1. $\square$ 안에 알맞은 수를 차례대로 써넣으시오.

$9 \times 1 = \square$, $9 \times 2 = \square$, $9 \times 3 = \square$, $\cdots$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

▷ 정답 : 18

▷ 정답 : 27

해설

9를 한 배, 두 배, 세 배, $\cdots$ 하여 9의 배수를 구합니다.
따라서 $9 \times 1 = 9$, $9 \times 2 = 18$, $9 \times 3 = 27$ 입니다.

2. 다음 두 수의 최대공약수와 최소공배수를 차례대로 구하시오.

20, 16

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

▷ 정답 : 80

해설

2) 20 16
2) 10 8
5 4

최대공약수 : $2 \times 2 = 4$
최소공배수 : $2 \times 2 \times 5 \times 4 = 80$
→ 4, 80

3. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은 어느 것입니까?

① 10 ② 12 ③ 24 ④ 25 ⑤ 26

해설

① 1, 2, 5, 10 → 4 개
② 1, 2, 3, 4, 6, 12 → 6 개
③ 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 → 8 개
④ 1, 5, 25 → 3 개
⑤ 1, 2, 13, 26 → 4 개

4. 7의 배수는 어느 것입니까?

① 4402 ② 5608 ③ 1289 ④ 5068 ⑤ 1340

해설

7로 나누었을 때 나누어떨어지는 수를 찾습니다.
① $4402 \div 7 = 628 \cdots 6$
② $5608 \div 7 = 801 \cdots 1$
③ $1289 \div 7 = 184 \cdots 1$
④ $5068 \div 7 = 724$
⑤ $1340 \div 7 = 191 \cdots 3$

5. □ 안에 짝수, 홀수를 알맞게 써 넣은 것을 고르시오.

(1) (짝수)− (홀수)= □
(2) (홀수)× (홀수)= □

① 홀수, 홀수　② 홀수, 짝수　③ 짝수, 짝수
④ 짝수, 홀수　⑤ 0, 홀수

해설

짝수에 2 , 홀수에 1 을 넣어 봅니다.
(1) $2-1=1$ → 홀수
(2) $1\times1=1$ → 홀수

6. 다음 세 수의 최대공약수를 구하시오.
24 , 36 , 48

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

24 의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24
36 의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36
48 의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48
24, 36, 48 의 최대공약수는 12 입니다.

7. 어떤 두 수의 최대공약수가 45일 때, 다음 중 두 수의 공약수가 아닌 것은 어느 것인가?

① 2 ② 3 ③ 5 ④ 9 ⑤ 45

해설

어떤 두 수의 공약수는 45의 약수입니다.
즉, 1, 3, 5, 9, 15, 45입니다.

8. 머리핀 36 개와 머리띠 48 개가 있습니다. 이것을 남김없이 되도록 많은 사람에게 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명에게 나누어 줄 수 있는지 구하시오.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 12 명

해설

머리핀과 머리띠를 많은 사람들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려면 36 과 48 의 최대공약수를 구합니다.

4) 36 48
4) 12 16
3 4

36 과 48 의 최대공약수는 $3 \times 4 = 12$ 입니다.
그러므로 12 명의 사람에게 남김없이 나눠줄 수 있습니다.

9. 영희네 마당에는 69 개의 꽃 화분이 있습니다. 몇 개씩 줄을 만들어 세워 놓았더니 6 개의 화분이 남았습니다. 만든 줄이 될 수 없는 것을 고르시오.

① 7줄 ② 9줄 ③ 21줄 ④ 32줄 ⑤ 63줄

해설

$69 - 6 = 63$,
즉 63 의 약수는 1, 3, 7, 9, 21, 63이므로
7, 9, 21, 63 개씩 줄을 만들었습니다.

10. 서로 다른 두 수의 곱이 84 입니다. 이 두 수를 더했을 때, 가장 작은 값은 얼마입니까?

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

84 를 두 수의 곱으로 나타내어 보면
$84 = 1 \times 84 = 2 \times 42 = 3 \times 28 = 4 \times 21 = 6 \times 14 = 7 \times 12$
이 중에서 두 수의 합이 가장 작은 경우는 7 과 12 로 그 합은 19 입니다.

