

1. 넓이가  $4\text{ cm}^2$ ,  $5\text{ cm}^2$ ,  $19\text{ cm}^2$  인 세 정사각형이 있다. 이 세 정사각형의 넓이를 합쳐서 큰 정사각형을 만들 때 한 변의 길이를 구하여라.

▶ 답 :                      cm

▷ 정답 :  $2\sqrt{7}$  cm

해설

$$4 + 5 + 19 = 28$$

$$28 \text{의 양의 제곱근} : \sqrt{28} = 2\sqrt{7}$$

2.  $1.2 < \sqrt{x} < 2.1$  을 만족하는 정수  $x$  의 값을 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 4

해설

$$1.2 < \sqrt{x} < 2.1$$

$$1.44 < x < 4.41$$

$$x = 2, 3, 4$$

3.  $6x^2 + ax + 5$  가 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, 다음 중  $a$  의 값으로 적당하지 않은 것은?

① -15      ② -13      ③ 17      ④ 11      ⑤ -31

해설

$$6x^2 + ax + 5$$

$$\textcircled{㉠} (2x \pm 5)(3x \pm 1) \text{ 일 때, } a = \pm 17$$

$$\textcircled{㉡} (3x \pm 5)(2x \pm 1) \text{ 일 때, } a = \pm 13$$

$$\textcircled{㉢} (6x \pm 5)(x \pm 1) \text{ 일 때, } a = \pm 11$$

$$\textcircled{㉤} (x \pm 5)(6x \pm 1) \text{ 일 때, } a = \pm 31$$

4.  $75x^2 - 12y^2 = a(bx + cy)(bx - cy)$  일 때, 자연수  $a, b, c$  의 합  $a + b + c$  의 값을 구하면?

① 10      ② 15      ③ 20      ④ 26      ⑤ 28

해설

$$\begin{aligned} 75x^2 - 12y^2 &= 3(25x^2 - 4y^2) = 3(5x + 2y)(5x - 2y) \\ \therefore a &= 3, \quad b = 5, c = 2 \\ \therefore a + b + c &= 10 \end{aligned}$$



5.  $(x^2 + 3x + 3)(x^2 + 3x - 5) + 7$  의 일차식의 인수를 모두 찾으시오.

|           |           |           |
|-----------|-----------|-----------|
| ㉠ $x - 1$ | ㉡ $x + 1$ | ㉢ $x - 2$ |
| ㉤ $x + 2$ | ㉥ $x - 4$ | ㉦ $x + 4$ |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉤

▷ 정답 : ㉥

해설

$x^2 + 3x = A$  라고 하자.  
 $(x^2 + 3x + 3)(x^2 + 3x - 5) + 7$   
 $= (A + 3)(A - 5) + 7$   
 $= A^2 - 2A - 15 + 7$   
 $= A^2 - 2A - 8$   
 $= (A + 2)(A - 4)$   
 $= (x^2 + 3x + 2)(x^2 + 3x - 4)$   
 $= (x + 1)(x + 2)(x - 1)(x + 4)$   
따라서  $(x^2 + 3x + 3)(x^2 + 3x - 5) + 7$  의 일차식의 인수는  $x + 1, x + 2, x - 1, x + 4$  이다.

6.  $x^2 - 3x = 7$  일 때,  $x(x-1)(x-2)(x-3) + 4$  의 값은?

- ① 28      ② 35      ③ 63      ④ 67      ⑤ 140

해설

$(x^2 - 3x)(x^2 - 3x + 2) + 4$  에서  $7(7 + 2) + 4 = 67$  이다.

7.  $x - y = 4$ ,  $xy = 1$  일 때,  $x^2 + xy + y^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 19

해설

$$\begin{aligned}x^2 + xy + y^2 &= (x - y)^2 + 3xy \\&= 4^2 + 3 \times 1 \\&= 16 + 3 = 19\end{aligned}$$

8. 다음 보기에서 옳은 것을 모두 고르시오.

보기

- ㉠ 양수 A 의 제곱근이  $a$  이면  $A = a^2$  이다.
- ㉡  $a$  가 제곱근 16 이면  $a = 4$  이다.
- ㉢ 제곱근  $\frac{4}{9}$  의 값은  $\pm\frac{2}{3}$  이다.
- ㉣ 25 의 제곱근은  $\pm 5$  이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

해설

㉢ 제곱근  $\frac{4}{9} = \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3}$



9. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$  이다.

