefore -1 < x \leq 2$$

5. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 오른쪽과 같을 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 있는 것은?

- ① -2 ② $-\frac{1}{5}$ ③ $-\frac{1}{6}$
④ 2 ⑤ $\frac{2}{3}$



해설

$y = ax$ 의 그래프는 x 의 값이 증가할 때, y 의 값이 감소하는 함수인 것을 알 수 있다.

따라서 기울기 $a < 0$ 이 되어야 한다.

또한 $y = \frac{1}{3}x$ 보다 y 축에 가깝게 있으므로 기울기의 절댓값이 $\frac{1}{3}$ 보다 커야 한다.

조건을 만족하는 a 의 값은 -2이다.

6. 수영이는 8시부터 산에 오르기 시작했고, 20분 후에 희윤이가 오르기 시작했다. 수영이는 매분 50m의 속력으로, 희윤이는 매분 90m의 속력으로 걸어갈 때, 희윤이가 수영이를 만나는 시각은?

- ① 8시 30분 ② 8시 45분 ③ 8시 55분
④ 9시 ⑤ 9시 10분

해설

희윤이가 걸어난 시간을 x 분, 수영이가 걸어난 시간을 y 분이라고 하면

$$y = x + 20 \dots\dots ㉠$$

(거리) = (속력) × (시간) 이고, 두 사람이 걸어난 거리는 같으므로

$$50y = 90x \dots\dots ㉡$$

㉠을 ㉡에 대입하면

$$50(x + 20) = 90x$$

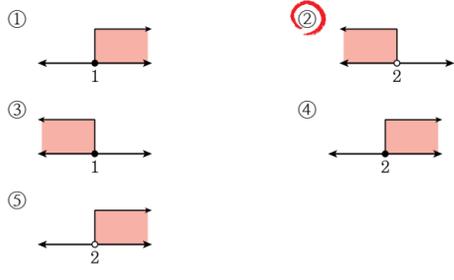
$$4x = 100$$

$$\therefore x = 25$$

$$x = 25 \text{ 를 ㉠에 대입하면 } y = 45$$

따라서 두 사람이 만나는 시각은 8시 45분이다.

7. 부등식 $-4x + 3 > -3x + 1$ 의 해의 집합을 수직선 상에 옳게 나타낸 것은?



해설

주어진 부등식을 풀면 그 해는 $2 > x$ 이다.

8. $3x + 2 \geq -13$, $x - 1 \geq 2x$ 에 대하여 연립부등식의 해를 구하여라.

① \emptyset

② $1 \leq x \leq 5$

③ $-5 \leq x \leq 1$

④ $-1 \leq x \leq 5$

⑤ $-5 \leq x \leq -1$

해설

$A : 3x + 2 \geq -13$

$\therefore x \geq -5$

$B : x \leq -1$

$\therefore -5 \leq x \leq -1$

9. 다음 연립부등식의 해를 $a < x \leq b$ 라고 할 때, ab 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2x + 1 > -5 \\ \frac{x-5}{2} \leq \frac{x}{4} - 3 \end{cases}$$

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ -5 ⑤ 6

해설

$$2x + 1 > -5$$

$$2x > -5 - 1$$

$$2x > -6$$

$$\therefore x > -3$$

$$\frac{x-5}{2} \leq \frac{x}{4} - 3$$

$$2(x-5) \leq x-12$$

$$2x-10 \leq x-12$$

$$2x-x \leq -12+10$$

$$\therefore x \leq -2$$

따라서 $-3 < x \leq -2$ 에서 $a = -3$, $b = -2$ 이므로 $ab = 6$ 이다.

10. $0.2x - 3 < \frac{1}{2}x - \frac{3}{10} \leq 3 - 0.6x$ 의 해가 $a < x \leq b$ 일 때, $b - a$ 의 값은?

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

i) $0.2x - 3 < \frac{1}{2}x - \frac{3}{10}$ 의 양변에 10을 곱하면

$$2x - 30 < 5x - 3$$

$$-3x < 27$$

$$x > -9$$

ii) $\frac{1}{2}x - \frac{3}{10} \leq 3 - 0.6x$ 의 양변에 10을 곱하면

$$5x - 3 \leq 30 - 6x$$

$$11x \leq 33$$

$$x \leq 3$$

i), ii)에서 공통된 범위의 해를 구하면 $-9 < x \leq 3$ 이므로 $a = -9$, $b = 3$ 이다.

