1. 두 자연수 a, b 가 있다. a 를 b 로 나누었더니 몫이 16, 나머지가 3 이었다. 이때, a 를 4 로 나누었을 때의 나머지는?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설 $a = b \times 16 + 3 = 4 \times b \times 4 + 3 \text{ 이다. 따라서 나머지는 3 이다.}$

- 2. 24 를 어떤 자연수로 나누면 나누어 떨어진다고 한다. 이 때 어떤 자연수는 모두 몇 개인가?
 - ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

어떤 수를 나누어 떨어지게 하는 수를 그 어떤 수의 약수라 한다. 24의 약수는 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24이다.

- 3. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

 - $2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 = 2^2 + 3^3$

① 0 개 ② 1 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

4. 108 을 소인수분해하면?

① $2^2 \times 3^2$ ② $2^2 \times 3^3$ ③ $2^3 \times 3$ ④ $2^3 \times 3^3$

해설 2)108 2) 54 3) 27

3) 9 3 $108 = 2^2 \times 3^3$

- 5. $600 = a^x \times b^y \times c^z$ 로 소인수분해될 때, $(a+b+c) \times (x+y+z)$ 의 값은? (단, a < b < c)
 - ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

 $\begin{bmatrix} 600 = 2^3 \times 3 \times 5^2 = a^x \times b^y \times c^z & \bigcirc \Box \Xi \\ a = 2, b = 3, c = 5, x = 3, y = 1, z = 2 \\ \therefore (a+b+c) \times (x+y+z) = (2+3+5) \times (3+1+2) = 10 \times 6 = 60 \end{bmatrix}$

- **6.** x는 360의 소수인 인수일 때, x의 개수는?
 - ① 2 개 ② 3 개 ③ 8 개 ④ 16 개 ⑤ 32 개

해설

 $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 이므로 소인수는 2, 3, 5이다. 따라서, x의 개수는 3(개)이다.

- 7. $3^2 \times 5 \times 7$ 에 자연수 a 를 곱하면 어떤 자연수의 제곱인 수가 된다. a 의 최솟값은?
 - ① 5 ② 7 ③ 15 ④ 21 ⑤ 35

해설

 $3^2 \times 5 \times 7 \times a$ 가 어떤 자연수의 제곱인 수가 되려면 $3^2 \times 5 \times 7 \times a$ 를 소인수분해했을 때 각 소인수의 지수가 짝수여야 한다. 따라서 만족하는 자연수 a 의 최솟값은 $5 \times 7 = 35$ 이다.

- 8. 자연수 $2^2 \times 3 \times 5^2$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?
 - ① $2^2 \times 3^2 \times 5^2$ ② $2 \times 3 \times 5^2$ ③ $2^2 \times 3 \times 5^2$

해설

 $2^2\times 3\times 5^2$ 의 약수 중 가장 큰 수는 $2^2\times 3\times 5^2$, 두 번째로 큰 수는 $2 \times 3 \times 5^2$

1에서 100까지의 자연수를 다음과 같이 연속한 세 개의 수씩 묶어 9. 차례로 늘어놓았다.

 $(1, 2, 3), (2, 3, 4), (3, 4, 5), \dots, (98, 99, 100)$ 0] 때, 세 수의 합이 21의 배수인 것은 모두 몇 묶음인지 구하면?

① 12

② 13

314

4 15 **5** 16

연속하는 세 개의 자연수를

해설

(a-1, a, a+1) (2 ≤ a ≤ 99)라 하면,

(a-1) + (a) + (a+1) = (21 의 배수)⇒ 3a = (21 의 배수) ⇒ a = (7의 배수)

∴ 2 ≤ a ≤ 99 일 때, 7의 배수는 14개

10. 옛날부터 우리나라에는 십간(⋈⋈)과 십이지(⋈⋈⋈)를 이용하여 매해에 이름을 붙였다. 십간과 십이지를 차례대로 짝지으면 다음과 같이 그 해의 이름을 만들 수 있다. 다음 표에서 알 수 있듯이 2011 년은 신묘년이다. 다음 중 신묘년이 <u>아닌</u> 해는?

전 무 기 경 시 인 계 가

ે!	1	/	∕ʒ	인	임	<i>A</i> I	냽
축	인	묘	진	사	오	미	신
정축	무인	기묘	경진	신사	임오	계미	갑신
1997	1998	1999	2000	2001	2002	2003	2004
을	병	정	무	기	경	신	
유	술	해	자	축	인	묘	
을유	병술	정해	무자	기축	경인	신묘	
2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011	

십간($\boxtimes\boxtimes$)의 10가지와 십이지($\boxtimes\boxtimes\boxtimes$)의 12가지를 계속 돌

②1881년 ③ 1951년

④ 2071년 ⑤ 2131년

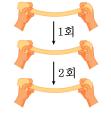
해설

① 1831년

아가면서 조합이 이루어지므로 같은 이름의 년도는 60년 만에 한 번씩 돌아오게 된다. 따라서 2011년이 신묘년이면 1831년,

1891년, 1951년, 2071년, 2131년도 신묘년이다.

