- **1.** $(6x^3 x^2 5x + 5) \div (2x 1)$ 의 몫을 a, 나머지를 b라 할 때, a + b를
 - ① $3x^2 + x + 1$ ② $x^2 + x + 1$ ③ $3x^2 + 1$
 - ① $x^2 + x 1$ ⑤ $3x^2 + x$

나눗셈을 이용하면 $a = 3x^2 + x - 2$, b = 3 $\therefore a+b=3x^2+x+1$

조립제법을 이용할 수 있다.

이 때, 2x - 1로 나눈 몫은 $x - \frac{1}{2}$ 로 나눈 몫의 $\frac{1}{2}$ 이고 나머지는 같다.

$$f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)Q(x) + R$$
$$= (2x - 1) \cdot \frac{1}{2} \cdot Q(x) + R$$

 $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서 x^3 **2**. 의 계수는?

- ① 31
- ② 33 ③ 35 ④ 37
- **(5)** 39

 $2x^3 \times 8 - 3x^2 \times (-7x) + 3x \times (-2x^2) + 4 \times 2x^3 = 39x^3$

- 등 시 $2x^2 3x 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$ 가 x 값에 3. 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a+b+c의 값은?
- ① -2 ② -1 ③ 0
- 4 1
- \bigcirc 2

양변에 x = 0을 대입하면

해설

-2 = 2a : a = -1양변에 x = 1을 대입하면

 $-3 = -b \therefore b = 3$ 양변에 x=2를 대입하면

 $0=2c\ \therefore c=0$

 $\therefore a+b+c=2$

- **4.** x에 관한 삼차식 $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 5이고, x-2로 나누면 나머지가 3이다. 이 때, 상수 m-n의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

정답: 5

나머지 정리를 이용한다.

주어진 식에 x = -1, x = 2를 각각 대입하면, $(-1)^3 + m(-1)^2 + n(-1) + 1 = 5 \cdots \bigcirc$

 $(2)^3 + m(2)^2 + n \cdot 2 + 1 = 3 \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

⊙, ⓒ을 연립하면,

 $m = \frac{2}{3}, \ n = -\frac{13}{3}$ $\therefore m - n = 5$

5. (a-b+c)(a+b-c)를 전개한 식은?

①
$$a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$$

해설

$$3a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$$
 $4a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$

② $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$

$$(a-b+c) (a+b-c)$$
= {a - (b - c)}{a + (b - c)}
= a² - (b - c)²
= a² - b² - c² + 2bc

6.
$$i + 2i^2 + 3i^3 + \dots + 50i^{50}$$
의 값은?

① -26 - 25i ② -26 + 25i ③ 0

 $\{i+2\cdot (-1)+3\cdot (-i)+4\cdot 1\}$

 $+\cdots + \{45i + 46 \cdot (-1) + 47 \cdot (-i) + 48 \cdot 1\} + 49i + 50 \cdot (-1)$

4 -25 + 26i 5 25 + 26i

 $i + 2i^2 + 3i^3 + \dots + 50i^{50}$

 $\{5i + 6 \cdot (-1) + 7 \cdot (-i) + 8 \cdot 1\}$

12(2-2i) + 49i - 50 = -26 + 25i

7. 2|x-1|+x-4=0의 해를 구하여라.

▶ 답: ▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: -2

해설

i) x < 1 일 때, -2(x-1) + (x-4) = 0

ii) $x \ge 1$ 일 때, 2(x-1) + x - 4 = 0

 $\therefore x = -2$

 $\therefore x = 2$ 따라서 구하는 해는 x = -2 또는 x = 2 이다.

