

1. 한 과일가게에서 사과를 어제는 1 개에 x 원에 팔았다. 오늘은 어제보다 15% 할인하여 팔았더니 어제의 2 배만큼 사과가 팔렸다. 어제와 오늘 이를 동안 판 사과 1 개의 평균 가격을 x 를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

원

▷ 정답: $0.9x$ 원

해설

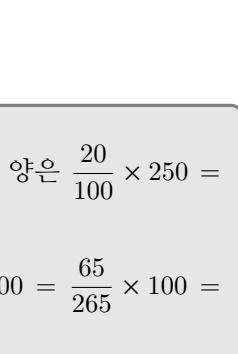
어제 팔린 사과의 개수를 a (개) 라 두면, 오늘 팔린 사과의 개수는 $2a$ (개)이다.

$$(어제 사과를 판 금액) = ax (\text{원})$$

$$(\text{오늘 사과를 판 금액}) = 2a \times \frac{85}{100}x = \frac{17}{10}ax (\text{원})$$

$$\therefore (\text{이틀 동안 판 사과 1 개의 평균 가격}) = \frac{ax + 1.7ax}{a + 2a} = 0.9x (\text{원}) \text{이다.}$$

2. 다음 그림과 같이 농도가 20 %이고, 소금물 250 g 이 든 컵에 소금 15 g 을 더 넣었을 때 컵 안에 든 소금물의 농도를 문자 a , b , c , d 를 사용하여 나타내면 $\frac{(b)}{(a)} \times 100 = \frac{(d)}{(c)} (\%)$ 이다.
 $a - b + c + d$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 1553

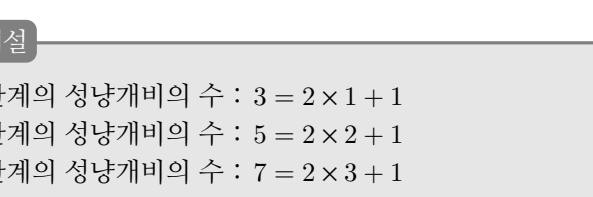
해설

20 % 의 소금물 250 g 에 들어있는 소금의 양은 $\frac{20}{100} \times 250 = 50(g)$ 이고,

섞은 후의 소금물의 농도는 $\frac{50+15}{250+15} \times 100 = \frac{65}{265} \times 100 = \frac{1300}{53} (\%)$ 이다.

따라서, $a = 265$, $b = 65$, $c = 53$, $d = 1300$ 이므로 $a - b + c + d = 265 - 65 + 53 + 1300 = 1553$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 성냥개비를 사용하여 정삼각형의 개수를 하나씩 계속 늘려 나가려고 한다. 정삼각형을 x 개 만들 때, 사용한 성냥개비의 수는?



- ① $(x + 1)$ 개 ② $(x + 2)$ 개 ③ $(2x + 1)$ 개
④ $(2x + 2)$ 개 ⑤ $(2x + 3)$ 개

해설

1단계의 성냥개비의 수 : $3 = 2 \times 1 + 1$

2단계의 성냥개비의 수 : $5 = 2 \times 2 + 1$

3단계의 성냥개비의 수 : $7 = 2 \times 3 + 1$

⋮

따라서 x 단계에 필요한 성냥개비의 수는

$2 \times x + 1 = (2x + 1)$ 개이다.

4. 다음 중 상수항이 같은 수로 이루어지지 않은 식은?

- ① $2(a - 2b + 3)$ ② $x(3x + 2) + 6$
③ $4a + 2b - (a + 3b - 6)$ ④ $\frac{x + 2y + 18}{3}$
⑤ $4x - (3x + 2) - 4$

해설

①, ②, ③, ④ 상수항은 6이다.
⑤ 상수항은 -6이다.

5. x 에 관한 두 방정식 $3x + 1 = x + a$ 의 해를 $2(x - a) - 3 = -2x - 13$ 의 해로 나누면 나누어 떨어지고 몫이 2가 된다. 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 9$

해설

$$\begin{aligned}3x + 1 &= x + a \\x &= \frac{a - 1}{2} \\2(x - a) - 3 &= -2x - 13 \\x &= \frac{2a - 10}{4} \\\frac{a - 1}{2} &= 2 \times \frac{2a - 10}{4} \\a - 1 &= 2a - 10 \quad \text{∴ } a = 9\end{aligned}$$

6. x 에 관한 방정식 $a(x - \frac{3}{2}) + 3b = 4$ 의 해가 모든 수일 조건과 해가

없을 조건을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 해가 모든 수일 때 $a = 0, b = \frac{4}{3}$

▷ 정답: 해가 없을 때 $a = 0, b \neq \frac{4}{3}$

해설

$$a(x - \frac{3}{2}) + 3b = 4$$

$$ax = \frac{3}{2}a - 3b + 4$$

1) 해가 모든 수일 때, $a = 0, b = \frac{4}{3}$ 이어야 한다.

2) 해가 없을 때, $a = 0, b \neq \frac{4}{3}$ 이어야 한다.