- 1.  $(-5)^2$  의 양의 제곱근을 a ,  $\sqrt{81}$  의 음의 제곱근을 b , 제곱근 4 를 c 라고 할 때, a+b-c 의 값을 구하여라.
  - 답:

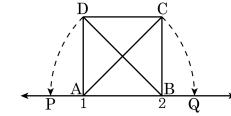
 $\triangleright$  정답: a+b-c=0

 $(-5)^2 = 25$  의 양의 제곱근 a = 5 ,  $\sqrt{81} = 9$  의 음의 제곱근

해설

b = -3, 제곱근  $4 는 \sqrt{4} = 2$  이므로 c = 2 $\therefore a + b - c = 5 - 3 - 2 = 0$ 

2. 수직선 위의 점 A(1) 에서 B(2) 까지의 거리를 한 변으로 하는 정사 각형 ABCD 를 그렸다.  $\overline{BD} = \overline{BP}, \ \overline{AC} = \overline{AQ}$  인 점 P, Q 를 수직선 위에 잡을 때, P(a), Q(b) 에 대하여 a-2b 의 값은?



- ②  $-2\sqrt{2}$
- ③ 0
- (4)
- ⑤ 4

 $\mathbf{Q}(1+\sqrt{2})$  ,  $\mathbf{P}(2-\sqrt{2})$ ∴  $a-2b=(2-\sqrt{2})-2(1+\sqrt{2})=-3\sqrt{2}$  이다.

해설

- 다음에 주어진 두 수의 대소가 옳은 것은? 3.
  - ②  $2 \sqrt{7} > \sqrt{3} \sqrt{7}$ ①  $-\sqrt{3} - \sqrt{10} < -\sqrt{10} - 3$
  - $3 \sqrt{8} < -3$
- $4 \sqrt{0.1} > \sqrt{0.3}$
- ⑤  $-3\sqrt{2} > -2\sqrt{3}$

- ①  $-\sqrt{3} \sqrt{10} (-\sqrt{10} 3)$  $=-\sqrt{3}+3=\sqrt{9}-\sqrt{3}>0$
- $\therefore -\sqrt{3} \sqrt{10} > -\sqrt{10} 3$
- ②  $2 \sqrt{7} (\sqrt{3} \sqrt{7}) = 2 \sqrt{3} > 0$
- $\therefore -\sqrt{8} > -3$ (4)  $\sqrt{0.1} < \sqrt{0.3}$

- ⑤  $-3\sqrt{2} = -\sqrt{18}, -2\sqrt{3} = -\sqrt{12}$ ∴  $-3\sqrt{2} < -2\sqrt{3}$

- 다음 그림에서 세 정사각형 ㄱ, ㄴ, ㄷ의 넓이가 각각  $2\,\mathrm{cm}^2, 8\,\mathrm{cm}^2, 18\,\mathrm{cm}^2$  일 때, **4.**  $\overline{\mathrm{CD}}$  는? ①  $2\sqrt{2}$  cm  $2\sqrt{2}$  cm

  - $3 4\sqrt{2} \text{ cm}$
  - $45\sqrt{2}\,\mathrm{cm}$  $\bigcirc 6\sqrt{2}\,\mathrm{cm}$

해설

ㄴ의 넓이가  $8\,\mathrm{cm^2}$  이므로  $\overline{\mathrm{BC}}=\sqrt{8}=2\,\sqrt{2}\,\mathrm{cm}$  이다.  $\overline{\mathrm{CD}}=$ 

 $2\sqrt{2} + \sqrt{18} = 2\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 5\sqrt{2}$  cm 이다.

- 5. 다음 수를 작은 것부터 순서대로 나열할 때, 두 번째로 작은 수를 고르면?