- 8. 이차방정식 $x^2 + (a+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 모든 실수 a의 값의 합을 구하면?
 - ▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

주어진 이차방정식이 중근을 가지려면 $D=(a+2)^2-4=0$ 이므로 $a^2+4a+4-4=a^2+4a=0$

 $a^2 + 4a + 4 - 4 = a^2 + 4a = 0$ 따라서 a = 0또는 a = -4

따라서 a = 0보는 a = -4따라서 상수 a의 값의 합은 -4

- 이차방정식 $x^2+7x+1=0$ 의 두 근이 α , β 일 때, $(\alpha^2+\beta^2)+5(\alpha+\beta)$ 9. 의 값을 구여라.
 - ▶ 답:

➢ 정답: 12

해설

이차방정식 $x^2 + 7x + 1 = 0$ 의 두 근이 α , β 이므로, 근과 계수와의 관계에 의해서

 $\alpha + \beta = -7, \ \alpha\beta = 1$ $(\alpha^2 + \beta^2) = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = (-7)^2 - 2 \cdot 1 = 47$

 $\therefore 47 + 5 \cdot (-7) = 47 - 35 = 12$

- ${f 10}$. 함수 $y=-x^2+kx$ 의 그래프가 직선 y=-x+4에 접할 때, 양수 k의 값은?

- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$

해설

 $y=-x^2+kx$ 가 y=-x+4에 접하려면 $4-x=-x^2+kx \implies x^2-(k+1)x+4=0$ 의 판별식은 D=0

이어야 한다. $D = (k+1)^2 - 16 = 0 \implies k+1 = \pm 4$

 $\therefore k = 3 \; (\because k > 0)$

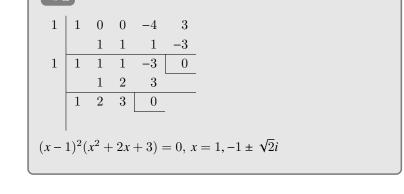
- **11.** x 에 대한 이차함수 $y = x^2 4kx + 5k^2 5k + 7$ 에 대하여 y 가 최소가 되도록 하는 x 의 값과 그 때의 y 의 값으로 옳은 것은?
 - ③ x = 2k, $y = k^2 + 4k + 1$ ④ x = 2k, $y = k^2 5k + 7$
 - ① x = k, $y = k^2 + k + 2$ ② x = k, $y = k^2 3k + 4$

 $y = x^2 - 4kx + 5k^2 - 5k + 7$ = $(x - 2k)^2 + k^2 - 5k + 7$ 이므로 주어진 이차함수는 x = 2k 일 때 최솟값 $k^2 - 5k + 7$ 을 갖는다.

따라서, 구하는 x, y 의 값은 $x = 2k, \ y = k^2 - 5k + 7$

12. 방정식 $x^4 - 4x + 3 = 0$ 의 해를 구하면?

- $x = 1, x = -1 \pm 2i$ ② $x = -1, x = 1 \pm 2i$
- $x = 1, x = -1 \pm \sqrt{2}i$ ④ $x = -1, x = 1 \pm \sqrt{2}i$
- x = 1



13. 연립 방정식 $\begin{cases} x - y = 5 \\ y + z = 5 \end{cases}$ 에서 x + y + z를 구하면? z - x = 2

① 9 ② 8 ③ 7 ④ 6 ⑤ 5

해설 세 다항식을 더하면, 2z = 12, z = 6

y + 6 = 5, y = -1x + 1 = 5, x = 4 $\therefore x + y + z = 4 - 1 + 6 = 9$

14. 연립방정식 $\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 의 해를 $x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta$ 의 값은?

① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

(1) 1 (2) 3 (3) 5 (4) 7 (5) 9

 15. $(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4$ 을 전개했을 때, 계수들의 총합을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 512

해설

 $(4x^2-3x+1)^5(x^3-2x^2-1)^4=ax^{22}+bx^{21}+\cdots+c$ 위의 식에 x=1을 대입하면, 모든 계수들의 총합이 나온다.