따라서 $b - a = 3 - (-9) = 12$

11. 8%의 설탕물 300g을 농도가 6% 이하가 되도록 하려면 50g단위의 컵으로 몇 번 이상 물을 넣어야 하는가?

- ① 1번 이상 ② 2번 이상 ③ 3번 이상
④ 4번 이상 ⑤ 5번 이상

해설

넣어야 할 물의 양을 x g이라 하면

$$\frac{8}{100} \times 300 \leq \frac{6}{100}(300 + x)$$

양변에 100을 곱하면

$$2400 \leq 1800 + 6x$$

$$600 \leq 6x$$

$$\therefore x \geq 100$$

따라서 50g단위 컵으로 2번 이상 물을 넣어주어야 한다.

12. 어느 연속하는 세 수의 합이 111 보다 크고 117 보다 작다고 할 때, 세 수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 114

해설

연속 하는 세 수 이므로 중간에 있는 수를 x 라고 하면 연속하는 세수는 $x-1, x, x+1$ 이라고 표현되고, 세수의 합은 $3x$ 이다.

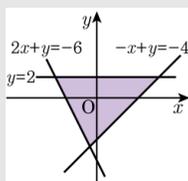
문제의 조건을 따르면, $\begin{cases} 3x > 111 \\ 3x < 117 \end{cases}$, 또는 $111 < 3x < 117$ 로

표현 할 수 있다. 따라서 $\frac{111}{3} < x < \frac{117}{3}$ 이다. 이는 $37 < x < 39$ 이다 따라서 x 는 38 이다. 그러므로 $3x = 114$ 이다.

13. 세 방정식 $y = 2$, $-x + y = -4$, $2x + y = -6$ 의 그래프로 둘러싸인 부분의 넓이는?

- ① $\frac{100}{3}$ ② $\frac{112}{3}$ ③ $\frac{140}{3}$ ④ $\frac{144}{3}$ ⑤ $\frac{135}{3}$

해설



$$y = 2 \cdots \text{㉠}$$

$$-x + y = -4 \cdots \text{㉡}$$

$$2x + y = -6 \cdots \text{㉢}$$

에서 ㉠, ㉡의 교점 $(6, 2)$, ㉡, ㉢의 교점 $(-\frac{2}{3}, -\frac{14}{3})$, ㉠, ㉢의 교점 $(-4, 2)$

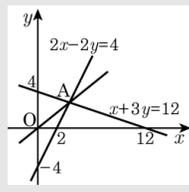
$$\text{따라서 구하는 넓이는 } 10 \times \left(\frac{14}{3} + 2\right) \times \frac{1}{2} = \frac{100}{3}$$

14. 두 방정식 $x + 3y = 12$, $2x - y = 4$ 의 그래프의 교점 A 를 지나고, 두 그래프와 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 이등분하는 직선의 방정식은?

- ① $y = 3x$ ② $y = \frac{5}{6}x$ ③ $y = 4x$
 ④ $y = \frac{24}{5}$ ⑤ $y = 5x$

해설

$2x - y = 4$ 에서 $y = 2x - 4$ 이므로 $x + 3y = 12$ 에 대입하면



$$x + 6x - 12 = 12 \quad \therefore x = \frac{24}{7}$$

$$x = \frac{24}{7} \text{ 를 } y = 2x - 4 \text{ 에 대입하면 } y = \frac{20}{7}$$

따라서 교점 A $\left(\frac{24}{7}, \frac{20}{7}\right)$ 과 원점을 지나므로 $y = \frac{5}{6}x$ 이다.

15. $a - b > 0$, $a + b < 0$, $a > 0$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

① $a > b$

② $|a| < |b|$

③ $b < 0$

④ $a^2 > b^2$

⑤ $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

해설

$a + b < 0$, $a > 0$ 에서 $b < 0$ 이고 $|a| < |b|$ 임을 알 수 있다.
따라서 틀린 것은 ④번이다.

16. 연립부등식 $\begin{cases} 5x+7 \leq 2x-2 \\ 2ax-2b \geq bx+4a \end{cases}$ 의 해가 $x \leq -3$ 일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값을 구하면?

- ① 3 ② $\frac{5}{2}$ ③ $\frac{3}{14}$ ④ $\frac{1}{10}$ ⑤ 5

해설

$$5x+7 \leq 2x-2, 3x \leq -9, x \leq -3 \cdots \textcircled{1}$$

$$2ax-2b \geq bx+4a, (2a-b)x \geq 4a+2b \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ 의 공통되는 부분이 $x \leq -3$ 이 되기 위해서는 $\textcircled{2}$ 에서 $2a-b < 0$ 이다.

