① 15 명 ② 14 명 ③ 13 명 ④ 12 명 ⑤ 11 명

가로 8cm . 세로 6cm 인 직사각형을 겹치지 않게 빈틈없이 붙여서 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라 - 단 :

cm

정답:	24	cm

8 과 6 의 최소공배수가 구하는 정사각형의 한 변이므로 24cm 가 된다.

**3.** 서로 다른 세 수 48,72,*a* 의 최대공약수가 24 일 때, *a* 의 값이 될 수 있는 두 자리 자연수를 모두 고르면?



② 36





2 3 □ 48,72, a 를 24 로 나는 몫이 각각 2,3,□이고, 최대공약수가 24 가 된다. 즉,□는 24 의 배수가 되는 두 자리 자연수를 만족하여야 한다.□안에 들어갈 수는 1,4 이고 a 의 값은 24,96 이 된다.

L. 가로, 세로의 길이가 각각 72cm, 168cm 인 천을 남김없이 사용하여 같은 크기의 정사각형 모양의 손수건을 만들려고 한다. 가능한 한 큰 손수건을 만들 때, 손수건의 한 변의 길이를 구하여라.

cm

답:

▷ 정답: 24<u>cm</u>

해설

72 와 168 의 최대공약수는 24 이므로 가장 큰 손수건의 한 변의

길이는 24cm 이다. 2) 72 168

2) 72 168 2) 36 84

 $\therefore 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$ 

5.  $A_k$ 는 k의 배수 모임이라고 하면  $A_{12}$ 는 12의 배수 모임,  $A_{18}$ 은 18의 배수 모임이다.  $A_{12}$ 와  $A_{18}$ 의 공통인 수들의 모임을  $A_n$  이라고 할 때, n의 값을 구하여라.



$$A_{12}$$
는 12의 배수  $\Rightarrow$  12, 24, 36, ...,

A<sub>18</sub>은 18의 배수 ⇒ 18, 36, 54, · · · 이므로 A<sub>12</sub>와 A<sub>18</sub>의 공통인 수들의 모임은 ⇒ 36, 72, 108, · · · 이다.

 $36, 72, 108, \dots$  는 36의 배수 모임이므로 n 은 36 이다.

6. 두 자연수 A , B 의 최소공배수가 16 일 때, 100 이하의 A , B 의 공배 수의 개수는?

① 4 개 ② 5 개

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 최소공배수인 16 의 배수

④ 7 개

⑤ 8 개

중 100 보다 작은 자연수의 개수를 구한다. 100 ÷ 16 = 6.25 따라서 200 보다 작은 자연수의 개수는 6개이다.

a 는 한 자리 자연수이고 2×a, 3×a, 4×a 의 최소공배수가 108 일
 때, 이 세 수의 최대공약수를 구하여라.

 $\therefore$  9

- 8. 지은이와 지연이가 운동장 한 바퀴를 도는데 각각 15 분, 18 분이 걸린다. 이와 같은 속력으로 출발점을 동시에 출발하여 같은 방향으로 운동장을 돌 때, 지은이와 지연이는 몇 분 후 처음으로 출발점에서 다시 만나게 되는가?
  - ① 30분 ② 50분 ③ 60분 ④ 80분 ⑤ 90분

15 와 18 의 최소공배수는 90 이므로 두 사람은 90 분 후 처음으로 출발점에서 다시 만난다. 9. 톱니의 수가 각각 48 개, 72 개인 두 톱니바퀴 A, B 가 서로 맞물려 돌고 있다. 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A 가 적어도 몇 번 회전한 후인가?

① 1 번 ② 2 번 ③ 3 번 ④ 4 번 ⑤ 5 번

해설
48 과 72 의 최소공배수는 144
144 ÷ 48 = 3
따라서 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A가 적어도
3번 회전한 후이다.

**10.** 세 자연수 5,6,7 중 어느 수로 나누어도 나머지가 2 인 가장 작은 자연수를 구하여라.

11. 두 분수  $\frac{420}{121}$ ,  $\frac{126}{143}$  에 같은 수를 곱하여 자연수가 되게 하려고 한다. 가장 작은 수를 곱하여 만들어진 자연수를 모두 구하여라.

- 답:
- 답:
- ➢ 정답: 130
- ▷ 정답: 33

두 수에 각각  $\frac{11 \times 11 \times 13}{2 \times 3 \times 7}$  을 곱한다.

## **12.** 최대공약수가 24인 두 자연수 a,b에 대해 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 1, 2, 24는 a,b의 공약수이다.
- ② 12는 a,b의 공약수이다.
- ③ a,b의 공약수는 모두 8개이다.
- ④ 10 은 a,b의 공약수가 아니다.
- ⑤ 3, 6, 8, 36는 a,b의 공약수이다.

해설

a,b의 공약수는 24의 약수와 같으므로 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24이다.

⑤ 36은 a,b의 공약수가 아니다.

**13.** 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 <u>아닌</u> 것은?

③ 14

해설

(5) 56

(4) 28

66 과 168 의 최대공약수는 56 56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은 7, 8, 14, 28, 56 이다. 14. 두 자연수 A ,B 의 최대공약수를 [A, B] 로 나타낼 때, [A, B] = [C, D] = k 이다. 다음을 간단히 하여라. (단, A 와 C, D, B 와 C, D 는 서로소)

$$\left[\frac{[AB, CD]}{[A+B, C+D]}, \frac{[AD, BC]}{[A+D, B+C]}\right]$$

▶ 답:

해설  $[A, B] = [C, D] = k \rightarrow A, B, C, D$  모두 인수 k = 7 가진다.

AB 와 CD, AD 와 BC 는 모두 인수  $k^2$  을 가지고, (A+B) 와 (C+D), (A+D) 와 (B+C) 는 모두 인수 k 를 가진다.

$$\therefore \left[ \frac{[AB, CD]}{[A+B, C+D]}, \frac{[AD, BC]}{[A+D, B+C]} \right] = \left[ \frac{k^2}{k}, \frac{k^2}{k} \right] = [k, k] = k$$

**15.** 두 자연수 A, B 의 최대공약수가 16, 최소공배수가 240 일 때, B - A의 값 중 가장 큰 것을 구하여라. (단, A < B)

## ▶ 답:

▷ 정답 : 224

## 해설

두 자연수 A, B 는 최대공약수가 16, 최소공배수가 240 이므로  $16 \times a \times b = 240$ 

$$a \times b = 15$$
 (단, a, b 는 서로소)  
A < B 이므로

 $A = 16 \times a$ ,  $B = 16 \times b$ 이고.

$$a = 1, b = 15 \ \text{\pm L} \ a = 3, b = 5$$

(i) 
$$a=1, b=15$$
 일 때

$$B-A=16 \times 15-16 \times 1=224$$
  
(ii)  $a=3,\ b=5$  일 때

$$B - A = 16 \times 5 - 16 \times 3 = 32$$
  
차가 가장 큰  $A$ ,  $B$  의 값을 구해야 하므로

$$a = 1, b = 15$$
  
 $A = 16 \times 1 = 16$ 

$$A = 16 \times 1 = 16$$
  
 $B = 16 \times 15 = 240$ 

따라서 B - A = 240 - 16 = 224이다