∴ (계수의 총합) = 2⁵ × (-2)⁴ = 512

16. 다항식 f(x)를 x-2, x+3으로 나누었을 때의 나머지가 각각 1, -4이다. f(x)를 $x^2 + x - 6$ 으로 나누었을 때의 나머지를 R(x)라 할 때, R(5)의 값을 구하면?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

 $f(2) = 1, \ f(-3) = -4$

해설

R(x) = ax + b라 하면

f(x) = (x+3)(x-2)Q(x) + ax + b

2a + b = 1, -3a + b = -4∴ a = 1, b = -1

R(x) = x - 1

- R(5) = 5 1 = 4

- 17. 다항식 f(x)를 x-3으로 나누었을 때의 몫이 Q(x), 나머지가 1이고, 또 Q(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지가 -2이다. f(x)를 x-2로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

Q(2) = -2

f(x) = (x-3)Q(x) + 1

해설

f(x)를 x-2로 나눈 나머지는 f(2)이다. f(2) = (2-3)Q(2) + 1

 $=-1 \times (-2) + 1 = 3$

18. 다음 중 다항식 $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 의 인수인 것은?

① x + y + 2 ② x - y + 2 $4 \quad x - 2y + 1$ $3 \quad x + y + 1$

 $= x^{2} + (3y - 1)x + (2y + 1)(y - 2)$ = (x + 2y + 1)(x + y - 2)

- 3x + 2y + 1

해설 $x^{2} + 3xy + 2y^{2} - x - 3y - 2$ $= x^{2} + (3y - 1)x + 2y^{2} - 3y - 2$

- **19.** 이차방정식 $x^2 4|x| 5 = 0$ 의 두 근의 곱은?
 - ① -5 ② -10 ③ -15 ④ -20 ⑤ -25
 - $x^2 4x 5 = (x 5)(x + 1) = 0$ $\therefore x = 5$
 - ii) x < 0일 때,

i) x ≥ 0 일 때,

- $x^2 + 4x 5 = (x+5)(x-1) = 0$ $\therefore x = -5$

해설

i), ii)에서 두 근의 곱은 -25이다.

- **20.** x에 관한 이차방정식 $x^2 2(k-a)x + k^2 + a^2 b + 1 = 0$ 이 k의 값에 관계없이 중근을 갖도록 a, b의 값을 정하면?
- ① a = 0, b = 1 ② a = 0, b = -1 ③ a = -1, b = 0
- $\textcircled{4} \ a = -1, \ b = 1$ $\textcircled{5} \ a = -1, \ b = 2$

 $\frac{D}{4} = (k-a)^2 - (k^2 + a^2 - b + 1) = 0$ 에서 $k^2 - 2ak + a^2 - k^2 - a^2 + b - 1 = 0$

- $\therefore -2ak + b 1 = 0$
- 이것이 k값에 관계없이 항상 성립하기 위해서는
- -2a = 0, b 1 = 0
- $\therefore a = 0, b = 1$

- **21.** 이차방정식 $x^2 + 4x + a = 0$ 의 한 근이 $b + \sqrt{2}i$ 일 때, ab 의 값은? (단, a, b 는 실수, $i = \sqrt{-1}$)
 - ① -14 ② -13 ③ -12 ④ -11 ⑤ -10

한 근이 $b+\sqrt{2}i$ 이면 다른 한 근은 $b-\sqrt{2}i$ 이다. 근과 계수와의 관계를 이용하면

 $2b = -4, b^{2} + 2 = a$ $\therefore a = 6, b = -2, ab = -12$

해설

22. 다음 방정식의 모든 해의 곱을 구하여라.

$$(x^2 - 2x)(x^2 - 2x - 2) - 3 = 0$$

답:

▷ 정답: -3

해설

 $(x^{2}-2x)(x^{2}-2x-2)-3=0 \text{ 에서}$ $x^{2}-2x=t 로 놓으면$ t(t-2)-3=0, $t^{2}-2t-3=0$ (t-3)(t+1)=0 $\therefore t=3 또는 t=-1$ $(i) t=3, 즉 x^{2}-2x=3 일 때$ $x^{2}-2x-3=0$ (x-3)(x+1)=0 $\therefore x=-1 또는 x=3$ $(ii) t=-1, 즉 x^{2}-2x=-1 일 때$

(1) t = -1, $= x^2 - 2x = -1$ 될 때 $x^2 - 2x + 1 = 0$ $(x - 1)^2 = 0$ $\therefore x = 1$ (중군) 따라서, $-1 \times 3 \times 1 = -3$

23. x, y, z에 대한 연립방정식 $(a^2x + 2a(y - 1) = 4)$

 $\begin{cases} a^2x+2a(y-1)=4\\ a^2y+2a(z-1)=4 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많도록 하는 상수 a의 값을 $a^2z+2a(x-1)=4$ 구하여라.

