

1.  $\sqrt{\frac{50}{3}x}$  가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 정수  $x$  를 구하여라.

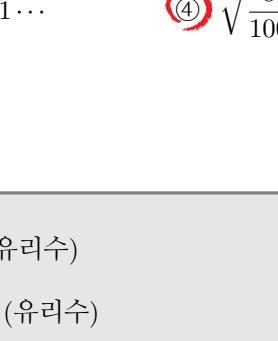
▶ 답:

▷ 정답:  $x = 6$

해설

$$\frac{50}{3}x = \frac{2 \times 5^2 \times x}{3} \text{ 이므로 } x = 2 \times 3 = 6 \text{ 이다.}$$

2. 다음 중 색칠한 부분에 속하는 수인 것을 모두 찾으면?



①  $-\sqrt{49}$

②  $-\sqrt{\frac{25}{4}}$

③ 1.211211121111…

④  $\sqrt{\frac{81}{1000}}$

⑤  $0.\dot{6}$

해설

①  $-\sqrt{49} = -7$  (유리수)

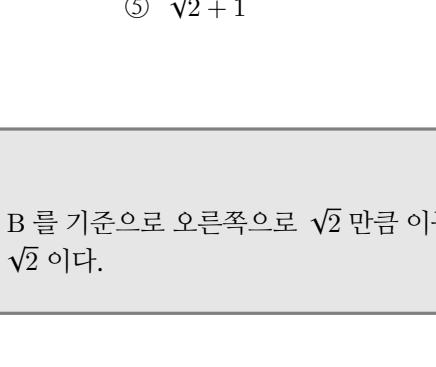
②  $-\sqrt{\frac{25}{4}} = -\frac{5}{2}$  (유리수)

③ 1.211211121111… 비순환소수 (무리수)

④  $\sqrt{\frac{81}{1000}} = \frac{9}{10\sqrt{10}}$  (무리수)

⑤  $0.\dot{6}$  순환소수 (유리수)

3. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 한 변의 길이가 1 인 정사각형일 때,  
수직선 위의 점 P 에 대응하는 수는?



- ①  $\sqrt{2} - 1$       ②  $1 - \sqrt{2}$       ③  $\sqrt{2}$   
④  $2\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{2} + 1$

해설

$\overline{BD} = \sqrt{2}$   
점 P 는 점 B 를 기준으로 오른쪽으로  $\sqrt{2}$  만큼 이동한 점이므로  
 $0 + \sqrt{2} = \sqrt{2}$  이다.

4. 제곱근표에서  $\sqrt{2.41} = 1.552$ ,  $\sqrt{24.1} = 4.909$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $\sqrt{241} = 15.52$       ②  $\sqrt{0.241} = 0.4909$

③  $\sqrt{2410} = 49.09$       ④  $\sqrt{24100} = 155.2$

⑤  $\sqrt{0.0241} = 0.01552$

해설

$$\begin{aligned}\textcircled{5} \quad \sqrt{0.0241} &= \sqrt{2.41 \times 0.01} \\ &= 0.1 \sqrt{2.41} = 0.1 \times 1.552 \\ &= 0.1552\end{aligned}$$

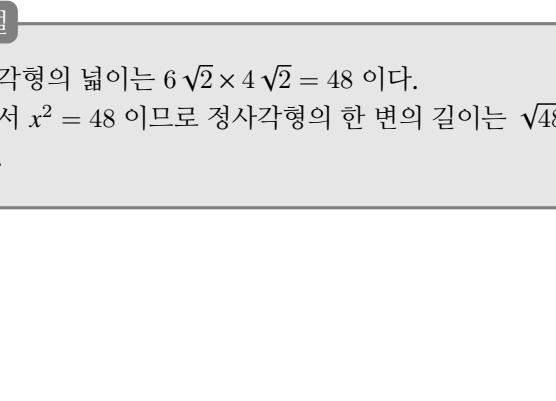
5.  $0 < a < 1$  일 때,  $\sqrt{(1-a)^2} - \sqrt{(a-1)^2}$  을 간단히 하면?