11. 약수와 배수에 대한 설명 중 <u>틀린</u> 것은 어느 것입니까?

① 1을 제외한 모든 자연수는 적어도 2 개의 약수를 가집니다.

② 1은 모든 자연수의 약수입니다.

③ 홀수 중에서 2 의 배수인 수가 있습니다.

④ 일의 자리 숫자로 2의 배수와 5의 배수를 찾을 수 있습니다.

⑤ 모든 자연수의 배수는 셀 수 없이 많습니다.

해설

③ 2의 배수는 짝수이고, 홀수는 짝수가 아닌 수입니다.

12. 숫자 카드 6 2 5 를 한 번씩 써서 가장 큰 짝수를 만드시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 652

해설

짝수는 일의 자리가 2 의 배수이어야 하므로
일의 자리에 올 수 있는 숫자는 2 와 6 입니다.
그리고 가장 큰 수를 만들기 위해서 6 을 백의 자리에 놓아야 합니다.
따라서 가장 큰 짝수는 652 입니다.

13. 72의 약수 중에서 4의 배수가 되는 수를 모두 몇 개입니까?

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6개

해설

72의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72
이 중에서 4의 배수는 4, 8, 12, 24, 36, 72이므로 6개 입니다.

14. 1 에서 100 까지의 자연수 중에서 5 로도 나누어떨어지고, 7 로도 나누어떨어지는 수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 2 개

해설

5 와 7 의 최소공배수는 35 이고, 35 의 배수 중 100 보다 작은 수는 35, 70 뿐입니다.
→ 2 개

15. 길이가 50m 인 도로 위에 처음부터 단풍나무는 2m 마다, 감나무는 3m 마다 심으려고 합니다. 두 나무가 동시에 심어지는 곳은 몇 군데입니까?

① 5 군데 ② 6 군데 ③ 7 군데

④ 8 군데 ⑤ 9 군데

해설

2 와 3 의 최소공배수는 6 이므로
처음부터 6m 마다 동시에 심어집니다.
따라서 6m , 12m , 18 m , 24m , 30m , 36m , 42m , 48m 에 두 나무가 동시에 심어지므로 8 군데입니다.

16. 다음과 같은 세 자리 수가 5의 배수가 되는 경우는 몇 가지입니까?

3□□

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 20가지

해설

5의 배수는 0이나 5로 끝나는 수입니다.
300 ~ 399까지 5의 배수를 구하면
100 ÷ 5 = 20(가지) 입니다.

17. 다음 중 3의 배수가 아닌 것은 어느 것입니까?

① 444444　② 222222　③ 123789

④ 234567　⑤ 235679

해설

각 자리 숫자의 합이 3의 배수가 아닌 것을 찾습니다.

① $4+4+4+4+4+4=24$

② $2+2+2+2+2+2=12$

③ $1+2+3+7+8+9=30$

④ $2+3+4+5+6+7=27$

⑤ $2+3+5+6+7+9=32$

18. 3으로 나누면 1이 남고, 5로 나누어도 1이 남는 두 자리 수 중 가장 큰 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 91

해설

3과 5의 최소공배수인 15의 배수 중에서 가장 큰 두 자리 수는 90입니다.
따라서 3과 5로 나누어 나머지가 1이 되는 수는 $90 + 1 = 91$ 입니다.

19. 백의 자리의 숫자가 5인 세 자리 수 중에서 가장 큰 3의 배수를 구하시오.

① 595 ② 596 ③ 597 ④ 598 ⑤ 599

해설

3의 배수는 각 자리 숫자의 합이 3의 배수이면 그 수는 3의 배수입니다.
따라서 597이 가장 큰 3의 배수입니다.

20. 가로가 168cm, 세로가 132cm 인 직사각형 모양의 종이를 남는 부분 없이 될 수 있는 대로 큰 정사각형으로 똑같이 자르려고 합니다. 모두 몇 장으로 자를 수 있습니까?

▶ 답 : 장

▷ 정답 : 154 장

해설

직사각형모양의 종이를 남는 부분없이 큰 정사각형으로 똑같이 자르려면 168 과 132 의 최대공약수를 구하면 됩니다.