. . .

답:

▷ 정답: -2

해설

 $a^2x + 2a(y-1) = 4$ 에서 $a^2x + 2ay = 2a + 4 \cdots$ ① $a^2y + 2a(z-1) = 4$ 에서 $a^2y + 2az = 2a + 4 \cdots$ ⑥ $a^2z + 2a(x-1) = 4$ 에서 $a^2z + 2ax = 2a + 4 \cdots$ ⑥ ① + ⑥ + ⑥ 에서 $a^2(x+y+z) = 3(2a+4)$ $a^2(x+y+z) = 3(2a+4)$ $a^2(x+y+z) = 3(2a+4)$ $a^2(x+y+z) = 6(a+2)$ $a^2(x+z) = 6(a+2)$

24. 방정식 $2x^2 + 4y^2 + 4xy + 2x + 1 = 0$ 을 만족시키는 실수 x, y에 대하여 x + y의 값을 구하면?

①
$$-\frac{3}{2}$$
 ② -1 ③ $-\frac{1}{2}$ ④ $-\frac{1}{4}$ ⑤ $-\frac{1}{7}$

$$2x^{2} + 4y^{2} + 4xy + 2x + 1 = 0 에서$$

$$x^{2} + 4xy + 4y^{2} + x^{2} + 2x + 1 = 0,$$

$$(x + 2y)^{2} + (x + 1)^{2} = 0$$

$$x, y 가 실수이므로 x + 2y = 0 \cdots ①, x + 1 = 0 \cdots ②$$
①, ②에서 $x = -1$, $y = \frac{1}{2}$

$$\therefore x + y = -\frac{1}{2}$$

주어진 방정식을
$$x$$
에 대하여 정리하면 $2x^2+2(2y+1)+(4y^2+1)=0$ \cdots ① x 가 실수이므로 $\frac{D}{4}=(2y+1)^2-2(4y^2+1)\geq 0$ $\therefore (2y-1)^2\leq 0$ 그런데 $2y-1$ 이 실수이므로 $2y-1=0$ $\therefore y=\frac{1}{2}$ \cdots ② ②를 ①에 대입하면 $2x^2+4x+2=0$, $(x+1)^2=0$ $\therefore x=-1$ \cdots ③ ②, ③에서 $x+y=-\frac{1}{2}$

25. 4차의 다항식 f(x)가 f(0)=0, $f(1)=\frac{1}{2},$ $f(2)=\frac{2}{3},$ $f(3)=\frac{3}{4},$ $f(4) = \frac{4}{5}$ 를 만족시킬 때, f(5)의 값을 구하면?

② 1 ③ $\frac{5}{6}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$ ① 0

주어진 조건에 따라 $f(n) = \frac{n}{n+1} (n=0,1,2,3,4)$

(n+1)f(n) - n = 0g(x) = (x+1)f(x) - x로 놓으면

g(0) = g(1) = g(2) = g(3) = g(4) = 0그런데 g(x)는 다항식이므로 나머지정리에 의해

x(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)를 인수로 갖는다. 또, f(x)가 4차식이므로 g(x)는 5차식이다.

 $g(x) = ax(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)(a \neq 0) \cdots \bigcirc$ 그런데, g(-1) = 1이므로 \bigcirc 에서 $g(-1) = -(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)a = 1$

 $\therefore a = -\frac{1}{(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)}$

g(x) = (x+1)f(x) - x

 $= -\frac{1}{(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)} x(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)$ $g(5) = 6f(5) - 5 = -\frac{(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)}{(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)} = -1$

 $\therefore \ f(5) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$