- ① 0      ② 2      ③  $2a - 2$   
④  $2a + 2$       ⑤  $-2a + 2$

해설

$$\begin{aligned} 0 < a < 1 \text{ } \circ\text{므로 } a-1 &< 0, 1-a > 0 \\ \sqrt{(1-a)^2} - \sqrt{(a-1)^2} &= (1-a) - \{-(a-1)\} \\ &= 1-a+a-1=0 \end{aligned}$$

6. 가로의 길이가  $6\sqrt{2}$ 이고, 세로의 길이가  $4\sqrt{2}$ 인 직사각형과 넓이가 같은 정사각형의 한 변의 길이  $x$ 를  $a\sqrt{b}$ 의 꼴로 나타내면? (단,  $b$ 는 제곱인 인수가 없는 자연수)



- ①  $2\sqrt{3}$     ②  $3\sqrt{3}$     ③  $4\sqrt{3}$     ④  $5\sqrt{3}$     ⑤  $6\sqrt{3}$

해설

직사각형의 넓이는  $6\sqrt{2} \times 4\sqrt{2} = 48$ 이다.  
따라서  $x^2 = 48$  이므로 정사각형의 한 변의 길이는  $\sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ 이다.

7.  $\sqrt{0.24} \div \sqrt{0.06} \div \sqrt{0.04}$  를 간단히 하면?

- ① 6      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 14

해설

$$\sqrt{\frac{24}{100}} \times \sqrt{\frac{100}{6}} \times \sqrt{\frac{100}{4}} = \sqrt{100} = 10$$

8. 다음 유리화의 계산 과정이 옳지 않은 것을 구하여라.

$$\begin{aligned}& \frac{2}{\sqrt{12}} \times 4\sqrt{6} \div \sqrt{3} \\&= \frac{2}{2\sqrt{3}} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{①}} \\&= 4\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{②}} \\&= 4\sqrt{\frac{2}{3}} \cdots \textcircled{\text{③}}\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

해설

$$\begin{aligned}&= \frac{2}{2\sqrt{3}} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{①}} (\textcircled{\text{○}}) \\&= 4\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \textcircled{\text{②}} (\textcircled{\text{○}}) \\&= \frac{4\sqrt{6}}{3} \cdots \textcircled{\text{③}}\end{aligned}$$

9.  $4\sqrt{2} - \frac{23}{2}\sqrt{6} - \sqrt{2} + \frac{11}{2}\sqrt{6} = A\sqrt{2} + B\sqrt{6}$  이 성립할 때,  $A - B$ 의 값은? (단,  $A, B$ 는 유리수이다.)

① 9      ② -9      ③ 3      ④ -3      ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned} & 4\sqrt{2} - \frac{23}{2}\sqrt{6} - \sqrt{2} + \frac{11}{2}\sqrt{6} \\ &= (4-1)\sqrt{2} + \frac{-23+11}{2}\sqrt{6} \\ &= 3\sqrt{2} - 6\sqrt{6} \\ & A = 3, B = -6 \text{이므로 } A - B = 9 \end{aligned}$$

10. 다음 보기 중에서 옳은 것을 모두 골라라.

보기

$$\textcircled{①} \quad \sqrt{20} - \sqrt{45} + \sqrt{80} = -\sqrt{5} + \sqrt{10}$$

$$\textcircled{②} \quad \sqrt{12} + \sqrt{48} + \sqrt{27} - \sqrt{75} = 4\sqrt{3}$$

$$\textcircled{③} \quad \sqrt{32} - \sqrt{18} + \sqrt{3} - \sqrt{48} = \sqrt{2} - 3\sqrt{3}$$

$$\textcircled{④} \quad \frac{5}{\sqrt{5}} - \frac{30}{\sqrt{45}} = -9\sqrt{5}$$

$$\textcircled{⑤} \quad \sqrt{125} - \sqrt{5} - \frac{15}{\sqrt{5}} = 2\sqrt{5}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ②

