1.  $\frac{1}{6}$ 과  $\frac{3}{4}$  사이의 분수 중에서 분모가 24이고 유한소수로 나타낼 수 있는 수의 개수를 구하여라. <u>개</u>

▶ 답:

▷ 정답: 4 <u>개</u>

 $\frac{1}{6}$ 과  $\frac{3}{4}$ 의 분모를 24로 통분하면  $\frac{4}{24}$ ,  $\frac{18}{24}$ 
 $\frac{4}{24} < \frac{x}{24} < \frac{18}{24}$   $24 = 2^3 \times 3$ 이므로 유한소수로 나타내려면 x는 3의 배수이어야한다. 즉, 6, 9, 12, 15로 4개이다.

**2.** 분수 1,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$ , ...,  $\frac{1}{100}$  중에서 무한소수의 개수를 구하여라.

개 ▶ 답:

▷ 정답: 85 <u>개</u>

분모가  $2^x \times 5^y$ 의 꼴로 소인수분해되면 유한소수이므로

①  $2^x$  꼴인 경우 : 6가지 ② 5<sup>y</sup> 꼴인 경우 : 2가지

③  $2^x \times 5^y$  에서 

 $\bigcirc y = 2$ 일 때 x = 1, 2의 2가지 따라서 무한소수가 아닌 수는 1을 포함하여 15개 :. 85개

- 어떤 기약분수를 소수로 나타내는데 A 는 분모를 잘못 보아 2.3 으로 3. 나타내고, B 는 분자를 잘못 보아  $0.5\dot{9}$  로 나타내었다. 처음의 분수를 소수로 나타내면?

① 0.6 ② 0.8 ③ 1.2 ④ 1.4 ⑤ 1.6

해설 
$$2.\dot{3} = \frac{23-2}{9} = \frac{21}{9} = \frac{7}{3} \therefore \text{분자}: 7$$
 
$$0.5\dot{9} = \frac{59-5}{90} = \frac{54}{90} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \therefore \text{분모}: 5$$
 따라서 처음 분수를 소수로 나타내면  $\frac{7}{5} = 1.4$  이다.

따라서 처음 분수를 소수로 나타내면 
$$\frac{7}{5}$$
 =

4. 기약분수  $\frac{x}{12}$  를 소수로 나타내면  $0.41666\cdots$  일 때, 자연수 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

 $0.41666 \dots = 0.41\dot{6} = \frac{375}{900}$   $\frac{375}{900} = \frac{x}{12}$   $\therefore x = 5$ 

- 5.  $\frac{35}{111}$  를 순환소수로 고쳤을 때의 순환마디와 소수점 아래 50 번째 자 리의 숫자를 차례로 짝지은 것은?
  - ① 35, 3 ② 35, 5 ③ 315, 3 ③ 315, 5

 $rac{35}{111} = rac{35 imes 9}{111 imes 9} = rac{315}{999} = 0.\dot{3}1\dot{5}$  이므로 순환마디는 315 ,  $50 \div 3 = 16 \cdots 2$  이므로 50 번째 숫자는 1 이다.

**6.** 3 - 2.345 를 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 100 번째 자리 숫자를 구하여라.

답:▷ 정답: 5

3 = 2.9 이므로

해설

 $3 - 2.3\dot{4}\dot{5} = 0.654545454 \cdots = 0.6\dot{5}\dot{4}$ 

즉,  $3-2.3\dot{4}\dot{5}$  는 소수점 아래 첫 번째 자리의 숫자 6 과 순환마디 2 개로 이루어져 있다.

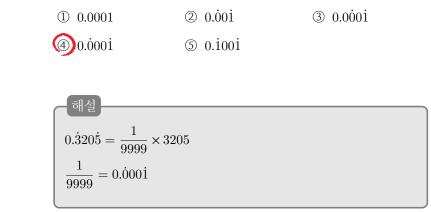
따라서 순환마디가 아닌 첫 번째를 제외하면 100 번째 자리의 숫자는 순환되는 부분의 99 번째 숫자와 같다.

이때,  $99 = 2 \times 49 + 1$  이므로 구하는 숫자는 순환마디의 첫 번째 숫자 5 이다.

7. 소수  $1.012222\cdots = \frac{b}{a}$  로 나타낼 때, 상수 a,b 에 대하여 b-a 의 값은? (단, a,b 는 서로소 이다.)

① 11 ② 101 ③ 900 ④ 999 ⑤ 1012

 $1.012222\cdots = 1.01\dot{2} = \frac{1012 - 101}{900} = \frac{911}{900}$ 이므로 b - a = 911 - 900 = 11



 $0.\dot{3}20\dot{5} = \square \times 3205$ 에서  $\square$  안에 알맞은 수는?

8.

