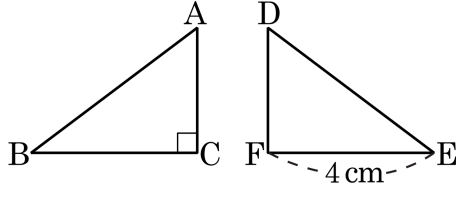


1. 다음 그림에서 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ 이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 6cm^2 일 때, $\overline{DF}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 3 cm

해설

$$\overline{BC} = \overline{EF} = 4(\text{ cm})$$

$$\overline{DF} = x \text{ cm 라고 하면}$$

$$4 \times x \times \frac{1}{2} = 6$$

$$x = 3$$

$$\overline{DF} = \overline{AC} = 3 \text{ cm}$$

2. 다음 중 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ 라고 할 수 없는 것은?

① $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$

② $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$, $\angle A = \angle D$

③ $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\angle A = \angle D$, $\angle B = \angle E$

④ $\overline{BC} = \overline{EF}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$, $\angle A = \angle D$

⑤ $\overline{BC} = \overline{EF}$, $\overline{AC} = \overline{DF}$, $\angle C = \angle F$

해설

① SSS합동

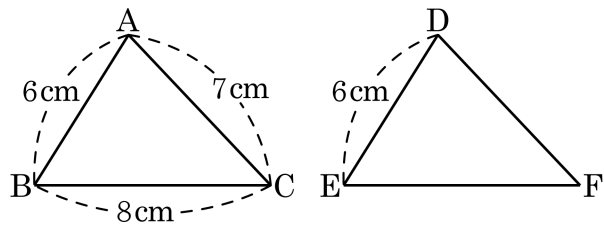
② SAS합동

③ ASA합동

④ SAS합동이 되려면 $\angle C = \angle F$ 이어야 함.

⑤ SAS합동

3. 다음 두 삼각형 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 SSS 합동이 되기 위해서 필요한 조건으로 알맞게 짝지어진 것은?



- ① $\angle A, \angle D$ ② $\angle B, \angle E$ ③ $\overline{DF}, \overline{EF}$
 ④ $\overline{DF}, \angle E$ ⑤ $\angle C, \angle F$

해설

두 삼각형의 세 변의 길이를 알 때 SSS 합동이다.

4. 도형의 합동에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 골라라.

- ㉠ 반지름의 길이가 같은 두 원은 합동이다.
- ㉡ 두 도형이 합동이면 모양과 크기가 서로 같다.
- ㉢ 넓이가 서로 같으면 합동이다.
- ㉣ 둘레의 길이가 서로 같으면 합동이다.

▶ 답 :

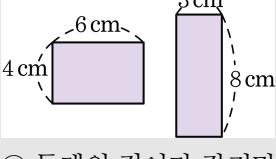
▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

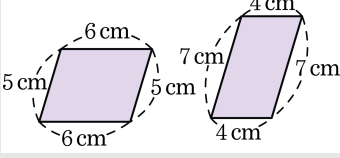
▶ 정답 : ㉡

해설

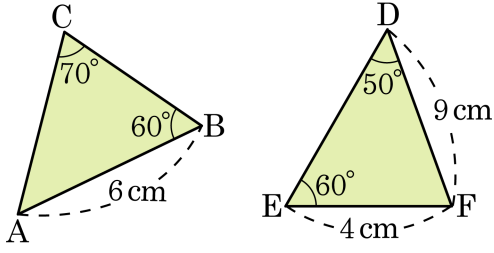
㉢ 넓이가 같지만 합동이 아닌 예



㉣ 둘레의 길이가 같지만 합동이 아닌 예



5. 다음 $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 서로 합동일 때, 옳지 않은 것을 고르면?

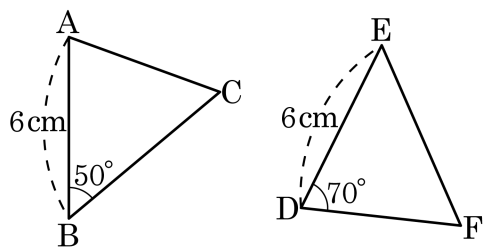


- ① $\overline{DE} = 6\text{cm}$ ② $\overline{BC} = 4\text{cm}$ ③ $\angle DFE = 70^\circ$
④ $\overline{BC} = 9\text{cm}$ ⑤ $\angle CAB = 50^\circ$

해설

④ $\overline{BC} = 4\text{cm}$

6. 다음 그림의 두 삼각형 ABC 와 DEF 가 서로 합동일 때 $\angle C$ 의 크기는?



- ① 40° ② 50° ③ 60° ④ 70° ⑤ 80°

해설

$$\begin{aligned}\angle A &= \angle D = 70^\circ \\ \therefore \angle C &= 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ\end{aligned}$$

7. 다음 중 SAS 합동 조건을 만족하는 것은?