▷ 정답: ④

해설

$$\textcircled{①} \quad \sqrt{20} - \sqrt{45} + \sqrt{80} = 2\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 4\sqrt{5} = 3\sqrt{5}$$

$$\textcircled{②} \quad \sqrt{12} + \sqrt{48} + \sqrt{27} - \sqrt{75}$$

$$= 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = 4\sqrt{3}$$

$$\textcircled{③} \quad 4\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + \sqrt{3} - 4\sqrt{3} = \sqrt{2} - 3\sqrt{3}$$

$$\textcircled{④} \quad \frac{5}{\sqrt{5}} - \frac{30}{\sqrt{45}} = \sqrt{5} - \frac{30}{3\sqrt{5}}$$

$$= \sqrt{5} - \frac{10}{\sqrt{5}}$$

$$= \sqrt{5} - 2\sqrt{5} = -\sqrt{5}$$

$$\textcircled{⑤} \quad \sqrt{125} - \sqrt{5} - \frac{15}{\sqrt{5}} = 5\sqrt{5} - \sqrt{5} - 3\sqrt{5} = \sqrt{5}$$

11.  $a = \sqrt{7} - 5$  일 때,  $\sqrt{7}a + 5\sqrt{7}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$(\text{준식}) = \sqrt{7}(\sqrt{7} - 5) + 5\sqrt{7} = 7 - 5\sqrt{7} + 5\sqrt{7} = 7$$

12. 다음 설명 중 옳지 않은 것은? (단,  $a > 0$ )

- ① 0의 제곱근은 1개이다.
- ②  $a$ 의 제곱근은  $\sqrt{a}$ 이다.
- ③ 제곱근  $a$ 는  $\sqrt{a}$ 이다.
- ④  $x^2 = a$ 이면  $x$ 는  $\pm\sqrt{a}$ 이다.
- ⑤ 제곱근  $a^2$ 은  $a$ 이다.

해설

②  $a$ 의 제곱근은  $\pm\sqrt{a}$ 이다.

13.  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{81a^2} \div (-\sqrt{3a})^2 + \sqrt{(-0.5a)^2} \times \left(\sqrt{\frac{1}{5}a}\right)^2$  을 계산하면?

- ①  $0.1a^2 - 3$       ②  $0.1a^2 + 3$       ③  $0.5a^2 - 3$   
④  $0.5a^2 + 3$       ⑤  $a^2 - 3$

해설

$$\begin{aligned} & \sqrt{81a^2} \div (-\sqrt{3a})^2 + \sqrt{(-0.5a)^2} \times \left(\sqrt{\frac{1}{5}a}\right)^2 \\ &= -9a \times \left(-\frac{1}{3a}\right) + (-0.5a) \times \left(-\frac{1}{5}a\right) \\ &= 3 + 0.1a^2 \end{aligned}$$

14.  $\sqrt{960 - 32a}$  가 정수가 되도록 하는 자연수  $a$  중에서 가장 큰 값을  $M$ ,  
가장 작은 값을  $m$  이라고 할 때,  $M - 2m$  의 값을?

- ① 1      ② 2      ③ 4      ④ 6      ⑤ 8

해설

$$\sqrt{960 - 32a} = \sqrt{16(60 - 2a)} = 4\sqrt{60 - 2a}$$

$60 - 2a = 0$  일 때,  $a$  는 최대

$60 - 2a = 36$  일 때,  $a$  는 최소

$$M = \frac{60}{2} = 30, m = \frac{60 - 36}{2} = 12$$

$$M - 2m = 30 - 2 \times 12 = 6$$

15. 다음 중 옳은 것은?

① (무리수) + (유리수) = (무리수)

② (무리수) × (무리수) = (무리수)

③ (유리수) ÷ (무리수) = (무리수)

④ (무리수) + (무리수) = (무리수)

⑤ (유리수) × (무리수) = (무리수)

해설

②  $\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 3$  : 유리수

③  $\frac{0}{\sqrt{3}} = 0$  : 유리수

④  $\sqrt{3} + (-\sqrt{3}) = 0$  : 유리수

⑤  $0 \times \sqrt{3} = 0$  : 유리수

16. 다음 수직선 위의 점 A, B, C, D에 대응하는 수는  $4\sqrt{3}-2$ ,  $2\sqrt{5}-5$ ,  $10-3\sqrt{5}$ ,  $\sqrt{27}$ 이다. 점 A에 대응하는 수를  $a$ , 점 B에 대응하는 수를  $b$ 라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?