  - ①  $\sqrt{2}$  ② -0.5
- $31 \sqrt{2}$
- $\textcircled{4} \ 2 + \sqrt{2}$   $\textcircled{5} \ 1 + \sqrt{2}$

## ① $\sqrt{2} = 1.4 \times \times \cdots$

해설

- $\bigcirc -0.5$
- - $31 \sqrt{2} = 1 1.4 \times \times \dots = -0.4 \times \times \dots$  $4 2 + \sqrt{2} = 3.4 \times \times \cdots$
- $\therefore 2 < 3 < 1 < 5 < 4$

**6.** (x-2y)(x-2y-3)-10을 인수분해하면 (x-2y+m)(x-2y+n) 일 때, mn 의 값은?

10-10 ② 3 ③ 10 ④ 2 ⑤ -2

해설 x-2y=t 라 하면,

= (t-5)(t+2)= (x - 2y - 5)(x - 2y + 2)∴ m = -5, n = 2

 $\therefore mn = -10$ 

 $t(t-3) - 10 = t^2 - 3t - 10$ 

7. 방정식  $3x^2 + 2x = x^2 - x + 4 = ax^2 + bx + c = 0$ 의 꼴로 고칠 때, a+b+c의 값은? (단, a>0)

- ①1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

 $3x^2 + 2x = x^2 - x + 4 \Leftrightarrow 2x^2 + 3x - 4 = 0$ 

∴ a = 2, b = 3, c = -4

 $\therefore a+b+c=1$ 

- **8.** x 에 관한 이차방정식  $x^2 ax + 2a 3 = 0$  의 한 근이 a 일 때, a 의

- ①  $\frac{1}{2}$  ②  $\frac{2}{3}$  ③ 1 ④  $\frac{3}{2}$  ⑤ 6

x = a 를 대입하면  $a^2 - a^2 + 2a - 3 = 0$ 

 $2a - 3 = 0, \ a = \frac{3}{2}$ 

9. 다음 두 이차방정식이 중근을 가질 때, a+b의 값을 구하여라.

$$x^2 + 4x = a, \ x^2 + ax + b = 0$$

답:

▷ 정답: 0

해설

 $x^2 + 4x - a = 0$ 이 중근을 가지려면  $(x+2)^2 = 0$  꼴이 되어야

한다.  $\therefore -a = 4, \ a = -4$   $x^2 - 4x + b = 0 \ \text{이 중근을 가지려면 } b = 4 \ \text{이어야 한다.}$ 

 $x^{2} - 4x + b = 0$   $\Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$  $\therefore a + b = (-4) + 4 = 0$ 

**10.** 이차방정식  $(x-3)^2-2=0$  의 두 근을  $\alpha$  ,  $\beta$  라고 할 때,  $\alpha+\beta$  의 값은?

- $4 -2\sqrt{2}$  5 -6
- ① 6 ②  $2\sqrt{2}$  ③  $6+2\sqrt{2}$

 $(x-3)^2 = 2$  이므로  $x-3 = \pm \sqrt{2}$ 

 $\therefore x = 3 \pm \sqrt{2}$ 

 $\alpha + \beta = (3 + \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2}) = 6$ 

- **11.** 다음 중 'x 는 13 의 제곱근이다.' 를 바르게 나타낸 것은?
- ① x = 13 ②  $x = -\sqrt{13}$  ③  $x = \sqrt{13}$

어떤 수 x 를 제곱하여 13 이 될 때, x 를 13 의 제곱근이라고

한다.  $\Rightarrow x^2 = 13$ 

## **12.** 다음 보기 중 옳은 것은?

보기

- ① a > 0 일 때, a 의 제곱근을 x 라고 하면  $x^2 = a$  이다. © 제곱근 9 와 9 의 제곱근은 서로 같다.
- $\bigcirc \sqrt{(-7)^2} + (-\sqrt{3})^2 = 10$ 
  - ② √20 은 √5 의 4배이다.
     ③ -7 은 49 의 제곱근이다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: □

 ▷ 정답:
 □

 ▷ 정답:
 □

해설

① 제곱근 9는  $\sqrt{9} = 3$  이고, 9 의 제곱근은  $\pm 3$  이다. ②  $\sqrt{20} = 2\sqrt{5}$  이므로  $\sqrt{5}$  의 2 배이다.

13.  $4\sqrt{9} + 2\sqrt{16} - 4\sqrt{\frac{1}{4}} - \sqrt{(-7)^2}$  를 계산하여라.

답:

▷ 정답: 11

(준식) =  $4 \times 3 + 2 \times 4 - 4 \times \frac{1}{2} - 7$ = 12 + 8 - 2 - 7 = 11 **14.**  $12 < \sqrt{3x+40} < 15$ 일 때,  $\sqrt{3x+40}$ 을 정수가 되게 하는 자연수 x의 값을 구하여라.