이때, $x \leq \frac{4a+2b}{2a-b}$ 이면서 $\frac{4a+2b}{2a-b} = -3$ 이어야 한다.

$$4a+2b = -6a+3b, 10a = b$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{1}{10}$$

17. 두 일차함수 $y = \frac{1}{2}x + 1$ 과 $y = -\frac{3}{4}x + 6$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

(i) $y = \frac{1}{2}x + 1$ 과 $y = -\frac{3}{4}x + 6$ 의 교점의 좌표를 구한다.

$$\frac{1}{2}x + 1 = -\frac{3}{4}x + 6, 2x + 4 = -3x + 24, 5x = 20 \therefore x = 4,$$

$$y = \frac{1}{2} \times 4 + 1, y = 2 + 1 \therefore y = 3$$

(ii) $y = \frac{1}{2}x + 1$ 의 x 절편 : -2

(iii) $y = -\frac{3}{4}x + 6$ 의 x 절편 : 8

$$\therefore (\text{삼각형의 넓이}) = \frac{1}{2} \times (8 + 2) \times 3 = 15$$

18. x 절편이 4, y 절편이 -10 인 직선의 방정식을 구하면?

- ① $y = 2x - 10$ ② $y = \frac{5}{2}x - 10$ ③ $y = -10x - 5$
④ $y = -5x - 10$ ⑤ $y = -\frac{5}{2}x - 10$

해설

$$\frac{x}{4} + \frac{y}{-10} = 1$$

$$\therefore y = \frac{5}{2}x - 10$$

19. 용수철저울에 x g 의 무게를 달았을 때, 용수철의 길이를 y cm 라고 하면 x , y 는 일차함수로 타나내어진다고 한다. 10g 의 물체를 달았을 때 용수철의 길이가 22cm, 16g 의 물체를 달았을 때 31cm 였다. 22g 의 물체를 달았을 때 용수철의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 40 cm

해설

$y = ax + b$ 가 두 점 (10, 22), (16, 31) 를 지나므로

$$y - 22 = \frac{31 - 22}{16 - 10}(x - 10)$$

$$y = \frac{3}{2}x + 7 \text{ 이다.}$$

따라서 $x = 22$ 일 때 y 의 값은

$$y = \frac{3}{2} \times 22 + 7 = 40(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

20. 두 직선 $2x+y=7$, $x+ky=1$ 의 교점의 x 좌표가 3일 때, k 의 값은?

- ① 2 ② 1 ③ -1 ④ -2 ⑤ -3

해설

$2x+y=7$ 에 $x=3$ 을 대입하면

$6+y=7$ 에서 $y=1$

교점의 좌표 (3, 1)

$x+ky=1$ 에 점 (3, 1)을 대입하면 $3+k=1$ 에서 $k=-2$

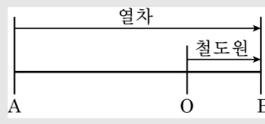
21. 철로를 따라 3km/h 의 속도로 걷고 있는 철도원은 30 분마다 같은 방향으로 가는 기차에 추월을 당하고 27 분마다 반대 방향에서 오는 기차와 마주친다. 모든 기차의 속도는 일정하고, 기차는 동일한 시간 간격으로 출발한다고 할 때, 기차의 속도를 구하여라.

▶ 답: km/h

▷ 정답: 57km/h

해설

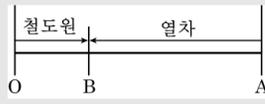
열차의 속도를 x km/h, 열차가 지나가는 간격을 y km 라 하면
 (1) 열차와 같은 방향으로 갈 때
 다음 그림과 같이 열차와 철도원이 만난 지점을 O, 이때의 다음 열차의 위치를 A, 30 분 후의 철도원의 위치를 B 라 하면



$\overline{OA} = y$ km, $\overline{OB} = 3 \times \frac{30}{60} = \frac{3}{2}$ (km) 이고 열차의 속력은 x km/h

이므로
 $y + \frac{3}{2} = x \times \frac{30}{60}$
 $\therefore x - 2y = 3 \dots \text{㉠}$

(2) 열차와 반대 방향을 갈 때



$\overline{OA} = y$ km, $\overline{OB} = 3 \times \frac{27}{60} = \frac{27}{20}$ (km) 이고 열차의 속력은 x km/h 이므로