①  $3\sqrt{3}-3\sqrt{5}+10$

②  $4\sqrt{3}+2\sqrt{5}-7$

③  $3\sqrt{3}+2\sqrt{5}-5$

④  $5-\sqrt{5}$

⑤  $\sqrt{3}-2$

해설

$4\sqrt{3}-2 = \sqrt{48}-2 \approx 4. \times \times \times : C$

$2\sqrt{5}-5 = \sqrt{20}-5 \approx -0. \times \times \times : A$

$10-3\sqrt{5} = 10-\sqrt{45} \approx 3. \times \times \times : B$

$\sqrt{27} \approx 5. \times \times \times : D$

$a = 2\sqrt{5}-5, b = 10-3\sqrt{5}$

$\therefore a+b = (2\sqrt{5}-5) + (10-3\sqrt{5}) = 5-\sqrt{5}$

17.  $\sqrt{3} = a$ ,  $\sqrt{30} = b$  일 때,  $\sqrt{300}$ 의 값을  $x$ ,  $\sqrt{0.3}$ 의 값을  $y$ 라고 한다.  
 $x$  와  $y$  를  $a, b$  를 이용하여 나타내면?

- ①  $x = 100a$ ,  $y = 10b$       ②  $x = 10a$ ,  $y = \frac{b}{10}$   
③  $x = 100b$ ,  $y = \frac{a}{100}$       ④  $x = 10a$ ,  $y = \frac{b}{100}$   
⑤  $x = 10ab$ ,  $y = \frac{10}{b}$

해설

$$\sqrt{300} = \sqrt{3 \times 100} = 10\sqrt{3} = 10a$$

$$\therefore x = 10a$$

$$\sqrt{0.3} = \sqrt{\frac{30}{100}} = \frac{\sqrt{30}}{10} = \frac{b}{10}$$

$$\therefore y = \frac{b}{10}$$

18. 부등식  $3 \leq (\sqrt{2} + 1)x \leq 7$  을 만족하는 자연수  $x$  를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$3 \leq (\sqrt{2} + 1)x \leq 7$  에서  $\sqrt{2} + 1 > 0$  이므로

$$\frac{3}{\sqrt{2} + 1} \leq x \leq \frac{7}{\sqrt{2} + 1} \quad \therefore 3\sqrt{2} - 3 \leq x \leq 7\sqrt{2} - 7$$

$$4 < 3\sqrt{2} = \sqrt{18} < 5 \text{ 에서 } 1 < 3\sqrt{2} - 3 < 2$$

$$9 < 7\sqrt{2} = \sqrt{98} < 10 \text{ 에서 } 2 < 7\sqrt{2} - 7 < 3$$

1.  $\times \times \leq x \leq 2, \times \times$  이므로

따라서 자연수  $x = 2$  이다.

19. 세 실수  $A = \sqrt{20} + \sqrt{80}$ ,  $B = \sqrt{21} + \sqrt{79}$ ,  $C = \sqrt{22} + \sqrt{78}$ 의 대소 관계가 바르게 된 것은?

- ①  $A < B < C$       ②  $A < C < B$       ③  $B < A < C$   
④  $C < A < B$       ⑤  $C < B < A$

해설

$A, B, C$  가 모두 양수이므로  $A^2, B^2, C^2$  을 구해서 비교해도 좋다.

$$A^2 = (\sqrt{20} + \sqrt{80})^2 \\ = 20 + 2\sqrt{20 \times 80} + 80 = 100 + 2\sqrt{1600}$$

$$B^2 = (\sqrt{21} + \sqrt{79})^2 \\ = 21 + 2\sqrt{21 \times 79} + 79 = 100 + 2\sqrt{1659}$$

$$C^2 = (\sqrt{22} + \sqrt{78})^2 \\ = 22 + 2\sqrt{22 \times 78} + 78 = 100 + 2\sqrt{1716}$$

$$\sqrt{1600} < \sqrt{1659} < \sqrt{1716} \text{ 이므로 } A^2 < B^2 < C^2$$

$$\therefore A < B < C$$

20.  $3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{324}}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\begin{aligned}3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{324}}} &= 3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{(2 \times 3^2)^2}}} \\&= 3\sqrt{2\sqrt{18 \times (2 \times 3^2)}} \\&= 3\sqrt{2\sqrt{(2 \times 3^2)^2}} \\&= 3\sqrt{6^2} \\&= 18\end{aligned}$$