②  $a < 0$  일 때,  $-\sqrt{(-a)^2} = a$

③  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{16a^2} = 4a$  이다.

④  $\sqrt{a^2} = |a|$  이다.

⑤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{(3a)^2} = 3a$  이다

해설

①  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$

②  $a < 0$  일 때,  $-\sqrt{(-a)^2} = -(-a) = a$

③  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{16a^2} = 4a$

④  $a$  의 부호와 관계없이  $\sqrt{a^2} = |a|$

⑤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{(3a)^2} = -3a$

10. 실수  $a, b$  에 대하여  $a < 0, ab < 0$  일 때,  $\sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{a^2} - \sqrt{(b-a)^2}$ 을 간단히 하면?

①  $-4a + 2b$

②  $-2a - 2b$

③  $-2a + 2b$

④  $-2a$

⑤  $4a - 2b$

해설

$a < 0, b > 0$  이므로  $2a - b < 0, b - a > 0$

$$\sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{a^2} - \sqrt{(b-a)^2}$$

$$= |2a - b| + |a| - |b - a|$$

$$= -2a + b - a - b + a = -2a$$

11.  $5x+y=15$  일 때,  $\sqrt{2x+y}$  가 자연수가 되게 만드는 가장 작은 자연수  $x$ 는?

① 1

② 2

③ 4

④ 7

⑤ 9

해설

$$5x+y=15 \Rightarrow y=15-5x$$

$$\sqrt{2x+y} = \sqrt{2x+15-5x} = \sqrt{15-3x}$$

$x$ 가 가장 작은 자연수가 되려면 근호 안의 수는 15 미만의 가장 큰 제곱수가 되어야 하므로 9가 되어야 한다.

$$\sqrt{15-3x} = \sqrt{9}$$

$$15-3x=9$$

$$\therefore x=2$$

12. 다음 중 옳은 것은?

- ① 어떤 수의 제곱근은 모두 무리수이다.
- ② 두 무리수의 합은 항상 무리수이다.
- ③ 유리수와 무리수의 합은 항상 무리수이다.
- ④ 유리수와 무리수의 곱은 항상 무리수이다.
- ⑤ 무리수에 무리수를 곱하면 항상 무리수이다.

해설

- ① 제곱수의 제곱근은 유리수
- ②  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$
- ④  $0 \times \sqrt{2} = 0$
- ⑤  $\sqrt{2} \times \sqrt{2} = \sqrt{4} = 2$



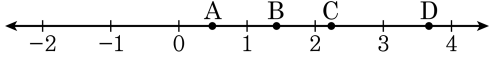
13. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 순환하는 무한소수는 반드시 유리수이다.
- ② 서로 다른 두 무리수 사이에는 적어도 하나 이상의 자연수가 존재한다.
- ③ 반지름의 길이가 0 이 아닌 실수인 원의 넓이는 반드시 무리수이다.
- ④ 완전제곱수의 제곱근은 항상 유리수이다.
- ⑤ 서로 다른 두 무리수의 곱은 항상 무리수이다.

해설

- ②  $\sqrt{2}$  와  $\sqrt{3}$  사이에는 자연수가 존재하지 않는다.
  - ⑤  $\sqrt{2}$  와  $-\sqrt{2}$  의 곱은 유리수이다.
- 따라서 옳지 않은 것은 ②, ⑤이다.

14. 다음 보기의 수 중에서 수직선 위의 점 A, B, C, D 에 대응하는 수들의 합을 구하여라.



보기

$\sqrt{2}$ ,  $1 - \sqrt{2}$ ,  $2 - \sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3} + 2$ ,  $\sqrt{3} + 4$ ,  $4 - \sqrt{3}$

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$1 < \sqrt{2} < 2$  : B  
 $-1 < 1 - \sqrt{2} < 0$  : 대응점 없음  
 $0 < 2 - \sqrt{2} < 1$  : A  
 $3 < \sqrt{3} + 2 < 4$  : D  
 $5 < \sqrt{3} + 4 < 6$  : 대응점 없음  
 $2 < 4 - \sqrt{3} < 3$  : C  
 $\therefore (2 - \sqrt{2}) + (\sqrt{2}) + (4 - \sqrt{3}) + (\sqrt{3} + 2) = 8$

15. 다음 두 수 6 과 15 사이에 있는 정수  $n$  에 대하여  $\sqrt{n}$  이 무리수인  $n$  의 개수는?