① $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 4\text{cm}$, $\angle C = 40^\circ$

② $\overline{DE} = 3\text{cm}$, $\overline{EF} = 4\text{cm}$, $\angle E = 40^\circ$

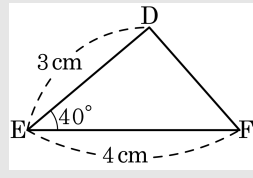
③ $\overline{AC} = 8\text{cm}$, $\overline{BC} = 3\text{cm}$, $\angle A = 40^\circ$

④ $\overline{DE} = 5\text{cm}$, $\overline{DF} = 4\text{cm}$, $\angle F = 70^\circ$

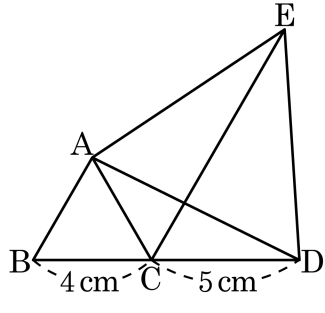
⑤ $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\angle B = 50^\circ$

해설

②



8. 아래 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다. 변 BC 의 연장선 위에 점 D 를 잡고 AD 를 한 변으로 하는 정삼각형 ADE 를 그린다. $\overline{BC} = 4\text{cm}$, $\overline{CD} = 5\text{cm}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

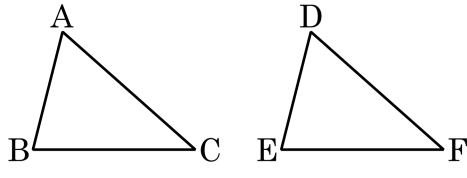


- ① $\overline{BD} = \overline{CE}$ ② $\angle AEC = \angle ADB$
 ③ $\angle BAD = \angle CAE$ ④ $\triangle ACD \equiv \triangle ACE$
 ⑤ $\triangle ABD \equiv \triangle ACE$

해설

$\overline{AB} = \overline{AC}$ ($\because$ 정삼각형)
 $\angle BAD = \angle CAE$
 ($\because \angle BAD = \angle CAE = 60^\circ + \angle DAC$)
 $\overline{AD} = \overline{AE}$ ($\because$ 정삼각형)
 $\therefore \triangle ABD \equiv \triangle ACE$ (SAS 합동)
 합동이면 대응하는 변의 길이와 각의 크기는 같으므로
 ① $\overline{BD} = \overline{CE}$
 ② $\angle AEC = \angle ADB$
 ③ $\triangle BAD \equiv \triangle CAE$

9. $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

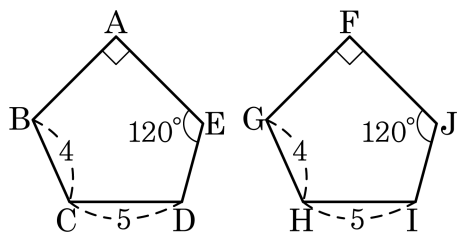


- ① $\angle B = \angle F$
- ② $\overline{AB} = \overline{DF}$
- ③ $\overline{BC} = \overline{DE}$
- ④ $\overline{CA} = \overline{FD}$
- ⑤ $\angle C = \angle D$

해설

$\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ 이므로
 $\angle A = \angle D, \angle B = \angle E, \angle C = \angle F$
 $\overline{AB} = \overline{DE}, \overline{BC} = \overline{EF}, \overline{CA} = \overline{FD}$

10. 다음 두 오각형이 서로 합동일 때, 옳지 않은 것은?

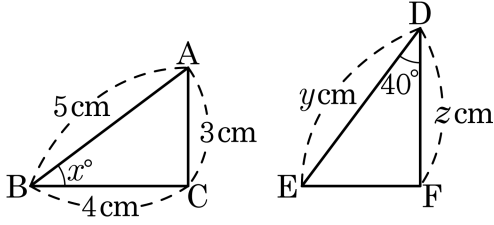


- ① $\overline{AB} = \overline{FG}$
- ② $\angle BCD = \angle GHI$
- ③ $\overline{AE} = \overline{FJ}$
- ④ $\angle CDE = \angle HJI$
- ⑤ $\overline{CE} = \overline{HF}$

해설

오각형 $ABCDE \cong$ 오각형 $FGHIJ$ 이다. $\overline{CE} = \overline{HJ} \neq \overline{HF}$

11. 다음 그림에서 삼각형 ABC 와 삼각형 EDF 가 합동일 때, $x - y - z$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 31

해설

합동인 도형은 대응하는 변의 길이와 각의 크기가 같다.

$$\triangle ABC \cong \triangle EDF$$

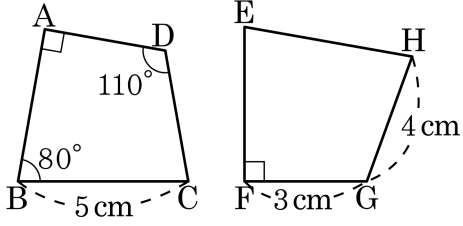
$$\angle x = \angle EDF = \angle ABC = 40^\circ$$

$$y = \overline{DE} = \overline{BA} = 5(\text{cm})$$

$$z = \overline{DF} = \overline{BC} = 4(\text{cm})$$

$$\therefore x - y - z = 40 - 5 - 4 = 31$$

12. 다음 그림에서 두 사각형 $\square ABCD$ 와 $\square FEHG$ 는 합동이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

