

1.  $\frac{1}{45}, \frac{2}{45}, \frac{3}{45}, \dots, \frac{199}{45}, \frac{200}{45}$  중에서 유한소수이면서, 정수가 아닌  
유리수의 개수는?

① 4개

② 18개

③ 22개

④ 62개

⑤ 66개

### 해설

$\frac{n}{45} = \frac{n}{3^2 \times 5}$  이 유한소수가 되게 하는  $n$ 은 9의 배수이므로 22개, 이때 정수가 되게 하는  $n$ 은 45의 배수로 4개이다.  
따라서  $22 - 4 = 18$ 개이다.

2.  $\frac{a}{48}$ ,  $\frac{a}{112}$  가 모두 유한소수로 나타내어지도록 하는 가장 작은 자연수  $a$  를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$\frac{a}{48} = \frac{a}{2^4 \times 3}$$

$$\frac{a}{112} = \frac{a}{2^4 \times 7}$$

유한소수가 되려면  $a$  는 21 의 배수

3. 다음 중 소수점 아래 50번째 자리의 숫자가 가장 작은 것은?

①  $0.\dot{9}$

②  $0.\dot{2}\dot{7}$

③  $0.1\dot{2}\dot{5}$

④  $2.3\dot{4}\dot{5}$

⑤  $2.74\dot{3}$

해설

①  $50 = 1 \times 50$ 이므로 9

②  $50 = 2 \times 25$ 이므로 7

③  $50 = 3 \times 16 + 2$ 이므로 2

④  $50 - 1 = 2 \times 24 + 1$ 이므로 4

⑤  $50 - 2 = 1 \times 48$ 이므로 3

4. 다음 순환소수  $x = 0.2363636 \dots$  에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ①  $x$  는 유리수이다.                      ② 순환마디는 36 이다.  
③  $1000x - 10x$  는 정수이다.            ④  $x = 0.23\dot{6}3$  이다.  
⑤ 분수로 나타내면  $\frac{13}{55}$  이다.

해설

- ①  $x$  는 유리수이다.  
② 순환마디는 36 이다.  
③  $1000x - 10x$  는 정수이다.  
④  $x = 0.2\dot{3}6$  이다.  
⑤ 분수로 나타내면  $\frac{13}{55}$  이다.

5. 순환소수  $1.5\dot{1}$ 에  $a$ 를 곱하면 자연수가 된다고 한다. 이때,  $a$ 의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수는?

① 3

② 15

③ 45

④ 90

⑤ 99

해설

$$1.5\dot{1} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{ 이므로 가장 작은 자연수 } a \text{ 는 } 45 \text{ 이다.}$$

6. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

① 모든 유리수는 유한소수이다.

② 모든 무한소수는 유리수가 아니다.

③ 모든 정수는 유리수이다.

④ 모든 순환소수는 정수나 유리수로 나타낼 수 있다.

⑤ 0이 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.

해설

순환소수  $0.\dot{9} = \frac{9}{9} = 1$ (정수)로 나타낼 수 있다.

7.  $\frac{a}{2^2 \times 3 \times 5}$  를 소수로 나타내면 유한소수이고, 이 분수를 기약분수로 고치면  $\frac{3}{b}$  이다.  $a$ 가 10미만인 홀수일 때,  $a + b$ 의 값은?

① 28

② 29

③ 30

④ 31

⑤ 32

### 해설

$\frac{a}{2^2 \times 3 \times 5}$  를 소수로 나타낼 때, 유한소수가 되려면 분모에 있는 3이 약분되어야 하므로  $a$ 의 값은 3의 배수가 되어야 한다. 그리고  $a$ 가 10 미만의 홀수이므로  $a$ 는 3 또는 9이다. 그런데 이 식을 기약분수로 고치면  $\frac{3}{b}$  이어야 하므로  $a = 9$ 이다.

$$\text{또한 } \frac{9}{60} = \frac{3^2}{2^2 \times 3 \times 5} = \frac{3}{2^2 \times 5} = \frac{3}{20}$$

$$\therefore b = 20$$

$$\therefore a + b = 9 + 20 = 29$$

8. 다음은 순환소수  $6.7\overline{352}$ 를 분수로 나타내는 과정이다. (㉠) ~ (㉤)에 들어갈 수로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

$$x = 6.7\overline{352} \text{로 놓으면 } x = 6.7352352\cdots \text{㉠}$$

㉠의 양변에  을 곱하면

$$\text{(㉠)} x = 67352.352352\cdots \text{㉡}$$

㉠의 양변에  을 곱하면

$$\text{(㉡)} x = 67.352352\cdots \text{㉢}$$

$$\text{㉡} - \text{㉢} \text{을 하면 } \text{(㉣)} x = \text{(㉤)}$$

$$\therefore x = \text{(㉦)}$$

① (㉠) 10000

② (㉡) 10

③ (㉢) 9999

④ (㉤) 67285

⑤ (㉦)  $\frac{13457}{9999}$

해설

$$x = 6.7\overline{352} \text{으로 놓으면 } x = 6.7352352\cdots \text{㉠}$$

㉠의 양변에 10000을 곱하면

$$10000x = 67352.352352\cdots \text{㉡}$$

㉠의 양변에 10을 곱하면

$$10x = 67.352352\cdots \text{㉢}$$

$$\text{㉡} - \text{㉢} \text{을 하면 } 9990x = 67285$$

$$\therefore x = \frac{13457}{1998}$$

9. 분수  $\frac{6}{7}$  을 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 20 번째 자리의 수를  $a$ , 99 번째 자리의 수를  $b$  라 할 때,  $a + b$  의 값은?

① 8

② 9

③ 10

④ 11

⑤ 12

해설

$\frac{6}{7} = 0.\dot{8}5714\dot{2}$  이므로 순환마디의 숫자 6 개

$20 = 6 \times 3 + 2$  이므로  $a = 5$

$99 = 6 \times 16 + 3$  이므로  $b = 7$

$\therefore a + b = 12$

10. 부등식  $3.\dot{9} < x < \frac{43}{7}$  을 만족하는 자연수  $x$  의 값을 모두 합하면?

① 9

② 11

③ 13

④ 18

⑤ 20

해설

$\frac{36}{9} < x < \frac{43}{7}$  이므로 만족하는  $x$  값은 5, 6 이다. 따라서  $x$  값의 합은 11 이다.