- ① 11 개    ② 10 개    ③ 9 개    ④ 8 개    ⑤ 7 개

해설

7 ~ 14 까지의 정수 중  $3^2 = 9$  제외.  
7, 8, 10, 11, 12, 13, 14 (7 개)

16.  $ab = 2$  일 때,  $a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}}$  의 값은? (단,  $a > 0, b > 0$ )

① 2

② 4

③ 5

④ 12

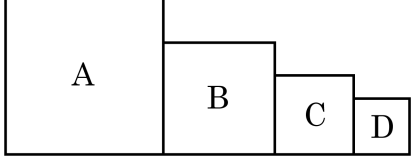
⑤ 24

해설

$$\begin{aligned} & a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}} \\ &= a \frac{\sqrt{8b} \times \sqrt{a}}{\sqrt{a} \times \sqrt{a}} + b \frac{\sqrt{32a} \times \sqrt{b}}{\sqrt{b} \times \sqrt{b}} \\ &= \sqrt{8ab} + \sqrt{32ab} \\ & ab = 2 \text{를 대입하면} \\ & \sqrt{8ab} + \sqrt{32ab} = \sqrt{16} + \sqrt{64} = 4 + 8 = 12 \end{aligned}$$



17. 다음 그림에서 사각형 A, B, C, D는 모두 정사각형이고, 각 사각형의 넓이 사이에는 C는 D의 2배, B는 C의 2배, A는 B의 2배인 관계가 있다고 한다. A의 넓이가  $2\text{cm}^2$  일 때, D의 한 변의 길이는?



- ①  $\frac{1}{4}\text{cm}$       ②  $\frac{1}{2}\text{cm}$       ③  $\frac{\sqrt{2}}{4}\text{cm}$   
④  $\frac{\sqrt{2}}{3}\text{cm}$       ⑤  $\frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$

해설

D의 넓이는 A의 넓이의  $\frac{1}{8}$ 이므로  $\frac{1}{4}$

따라서 한 변의 길이는  $\frac{1}{2}$ 이다.

18.  $\sqrt{x}$  이하의 자연수의 개수를  $N(x)$  라고 하면  $2 < \sqrt{5} < 3$  이므로  $N(5) = 2$  이다. 이 때,  $N(1) + N(2) + N(3) + \cdots + N(10)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 19

해설

$\sqrt{1} = 1, \sqrt{4} = 2, \sqrt{9} = 3$  이므로

$N(1) = N(2) = N(3) = 1$

$N(4) = N(5) = \cdots = N(8) = 2$

$N(9) = N(10) = 3$

$\therefore N(1) + N(2) + N(3) + \cdots + N(10) = 1 \times 3 + 2 \times 5 + 3 \times 2 = 19$

19.  $x = \frac{1}{5-2\sqrt{6}}, y = \frac{-1}{5+2\sqrt{6}}$  일 때,  $x^2 - 10x - 2y^2 - 20y - 13(x-y)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -129

해설

$$\begin{aligned} x &= 5 + 2\sqrt{6}, y = -(5 - 2\sqrt{6}) \text{ 이므로} \\ (\text{준식}) &= x(x-10) - 2y(y+10) - 13(x-y) \\ &= -1 - 2 \times (-1) - 130 \\ &= 1 - 130 = -129 \end{aligned}$$

20. 아래와 같은 세 수의 대소 관계를 부등호로 나타내면?

$a = 4, b = 5 - \sqrt{2}, c = \sqrt{17}$

- ①  $a < b < c$

②  $b < a < c$

③  $c < a < b$
- ④  $b < c < a$

⑤  $a < c < b$

해설

(1)  $a = 4$   
(2)  $b$  의 범위  
 $-\sqrt{4} < -\sqrt{2} < -\sqrt{1}$   
 $5 - \sqrt{4} < 5 - \sqrt{2} < 5 - \sqrt{1}$   
 $\therefore 3 < 5 - \sqrt{2} < 4$   
(3)  $c$  의 범위  
 $\sqrt{16} < \sqrt{17} < \sqrt{25}$   
 $\therefore 4 < \sqrt{17} < 5$   
 $\therefore b < a < c$



21. 자연수  $n$ 에 대하여  $\sqrt{n}$ 의 소수 부분을  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(80)+f(45) = a\sqrt{5} + b$ 이다. 이 때,  $2a + b$ 의 값을 구하면?