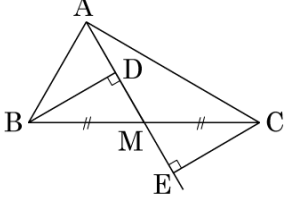


- ① $\angle C$ 는 80° 이다.
- ② $\overline{EH}$ 의 대응변은 $\overline{BC}$ 이므로 $\overline{EH} = 5\text{cm}$ 이다.
- ③ $\angle G + \angle E = 190^\circ$ 이다.
- ④ $\overline{AD}$ 의 대응변은 $\overline{GH}$ 이므로 $\overline{AD} = 4\text{cm}$
- ⑤ $\angle H$ 는 80° 이다.

해설

- ④ $\overline{AD}$ 의 대응변은 $\overline{FG}$ 이므로 $\overline{AD} = \overline{FG} = 3\text{cm}$

13. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 변 BC 의 중점을 M , 점 B 와 C 에서 직선 AM 에 내린 수선의 발을 각각 D , E 라 할 때 $\triangle BDM$ 과 $\triangle CEM$ 이 합동이 되는 조건은?

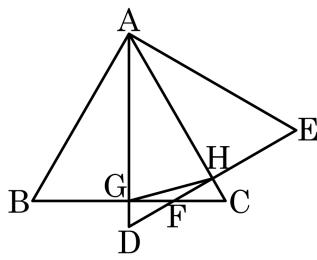


- ① SSS 합동 ② SAS 합동
③ ASA 합동 ④ AAA 합동
⑤ 합동이 아니다.

해설

$\triangle BDM$ 과 $\triangle CEM$ 에서
① $\overline{BM} = \overline{MC}$
② $\angle MBD = \angle MCE$ (엇각)
③ $\angle BMD = \angle EMC$ (맞꼭지각)
①, ②, ③에 의해
 $\triangle BDM \cong \triangle CEM$ (ASA 합동)

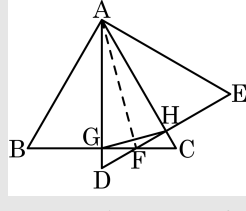
14. 다음 그림에서 삼각형 ABC 와 삼각형 ADE 는 같은 정삼각형이다.
 $\angle BFE - \angle CAD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 120°

해설



$\triangle ABG$ 와 $\triangle AEH$ 에서 $\triangle ABC$ 와 $\triangle ADE$ 는 합동인 정삼각형이
므로

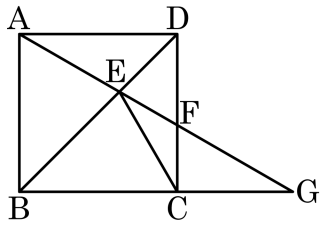
$$\overline{AB} = \overline{AE}, \angle ABF = \angle AEH = 60^\circ,$$
$$\angle BAG = 60^\circ - \angle GAH = \angle EAH$$
$$\therefore \triangle ABG \equiv \triangle AEH \text{ (ASA 합동)}$$

따라서 $\overline{FD} = \overline{FC}$ 이고, $\overline{GF} = \overline{FH}$ 이다.

$\angle GFD = \angle HFC$ (맞꼭지각) 이므로 $\triangle GFD \cong \triangle HFC$ (SAS 합동)

 $\angle BFE = \angle h$, $\angle CAD = \angle a$, $\angle GED = \angle r$ 라 하면
$$\angle ACB = \angle a + 60^\circ = 180 - (\angle x + 60^\circ) \quad \therefore \angle x = 60^\circ - \angle a$$
$$\angle \text{AGB} = \angle a + 60^\circ = 180 - (\angle x + 60^\circ) \quad \therefore \angle x = 60^\circ - \angle a$$
$$\angle BFE = 180^\circ - \angle$$

15. 다음 정사각형 ABCD 에서 점 E 는 대각선 BD 위의 점이고, 점 F, G 는 선분 AE 의 연장선과 변 CD, 변 BC 의 연장선과 만나는 점이다. $\angle CEG + \angle GCE = 150^\circ$ 일 때, $\angle BEC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 75°

해설

 $\overline{AD} // \overline{BG}$ 이므로
$$\angle DAF = \angle AGB = 180^\circ - (\angle CEG + \angle GCE) = 30^\circ \text{ (엇각)}$$
$$\therefore \angle EAB = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$$

.. $\angle EAB = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$
 사각형 ABEF 안 사각형 CBE 에서

삼각형 ABE 와 삼각형 CBE 에서

$$\overline{AB} = \overline{BC}, \overline{BE} \text{ 는 공통, } \angle ABE = \angle CBE = 45^\circ$$

삼각형 ABE 와 삼각형 CBE 는 SAS 합동이다.

$$\angle AEB = 180^\circ - (\angle ABE + \angle BAE)$$