▶ 답:

답:

> 정답: *x* = 43

▷ 정답: x = 52

 $12 < \sqrt{3x + 40} < 15$ 

해설

 $3x + 40 = 13^2 = 169, x = 43$  $3x + 40 = 14^2 = 196, x = 52$ 

- 15.  $\sqrt{42} < \sqrt{3x} < \sqrt{360}$  을 만족하는 x 중에서  $\sqrt{3x}$  가 자연수가 되도록 하는 x 는 몇 개인가?
  - ① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

 $\sqrt{42} < \sqrt{3x} < \sqrt{360} \rightarrow 14 < x < 120 \sqrt{3x}$  가 자연수가 되려면  $x=3\times k^2$  (k는 자연수)이어 한다.

 $k^2 = 9$ 일 때,  $x = 3 \times 9 = 27$  $k^2 = 16$ 일 때,  $x = 3 \times 16 = 48$ 

 $k^2 = 25$ 일 때,  $x = 3 \times 25 = 75$ 

해설

 $k^2 = 36$ 일 때,  $x = 3 \times 36 = 108$ 

16. 다음 식을 간단히 한 것 중 값이 나머지 한 개와 다른 하나를 고르면?

 $\boxed{0} 10 \div \sqrt{10} \div \sqrt{5}$   $= \frac{10}{\sqrt{10} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{100}}{\sqrt{50}} = \sqrt{2}$   $\boxed{0} \sqrt{3} \div \sqrt{5} \div \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{20}}$   $= \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{6}} = \sqrt{2}$   $\boxed{0} 4 \div \frac{1}{\sqrt{10}} \div 4\sqrt{5}$   $= \frac{4 \times \sqrt{10}}{4\sqrt{5}} = \sqrt{2}$   $\boxed{0} \sqrt{9} \div \sqrt{75} \div \frac{1}{\sqrt{3}}$   $= \frac{\sqrt{9} \times \sqrt{3}}{\sqrt{75}} = \frac{3}{5}$   $\boxed{0} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} \div \frac{1}{\sqrt{20}} \div \sqrt{6}$   $= \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{20}}{\sqrt{5} \times \sqrt{6}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$ 

- 17. 다음 수를 근호 안의 수가 가장 작은 자연수가 되도록  $a\sqrt{b}$  의 꼴로 나타낸 것 중 <u>틀린</u> 것은?
  - ①  $\sqrt{\frac{27}{121}} = \frac{3\sqrt{3}}{11}$  ②  $\sqrt{0.005} = \frac{\sqrt{2}}{20}$  ③  $\sqrt{0.12} = \frac{\sqrt{3}}{3}$  ④  $\sqrt{\frac{2}{49}} = \frac{\sqrt{2}}{7}$  ⑤  $\sqrt{\frac{12}{32}} = \frac{\sqrt{6}}{4}$

- ①  $\sqrt{\frac{27}{121}} = \sqrt{\frac{3^3 \times 3}{11^2}} = \frac{3\sqrt{3}}{11}$
- $= \frac{5\sqrt{2}}{100} = \frac{\sqrt{2}}{20}$   $\sqrt[3]{0.12} = \sqrt{\frac{12}{100}} = \frac{\sqrt{12}}{10} = \frac{1}{10} \times 2\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{5}$

18. a, b가 유리수일 때,  $\sqrt{\left(3-\sqrt{7}\right)^2}+\sqrt{\left(2-\sqrt{7}\right)^2}=a+b\sqrt{7}$  에서 ab 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

기 전  $2 < \sqrt{7} < 3$  이므로  $\sqrt{(3 - \sqrt{7})^2} + \sqrt{(2 - \sqrt{7})^2}$   $= (3 - \sqrt{7}) - (2 - \sqrt{7})$  = 1  $1 = a + b\sqrt{7}$ 이므로 a = 1, b = 0이므로 ab = 0이다.