21.  $\sqrt{59+a} = b$  라 할 때,  $b$ 가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수  $a$  와 그 때의  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

해설

59 보다 큰 제곱수는 64, 81, 100, … 이므로

$$59 + a = 64, 81, 100, \dots$$

$$\therefore a = 5, 22, 41, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $a = 5$ ,  $b = \sqrt{59+5} = 8$ 이다.

$$\therefore a+b = 5+8 = 13$$

22. 두 부등식  $\sqrt{5} < \sqrt{2x} < 2\sqrt{7}$ ,  $3 \leq \sqrt{y-1} < 5\sqrt{2}$  을 만족하는 정수  $x, y$ 에 대해  $x+y$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$\sqrt{5} < \sqrt{2x} < 2\sqrt{7}$  이므로  $5 < 2x < 28$ , 즉  $2.5 < x < 14$   
 $3 \leq \sqrt{y-1} < 5\sqrt{2}$  이므로  $9 \leq y-1 < 50$ , 즉  $10 \leq y < 51$   
두 정수  $x, y$ 는 양수이므로  $x+y$ 의 최솟값은  $x$ 의 최솟값,  $y$ 의  
최솟값의 합이다.  
따라서  $x=3, y=10$  일 때,  $x+y$ 는 최솟값 13 을 갖는다.

23. 두 수 5 와 9 사이에 있는 무리수 중에서  $\sqrt{n}$  의 꼴로 나타낼 수 있는  
가장 큰 수를  $\sqrt{a}$ , 가장 작은 수를  $\sqrt{b}$  라고 할 때,  $a + b$  의 값으로  
알맞은 것을 고르면? (단,  $n$  은 자연수)

① 98      ② 100      ③ 102      ④ 104      ⑤ 106

해설

$$\begin{aligned}5 &= \sqrt{25}, \\9 &= \sqrt{81}, \\a &= 80, \\b &= 26, \\\therefore a+b &= 106\end{aligned}$$

24. 두 정육면체 A, B의 한 면의 대각선의 길이의 비가 2: 3이고 두 정육면체의 부피의 합이  $35 \text{ cm}^3$  이다. A, B의 한 모서리의 길이를 각각  $a \text{ cm}, b \text{ cm}$  라 할 때  $b - a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $b - a = 1$

해설

A, B의 한 모서리의 길이를 각각  $a \text{ cm}, b \text{ cm}$  라 할 때  
A, B의 대각선의 길이의 비는  $a\sqrt{2}: b\sqrt{2} = 2: 3$  이므로  $2b\sqrt{2} = 3a\sqrt{2}$

$b$ 에 대해 정리하면  $b = \frac{3}{2}a$  ( $\because a > 0, b > 0$ )

A, B의 부피의 합은

$$a^3 + b^3 = 35, a^3 + \left(\frac{3}{2}a\right)^3 = 35, a^3 = 8$$

$$\therefore a = 2, b = 3$$

따라서  $b - a = 1$  이다.

25. 다음 조건을 보고,  $a - b$  의 값을 구하여라.

(1)  $a$  는  $4 - \sqrt{3}$  의 정수부분이다.  
(2)  $b$  는  $2x + 7y = 15x - 8y$  일 때,  $\sqrt{\frac{x+y}{x-y}}$  의 값을 넘지 않는  
최대의 정수이다.

▶ 답:

▷ 정답:  $a - b = -1$

해설

(1)  $1 < \sqrt{3} < 2$  이므로  $2 < 4 - \sqrt{3} < 3 \therefore a = 2$

(2)  $2x + 7y = 15x - 8y$ 에서  $y = \frac{13}{15}x$  이므로

$$\sqrt{\frac{x+y}{x-y}} = \sqrt{\frac{x + \frac{13}{15}x}{x - \frac{13}{15}x}} = \sqrt{\frac{\frac{28x}{15}}{\frac{2x}{15}}} = \sqrt{14}$$

$3 < \sqrt{14} < 4$  이므로  $\sqrt{\frac{x+y}{x-y}} = \sqrt{14}$  를 넘지 않는 최대 정수는  
3 이다.

$\therefore b = 3$

따라서  $a - b = 2 - 3 = -1$  이다.