① -28

② -7

③ 0

④ 7

⑤ 21

해설

$$\text{i) } 8 < \sqrt{80} = 4\sqrt{5} < 9 \quad \therefore f(80) = 4\sqrt{5} - 8$$

$$\text{ii) } 6 < \sqrt{45} = 3\sqrt{5} < 7 \quad \therefore f(45) = 3\sqrt{5} - 6$$

$$\therefore f(80) + f(45) = 4\sqrt{5} - 8 + 3\sqrt{5} - 6$$

$$= 7\sqrt{5} - 14$$

$$7\sqrt{5} - 14 = a\sqrt{5} + b \text{ 이므로}$$

$$\therefore a = 7, b = -14$$

$$\therefore 2a + b = 14 + (-14) = 0$$

22. 다음 식이 성립하도록 양수  $A, B, C$  에 알맞은 수를 순서대로 바르게 나열한 것은?

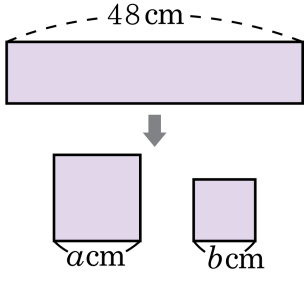
(1)  $a^2 + 8a + A = (a + 4)^2$   
(2)  $x^2 + Bx + 9 = (x + C)^2$

- ① 16, 6, 3                      ② 8, 6, 3                      ③ 16, 3, 6
- ④ 8, 3, 6                      ⑤ 6, 8, 3

해설

$$a^2 + 8a + A = (a + 4)^2 = a^2 + 8a + 16, A = 16$$
$$x^2 + Bx + 9 = (x + C)^2 = x^2 + 2Cx + C^2,$$
$$C^2 = 9, C = \pm 3, B = 2C, B = \pm 6$$
$$\therefore A = 16, B = 6, C = 3 (\because B, C \text{는 양수})$$

23. 다음 그림과 같이 48 cm 인 끈을 적당히 두 개로 잘라 한 변의 길이가 각각  $a$  cm 와  $b$  cm 인 정사각형 두 개를 만들었다. 이 때, 두 정사각형의 넓이의 합이  $74\text{ cm}^2$  일 때, 넓이의 차를 구하여라. (단,  $a > b > 0$  )



▶ 답 :           cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 24 cm<sup>2</sup>

해설

$$\begin{aligned} 4a + 4b &= 48 \text{ 이므로 } a + b = 12 \\ \text{또, } a^2 + b^2 &= 74 \\ (a + b)^2 - 2ab &= a^2 + b^2 \\ 74 &= 144 - 2ab \\ ab &= 35 \\ (a - b)^2 &= (a + b)^2 - 4ab = 144 - 140 = 4 \\ a - b &> 0, \ a - b &= 2 \\ \therefore a^2 - b^2 &= (a + b)(a - b) = 12 \times 2 = 24(\text{ cm}^2) \end{aligned}$$

24.  $x = 3 + \sqrt{8}$ ,  $y = 3 - \sqrt{8}$  일 때,  $(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2$  의 값은?(단,  $n$  은 양의 정수)

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} & (x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2 \\ &= (x^n + y^n + x^n - y^n)(x^n + y^n - x^n + y^n) \\ &= 2x^n \times 2y^n = 4(xy)^n \\ & xy = (3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8}) = 1 \\ & \therefore 4(xy)^n = 4 \end{aligned}$$



25.  $b - a = \sqrt{3}$ ,  $ab = 1$  이고,  $(b + a)b^2 - (a + b)a^2 = m\sqrt{3}$ 이라 할 때,  $m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $m = 7$

해설

$$\begin{aligned}(b + a)^2 &= (b - a)^2 + 4ab \\ &= (\sqrt{3})^2 + 4 = 7\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(b + a)b^2 - (a + b)a^2 &= (b + a)(b^2 - a^2) \\ &= (b + a)^2(b - a) \\ &= 7\sqrt{3} = m\sqrt{3}\end{aligned}$$

따라서  $m = 7$  이다.