3) 168 132
4) 56 44
14 11

168 과 132 의 최대공약수는 $3 \times 4 = 12$ 이므로
정사각형 한변의 길이는 12 cm 입니다.
가로 : $168 \div 12 = 14$(장)
세로 : $132 \div 12 = 11$(장)
따라서 $14 \times 11 = 154$(장) 으로 자를 수 있습니다.

21. 가로가 45cm , 세로가 60cm 인 직사각형의 모양의 합판이 있습니다. 이것을 남는 부분이 없이 같은 크기의 될 수 있는 대로 큰 정사각형으로 여러 개 자르려고 합니다. 만들어진 정사각형 1 개의 넓이는 몇 cm^2 가 되겠습니까?

▶ 답 : $\underline{\quad\quad\quad cm^2}$

▷ 정답 : $225\,\underline{cm^2}$

해설

가로 45 cm, 세로 60 cm인 직사각형 모양의 합판을 남는 부분없이 같은 크기로 잘라 정사각형을 만들려면 두 수의 최대공약수를 구하면 됩니다.

5) 45 60
3) 9 12
3 4

45와 60의 최대공약수는 $5 \times 3 = 15$ 이므로
정사각형 한 변의 길이는 15 cm 입니다.
따라서 정사각형의 넓이는 $15 \times 15 = 225(cm^2)$ 입니다.

22. 50 에서 300 까지의 자연수 중에서 16 의 배수와 21 의 배수의 개수의 차는 얼마입니까?

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 3 개

해설

1 ~ 300 까지의 16 의 배수 : $300 \div 16 = 18 \cdots 2$ 18 개
1 ~ 50 까지의 16 의 배수 : 3 개
50 에서 300 까지의 16 의 배수 → $18 - 3 = 15$(개)
1 ~ 300 까지의 21 의 배수 : $300 \div 21 = 14 \cdots 6$ 14 개
1 ~ 50 까지의 21 의 배수 : 2 개
50 에서 300 까지의 21 의 배수 → $14 - 2 = 12$(개)
→ $15 - 12 = 3$(개)

23. 연필 3다스와 지우개 24개를 될 수 있는 대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주었더니, 연필은 4자루가 남고, 지우개는 4개가 모자랐습니다. 몇 명에게 나누어 주었습니까?

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 4 명

해설

연필 3다스는 312=36(자루) 이므로 36-4=32(자루) 이고, 지우개는 24+4=28 (개) 이므로 32와 28의 최대공약수를 구합니다.

2) 32 28
2) 16 14
8 7

최대공약수 : $2 \times 2 = 4$
따라서 4명에게 나누어 주었습니다.

24. 톱니 수가 각각 36 개, 54 개, 24 개인 ㉮, ㉯, ㉰ 세 톱니바퀴가 맞물려 돌고 있습니다. 처음 맞물렸던 톱니가 다시 같은 자리에서 만나려면 ㉮ 톱니바퀴는 최소한 몇 바퀴를 돌아야 하는지 구하시오.

▶ 답 : _____ 바퀴

▷ 정답 : 6바퀴

해설

2) 36 54 24
3) 18 27 12
3) 6 9 4
2) 2 3 4
1 3 2

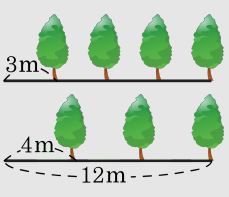
최소공배수 : $2 \times 3 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 = 216$
따라서 ㉮ 톱니바퀴는 $216 \div 36 = 6$ (바퀴)를 돌아야 합니다.

25. 연못가를 따라 같은 간격으로 나무를 심으려고 합니다. 3m 간격으로 심을 때와 4m 간격으로 심을 때의 나무 수가 20 그루의 차이가 날 때, 이 연못의 둘레의 길이는 몇 m 입니까?

① 120m ② 200m ③ 240m ④ 280m ⑤ 300m

해설

연못의 둘레는 닫힌 도형이 되므로
심을 나무 수와 나무 간격의 개수가 같습니다.
한편 3m 씩 심을 때와 4m 씩 심을 때
나무 한 그루의 차이가 나려면 다음 그림과 같이
3 과 4 의 최소공배수인 12 가 되어야 합니다.



이와 같은 규칙으로 반복되어
20 그루의 차이가 나려면 $12 \times 20 = 240(\text{m})$ 입니다.