**19.**  $A = \frac{2}{\sqrt{3}} + \frac{4\sqrt{2}}{3}$ ,  $B = \frac{2}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{4}$  일 때,  $\sqrt{3}A + 4\sqrt{2}B$  의 값을

①  $2 + 4\sqrt{6}$  ②  $4 + 4\sqrt{6}$  ③  $4 + 6\sqrt{6}$  ④  $6 + 6\sqrt{6}$  ⑤  $6 + 8\sqrt{6}$ 

해설  $A = \frac{2}{\sqrt{3}} + \frac{4\sqrt{2}}{3} = \frac{4\sqrt{2}}{3} + \frac{2\sqrt{3}}{3}$   $B = \frac{2}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{4} = \frac{2\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{2}}{4}$   $\sqrt{3}A + 4\sqrt{2}B$   $= \sqrt{3}\left(\frac{4\sqrt{2}}{3} + \frac{2\sqrt{3}}{3}\right) + 4\sqrt{2}\left(\frac{2\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)$  $= \frac{4\sqrt{6}}{3} + \frac{6}{3} + \frac{8\sqrt{6}}{3} + 2$  $= \frac{12\sqrt{6}}{3} + 4$  $= 4 + 4\sqrt{6}$ 

**20.**  $\sqrt{5}$ 의 소수 부분을 a라고 할 때,  $a^2 - (2 + \sqrt{5})a + 4\sqrt{5}$ 의 값을 구하여 라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

 $a = \sqrt{5} - 2$ 

해설

$$a^{2} - (2 + \sqrt{5})a + 4\sqrt{5}$$

$$= (\sqrt{5} - 2)^{2} - (2 + \sqrt{5})(\sqrt{5} - 2) + 4\sqrt{5}$$

$$= 5 - 4\sqrt{5} + 4 - (5 - 4) + 4\sqrt{5} = 8$$

**21.** 다음 중 인수분해한 것이 옳지 <u>않은</u> 것은?

① 
$$25x^2 - 20xy + 4y^2 = (5x - 2y)^2$$

$$2 ax^{2} + 2ax + a = (ax + 1)$$

$$4 x^2 - \frac{1}{3}x + \frac{1}{9} = \left(x - \frac{7}{3}\right)$$

$$(3) (xy)^2 + 22xy + 11^2 = (xy + 11)^2$$

**22.**  $\frac{3}{2}x^2 + 3x - 12$  를 인수분해한 식은?

① 
$$\frac{3}{2}(x-2)(x-4)$$
 ②  $\frac{3}{2}(x-2)(x+4)$  ②  $\frac{1}{2}(x-2)(x+4)$  ③  $\frac{1}{2}(x-2)(3x+4)$  ③  $\frac{5}{2}(x+2)(x+4)$ 

$$\left( \frac{2}{2} \right) = \frac{3}{2} \left( x^2 + 2x - 8 \right)$$

$$= \frac{3}{2} \left( x - 2 \right) \left( x + 4 \right)$$

**23.** 주어진 식을 인수분해했을 때, 빈 칸에 들어갈 값이 <u>다른</u> 것은?

① 
$$3x^2 + 18x + 27 = 3(x + \square)^2$$

② 
$$9x^2 - 24x + 16 = ( x - 4)^2$$

3 
$$2x^2 - 72 = 2(x+6)(x-2 \times \square)$$

④ 
$$6x^2 - 17x + 12 = (2x - \square)(3x - 4)$$
  
⑤  $x^2 - 20x + 91 = (x - 7)(x - \square)$ 

해설

 $\mathbf{24}$ . 다음 식에서  $\square$  안에 들어갈 두 수의 차를 구하여라.

$$(3x+4)( x-5) = 6x^2 - x-20$$

▶ 답:

➢ 정답: 5

 $(3x+4)(2x-5) = 6x^2 - 7x - 20$ \therefore 7 - 2 = 5

- **25.**  $a^2 b^2 2b 1$  이 a의 계수가 1인 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, 두 일차식의 합은?
  - $\textcircled{3} \ a + 2b + 1$
  - ① 2(a-b) ② 2a-2 ③ a

 $a^2 - b^2 - 2b - 1 = a^2 - (b^2 + 2b + 1)$ 

해설

 $=a^2-(b+1)^2$ =(a+b+1)(a-b-1)따라서 세 항의 합은

(a+b+1) + (a-b-1) = 2a이다.

- ① (a-1)(b-1)(c+1) ② (a+1)(b-1)(c-1)
- $\bigcirc$  (a-1)(b-1)(c-1)

해설

abc+ab+ac+a+bc+b+c+1= a(bc + b + c + 1) + (bc + b + c + 1)= (a+1)(bc+b+c+1)

= (a+1)(b+1)(c+1)

**27.**  $\frac{13 \times 28 - 13 \times 4}{5^2 - 1}$  의 값을 구하여라.

답:
< 저다 :</p>

▷ 정답: 13

 $\frac{13 \times 28 - 13 \times 4}{5^2 - 1} = \frac{13(28 - 4)}{(5 + 1)(5 - 1)} = 13$ 

**28.** 
$$x = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$$
,  $y = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$  일 때,  $x^2 - 2xy + y^2$  의 값을 구하면?