$y - \frac{27}{20} = x \times \frac{27}{60}$
 $\therefore 9x - 20y = -27 \dots \text{㉡}$

㉠, ㉡을 연립하여 풀면 $x = 57, y = 27$

따라서 기차의 속도는 57km/h

22. 볼록한 n 각형의 내각 중에서 4 개의 각만 둔각일 때, n 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

볼록 n 각형의 내각의 총합은 $180^\circ(n-2)$ 이다.
4 개의 각만 둔각이므로 모두 90° 보다 크고,
나머지 $(n-4)$ 개의 각이 직각이거나 예각이므로
 $180^\circ(n-2) < 90^\circ(n-4) + 180^\circ \times 4$
 $2(n-2) < n-4+8$
 $\therefore n < 8$
따라서 n 의 최댓값은 7 이다.

23. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프를 y 축 방향으로 3만큼 평행 이동한 그래프와 일차함수 $y = x + 6a$ 가 x 축 위에서 서로 만난다. $2a^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$y = ax$ 의 그래프를 y 축 방향으로 3만큼 평행 이동한 그래프는 $y = ax + 3$ 이고

이 함수의 x 절편은 $-\frac{3}{a}$ 이다.

그리고 $y = x + 6a$ 의 x 절편은 $-6a$ 인데 두 함수의 x 절편이 같으므로

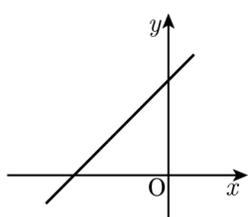
$$-6a = -\frac{3}{a}$$

$$6a^2 = 3$$

$$a^2 = \frac{1}{2}$$

$$\therefore 2a^2 = 2 \times \frac{1}{2} = 1$$

24. 일차함수 $y = \frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $y = \frac{a}{c}x + \frac{c}{a}$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면을 찾아라.



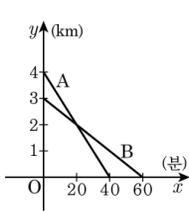
▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 1 사분면

해설

주어진 함수의 그래프에서
 (기울기) > 0 , (y 절편) > 0 이므로
 $y = \frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$ 에서 $\frac{a}{b} > 0$, $-\frac{c}{b} > 0$
 따라서 $\frac{a}{b} > 0$, $\frac{c}{b} < 0$ 이고 a 와 b 는 같은 부호,
 b 와 c 는 다른 부호이다.
 즉, a 와 c 는 서로 다른 부호이다.
 $y = \frac{a}{c}x + \frac{c}{a}$ 에서 $\frac{a}{c} < 0$, $\frac{c}{a} < 0$ 이므로
 기울기가 0 보다 작고 y 절편이 0 보다 작은 그래프가 지나지
 않는 사분면은 제 1 사분면이다.

25. 다음 그래프는 두 사람 A, B가 각각 집에서 출발하여 학교로 갈 때, 이동한 시간 x 와 학교까지 남은 거리 y 를 나타낸 것이다. 만약 A가 원래 출발한 시각보다 t 분 늦게 출발한다면, B는 원래 출발한 시각보다 $f(t)$ 분 더 일찍 출발해야 A와 동시에 학교에 도착할 수 있다고 할 때, 함수 $f(t)$ 의 식을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $-t + 20$

해설

직선 A의 방정식 $\frac{x}{40} + \frac{y}{4} = 1$ 에서

$$y = -\frac{1}{10}x + 4 \cdots \text{㉠}$$

직선 B의 방정식 $\frac{x}{60} + \frac{y}{3} = 1$ 에서

$$y = -\frac{1}{20}x + 3 \cdots \text{㉡}$$

A가 원래 출발한 시간보다 t 분 늦게 출발하였으므로 ㉠에 x 대신 $x-t$ 를 대입하면

$$y = -\frac{1}{10}(x-t) + 4 \cdots \text{㉢}$$

B가 원래 출발한 시간보다 $f(t)$ 분 빨리 출발하였으므로 ㉡에 x 대신 $x+f(t)$ 를 대입하면

$$y = -\frac{1}{20}(x+f(t)) + 3 \cdots \text{㉣}$$

학교에 도착하는 시간이 같으므로 ㉢, ㉣의 x 절편이 같아야 한다.

$$\text{㉢의 } x \text{ 절편은 } 40+t$$

$$\text{㉣의 } x \text{ 절편은 } 60-f(t)$$

$$40+t = 60-f(t)$$

$$\therefore f(t) = -t + 20$$