9.  $\frac{1}{4} \le 0.\dot{a} < \frac{4}{5}$  를 만족하는 자연수 a 의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 25

 $\frac{1}{4} \le \frac{a}{9} < \frac{4}{5}$   $\frac{9}{4} \le a < \frac{36}{5}$   $2.25 \le a < 7.2$ 자연수  $a \succeq 3$ , 4, 5, 6, 7  $\therefore 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 25$ 

**10.** 다음 부등식을 만족하는 한 자리의 자연수 a의 값을 구하여라.

$$\frac{2}{3} < (0.\dot{a})^2 < \frac{5}{6}$$

답:

▷ 정답: 8

$$\frac{2}{3} < \left(\frac{a}{9}\right)^2 < \frac{5}{6}$$

$$\frac{108}{162} < \frac{2a^2}{162} < \frac{135}{162}$$
  
따라서  $108 < 2a^2 < 135$ ,

$$54 < a^2 < \frac{135}{2}$$
이므로

$$\therefore a = 8$$

**11.**  $0.\dot{6} + 2.\dot{7}$  을 계산하여 순환소수로 나타내면?

①  $3.\dot{3}$  ②  $3.3\dot{4}$  ③  $3.\dot{4}$  ④  $3.4\dot{3}$  ⑤  $3.\dot{5}$ 

 $0.\dot{6} + 2.\dot{7} = \frac{6}{9} + \frac{25}{9} = \frac{31}{9} = 3.\dot{4}$ 

**12.** 0.43 – 0.15 를 계산하면?

①  $0.\dot{2}$  ②  $0.\dot{2}\dot{8}$  ③  $0.2\dot{8}$  ④  $0.3\dot{8}$  ⑤  $0.\dot{2}0\dot{8}$ 

 $0.\dot{4}\dot{3} - 0.\dot{1}\dot{5} = \frac{43}{99} - \frac{15}{99} = \frac{28}{99} = 0.\dot{2}\dot{8}$ 

13. 2.9 + 0.3을 계산하여 기약분수로 나타내면  $\frac{b}{a}$ 일 때, a + b의 값은? (단, a, b는 자연수)

① 3 ② 13 ③ 23 ④ 27 ⑤ 33

 $\frac{27}{9} + \frac{3}{9} = \frac{30}{9} = \frac{10}{3}$  a = 3, b = 10  $\therefore a + b = 13$ 

**14.** 다음 1.58 – 0.25 을 계산하여라.

답:

ightharpoonup 정답:  $rac{4}{3}$ 

$$1.5\dot{8} - 0.2\dot{5} = \frac{143}{90} - \frac{23}{90} = \frac{120}{90} = \frac{4}{3}$$

**15.** x에 관한 일차방정식  $0.\dot{1} - 0.\dot{0}\dot{7} = 0.\dot{0}\dot{3}x$ 의 해를 구하면?

①  $\frac{4}{9}$  ②  $\frac{4}{3}$  ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설
$$\frac{1}{9} - \frac{7}{99} = \frac{3}{99}x$$

$$\frac{11 - 7}{99} = \frac{3}{99}x$$

$$\therefore x = \frac{4}{3}$$

**16.** x 에 대한 일차방정식  $1.\dot{7}x + 2.\dot{4} = 2.\dot{1}x + 0.\dot{7}$  을 풀어라.

답:

➢ 정답: x = 5

 $\begin{array}{l}
1.7\dot{x} + 2.4 = 2.1\dot{x} + 0.7 \\
\frac{16}{9}x + \frac{22}{9} = \frac{19}{9}x + \frac{7}{9} \\
16x + 22 = 19x + 7 \\
\therefore x = 5
\end{array}$ 

17. 어떤 수에  $4.\dot{2}$  를 곱해야 할 것을 잘못 보고 4.2를 곱하였더니 계산 결과가 정답보다 0.6 이 작게 나왔다. 바른 답은?

① 108 ② 112 ③ 114 ④ 118 ⑤ 123

어떤 수: x 4.2x - 4.2x = 0.6  $\frac{2}{30}x = \frac{54}{30}$  :

 $\frac{2}{90}x = \frac{54}{90}$   $\therefore x = 27$ 바른 계산 :  $4.\dot{2} \times 27 = 114$ 

- **18.**  $x = 0.3\dot{8} \; , \; y = 0.\dot{2}\dot{1}$  일 때,  $\frac{x}{y}$  의 값을 순환소수로 나타려고 한다. 순환마디는?

②3 3 4 4 5 5 6

해설
$$x = 0.3\dot{8} = \frac{38 - 3}{90} = \frac{7}{18}$$
$$y = 0.2\dot{1} = \frac{21}{99} = \frac{7}{33}$$
$$\therefore \frac{x}{y} = \frac{\frac{7}{18}}{\frac{7}{33}} = \frac{33}{18} = \frac{11}{6} = 1.8\dot{3}$$
따라서 순환마디는 3이다

- **19.** 순환소수  $0.4\dot{6}$  에 a를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, a의 값이 될 수 있는 것은?
  - ① 3 ② 5 ③ 15 ④ 40 ⑤ 99

해설

 $0.4\dot{6}=\frac{46-4}{90}=\frac{42}{90}=\frac{7}{15}$  따라서 A는 15의 배수이어야 하므로 A의 값이 될 수 있는 것은 15이다.

- **20.** 순환소수  $0.3\dot{8}$ 에 a를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, a의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수는?
  - ① 3 ② 9 ③ 18 ④ 90 ⑤ 99

 $0.3\dot{8} = \frac{38 - 3}{90} = \frac{35}{90} = \frac{7}{18}$