① 95 ② 96 ③ -96 ④ -95 ⑤ -94

$$x, y 를 유리화하면
 $x = 5 + 2\sqrt{6}$   
 $y = 5 - 2\sqrt{6}$   
 $x - y = (5 + 2\sqrt{6}) - (5 - 2\sqrt{6}) = 4\sqrt{6}$  이므로  
 $\therefore x^2 - 2xy + y^2 = (x - y)^2$   
 $= (4\sqrt{6})^2 = 96$$$

**29.**  $ab=2, \ (a+3)(b+3)=20$  일 때,  $a^3+2a^2b+2ab^2+b^3$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

 $a^3 + 2a^2b + 2ab^2 + b^3 = (a+b)^3 - ab(a+b)$ ab = 2, (a+3)(b+3) = 20 |A|

2+3(a+b)+9=20 이므로 ∴ a+b=3

 $\therefore a+b=3$  $\therefore (a+b)^3 - ab(a+b) = 3^3 - 2 \times 3 = 21$ 

**30.** 이차방정식  $x^2 + ax + 8 = 0$  의 한 근이 2이고 다른 한 근이 이차방정식  $3x^2 - 10x + b = 0$  의 한 근일 때, a - b 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 2

해설

 $x^2 + ax + 8 = 0$  에 x = 2 를 대입하면 a = -6 이다.

 $x^2 - 6x + 8 = 0$ , (x - 4)(x - 2) = 0이므로 다른 한 근은 x = 4이다.

 $3x^2 - 10x + b = 0$  에 x = 4 를 대입하면 b = -8∴ a - b = -6 - (-8) = 2

**31.** 이차방정식  $x^2 - 4x - 8 = 0$  을  $(x + a)^2 = b$  의 꼴로 나타낼 때, a + b 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 10

02. 1

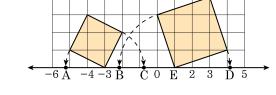
해설

 $x^2 - 4x - 8 = 0$ 

 $\begin{vmatrix} x^2 - 4x + 4 = 8 + 4 \\ (x - 2)^2 = 12 \\ \therefore a = -2, b = 12 \end{vmatrix}$ 

 $\therefore a + b = 10$ 

**32.** 다음 그림의 수직선 위의 점 A, B, C, D 에 대응하는 수를 각각 a,b,c,d 라고 할 때, (b+d)-(a+c) 값을 구하여라. (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



▷ 정답: 8

해설

▶ 답:

## (1) 작은 정사각형 한 변의 길이 : $\sqrt{5}$

- $\therefore a = -3 \sqrt{5}, c = -3 + \sqrt{5}$ (2) 큰 정사각형 한 변의 길이:  $\sqrt{10}$
- $b = 1 \sqrt{10}, d = 1 + \sqrt{10}$
- $b + d = 1 \sqrt{10} + 1 + \sqrt{10} = 2$
- $\therefore a+c=-3-\sqrt{5}+(-3+\sqrt{5})=-6$ 따라서 (b+d)-(a+c)=2-(-6)=8이다.

**33.**  $\frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}+\sqrt{5}}$ 의 분모를 유리화하면,  $\frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}-\sqrt{c}}{d}$ 이다. 이 때, a+b+c+d의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 48

 $\frac{1}{\sqrt{5} + t} = \frac{\sqrt{5} - t}{(\sqrt{5} + t)(\sqrt{5} - t)} = \frac{\sqrt{5} - t}{5 - t^2}$   $= \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}{5 - (\sqrt{2} + \sqrt{3})^2}$   $= \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}{5 - (5 + 2\sqrt{6})}$   $= \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}{5 - (5 + 2\sqrt{6})}$   $= \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}{-2\sqrt{6}}$   $= \frac{\sqrt{30} - \sqrt{12} - \sqrt{18}}{-12}$   $= \frac{\sqrt{a} - \sqrt{b} - \sqrt{c}}{d}$   $\therefore a + b + c + d = 30 + 12 + 18 - 12 = 48$