11. 손으로 국수를 만들 때, 반죽을 늘여 1 회 접으면 두 가닥이 되고, 2 회 접으면 네 가닥이 된다. 국수가 100 가닥 이상 필요 할 때, 최소 몇 회를 접어야 하는가?



① 4 회 ④ 7 회 ② 5 회 ⑤ 8 회

반죽을 1 회 접으면 2 가닥, 2 회 접으면 (2×2) 가닥, 3 회 접으면

③ 6회

- 1	<u> </u>		거듭제곱으로 표현			
	1회	2	2^{1}			
	2회	$2 \times 2 = 4$	2^2			
	3회	$2 \times 2 \times 2 = 8$	2^3			
	4회	$2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$	2^4			
	5회	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$	2^5			
	:	i i	:			
2 ⁵ = 32, 2 ⁶ = 64, 2 ⁷ = 128, ··· 이므로 국수 100 가닥을 ¹						
	려면 7 회 이상 접어야 한다.					

- 12. 민수는 15 층 아파트에서 살고 있는데, 엘리베이터가 자주 고장이 난다. 어느 날 엘리베이터 입구에 '약수의 개수가 1 개 또는 3 개 이상인 층에서만 섭니다.' 라는 문구가 적혀 있었을 때, 엘리베이터가 서는 층은 모두 몇 개인가?
 - ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 9 개

약수의 개수가 1 개인 수는 1 뿐이다. 약수가 3 개 이상인 수는 합

성수이므로 15 층 아래에 있는 합성수는 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15 로 8 개이다. 따라서 약수의 개수가 1 개 또는 3 개 이상인 수는 모두 9 개이다.

- 13. 자연수 x, y 에 대하여 $\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$ 을 만족하는 x 의 값을 모두 구하면?
- ① 1,4 ② 4,5 ③ 5,20
- 4 4, 5, 20 5 1, 2, 4, 5, 20

 $\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$ 을 만족하는 자연수 $x \leftarrow 5, 5 \times 2^2$ 이다.

14. $360 \times a = b^2$ 을 만족시키는 자연수 a, b 중에서 가장 작은 수를 각각 x, y 라고 할 때 x + y 의 값으로 알맞은 것은?

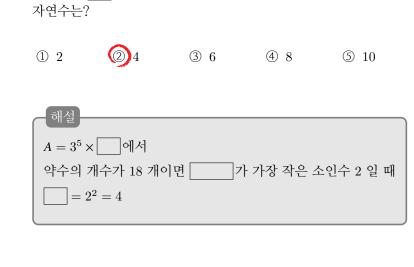
170

② 80 ③ 90 ④ 100 ⑤ 110

 $360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$

해설

지수가 2의 배수이어야 하므로 $x = 2 \times 5$ 이다. $(2^2 \times 3 \times 5)^2 = 60^2$, x = 10, y = 60따라서 x + y = 70이다.



 ${f 15.}$ $A=3^5 imes$ 의 약수가 18 개일 때, \square 안에 들어갈 수 있는 최소의

16. 다음 중 옳은 것을 고르면?

- 1 은 소수이다.
 모든 소수는 홀수이다.
- ③ 두 소수의 곱은 합성수이다.
- ④ 20 이하의 소수는 9 개이다.
- ③ 소수의 제곱은 항상 네 개의 약수를 갖는다.

① 1 은 소수도 합성수도 아니다.

해설

- ② 2 는 소수이지만 짝수이다.
- ④ 20 이하의 소수는 2,3,5,7,11,13,17,19 이므로 총 8 개이다.
- ⑤ 소수 *a* 의 제곱은 항상 세 개의 약수(1, *a*, *a*²)를 갖는다.
- 소수의 제곱 약수

$2^2 = 4$	1, 2, 4
32=9	1, 3, 9
5 ² =25	1, 5, 25
:	:

17. 자연수 a 의 약수의 개수를 [a] 이라 할 때, [x] - [20] = 6 를 만족하는 가장 작은 x 의 값을 구한 것은?

③ 60 ④ 64 ⑤ 72 ② 50 ① 42

[x] - [20] = 6

해설

 $20 = 2^2 \times 5$ 이므로 약수의 개수는 $3 \times 2 = 6$ (개)이다. 따라서 [20] = 6 이므로

[x] - 6 = 6

[x] = 12

 $12 = 2 \times 6$ 일 때, $x = 2^5 \times 3 = 96$ $12 = 3 \times 2 \times 2$ 일 때, $x = 2^2 \times 3 \times 5 = 60$

 $12 = 4 \times 3$ 일 때, $x = 2^3 \times 3^2 = 72$ 따라서 가장 작은 x의 값은 60이다.

- **18.** 자연수 a 에 대하여 P(a) 는 약수의 개수를 나타낸 다고 할 때, $P(1200) = P(3^5 \times 7^n)$ 에서 n 의 값은?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

1200 = 2⁴ × 3 × 5² 이므로 양수의 개수는 (4 + 1) × (1

약수의 개수는 $(4+1) \times (1+1) \times (2+1) = 30$ (개) $3^5 \times 7^n$ 의 약수의 개수는

 $6 \times (n+1) = 30$ 이므로 n+1=5이다.

 $\therefore n=4$

해설