

1. 다음 []안의 수가 주어진 방정식의 해가 아닌 것은?

① $1 - 3x = 0$ $\left[\frac{1}{3}\right]$

② $x + 3 = 6$ [3]

③ $2x - 1 = -3$ [-1]

④ $5x = 4x + 1$ [1]

⑤ $6x - 3 = 9$ [1]

해설

x 에 수를 대입했을 때 성립하는 것은 ①, ②, ③, ④이다.

⑤ $x = 1$ 을 대입하면 $6 \times 1 - 3 = 3 \neq 9$ 이다.

따라서 좌변과 우변이 같지 않다.

2. 다음 왼쪽에 주어진 방정식에서 오른쪽의 방정식을 얻고자 한다면 어떻게 해야 하는가?

$$\frac{1}{4}x = 1 \rightarrow x = 4$$

- ① 양변에 4 를 곱한다.

② 양변을 4 로 나눈다.

③ 양변에 4 를 더한다.

④ 양변에 4 를 뺀다.

⑤ 양변에 $\frac{1}{4}$ 를 곱한다.

해설

분모를 없애기 위해 양변에 4 를 곱한다.

3. 다음은 방정식을 푸는 과정이다. 안에 알맞은 것은?

$$5x - 3 = 7$$
$$5x = 7 + \square$$
$$5x = 10$$
$$\therefore x = 2$$

- ① x
- ② $-5x$
- ③ 7
- ④ -3
- ⑤ 3

해설

$5x - 3 = 7$, $5x = 7 + 3$, $5x = 10$, $x = 2$ 이다.

4. 방정식 $0.5x - 1.2 = 0.2x + 0.3$ 의 해를 구하면 ?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

양변에 10을 곱하면,

$$5x - 12 = 2x + 3$$

$$5x - 2x = 3 + 12$$

$$3x = 15$$

$$\therefore x = 5$$

5. 다음 그림과 같은 이등변삼각형의 둘레의 길이를 올바르게 나타낸 것을 골라라.

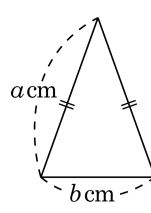
① $(a + b)\text{cm}$

② $(2a + b)\text{cm}$

③ $\frac{ab}{2}\text{cm}$

④ $ab\text{cm}$

⑤ $a^2b\text{cm}$



해설

이등변삼각형이므로, 표시되어 있지 않은 나머지 한 변의 길이는 $a\text{cm}$ 이다. 따라서 둘레의 길이는 $a + a + b = 2a + b(\text{cm})$ 이다.

6. 다음 수량관계를 등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① 어떤 자연수 x 를 2 배하여 3 을 더한 수는 그 수를 3 배 한 것보다 5 가 작다.
 $\rightarrow 2x + 3 = 3x + 5$
- ② 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이는 24 이다. $\rightarrow x^4 = 24$
- ③ 20 % 의 소금물 x g 속에 녹아 있는 소금의 양이 50 g 이다. $\rightarrow 0.1x = 50$
- ④ 시속 x km 의 속력으로 5 시간 동안 달린 거리가 30 km 이다. $\rightarrow 5x = 30$
- ⑤ 가운데 수가 x 인 연속한 세 짝수의 합은 30 이다. $\rightarrow x^3 = 30$

해설

- ① $2x + 3 = 3x - 5$
- ② $x^2 = 24$
- ③ $0.2x = 50$
- ⑤ $3x = 30$

7. 다음 중 해가 모든 수인 것을 모두 고르면?

- ① $2(x-3) = 4 + 2(x-5)$ ② $\frac{1}{4}x + 3 = \frac{1}{3}x + 4$
③ $3.5x - 4 = 1.5x - 4$ ④ $5x = 10 - 5$
⑤ $\frac{3x-3}{6} = \frac{2x-2}{4}$

해설

① $2(x-3) = 4 + 2(x-5)$
 $2x - 6 = 2x - 6$

② $\frac{1}{4}x + 3 = \frac{1}{3}x + 4$
 $-\frac{1}{12}x = 1$

③ $3.5x - 4 = 1.5x - 4$
 $2x = 0$

④ $5x = 10 - 5, 5x = 5$

⑤ $\frac{3x-3}{6} = \frac{2x-2}{4}$
 $\frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$

8. 다음은 방정식 $-\frac{2}{3} + 2x = \frac{1}{3}x + 3$ 을 푸는 과정을 나타낸 것이다.
㉠ ~ ㉤에 사용된 등식의 성질을 <보기>에서 골라 차례로 쓴 것을 고르면?

$$-\frac{2}{3} + 2x = \frac{1}{3}x + 3$$
$$-2 + 6x = x + 9 \quad \text{㉠}$$
$$-2 + 5x = 9 \quad \text{㉡}$$
$$5x = 11 \quad \text{㉢}$$
$$x = \frac{11}{5} \quad \text{㉣}$$

보기

$a = b$ 이면

$\text{㉠} \quad a + c = b + c$

$\text{㉡} \quad a - c = b - c$

$\text{㉢} \quad ac = bc$

$\text{㉣} \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{c} \quad (\text{단}, c \neq 0)$

- ① ㉣ - ㉠ - ㉡ - ㉢

② ㉡ - ㉣ - ㉠ - ㉢

③ ㉡ - ㉠ - ㉣ - ㉢

④ ㉠ - ㉡ - ㉣ - ㉢

⑤ ㉢ - ㉣ - ㉠ - ㉡

해설

㉠ 분모 없애기 위해 3 을 곱해줌 $\Rightarrow$ ㉢
㉡ 양변에 x 를 빼줌 $\Rightarrow$ ㉠
㉢ 양변에 2 를 더해줌 $\Rightarrow$ ㉡
㉣ 양변을 5 로 나눠줌 $\Rightarrow$ ㉣
 $\therefore$ ㉣, ㉠, ㉡, ㉢

9. 다음 방정식 중 그 해가 가장 큰 것은?

① $2x - 4 = -x$

② $5x + 1 = 3x + 5$

③ $4(2 + 3x) = -6x - 28$

④ $7(x - 3) = -(x + 11)$

⑤ $-4(x - 1) = 2(x + 8)$

해설

① $2x - 4 = -x$

$3x = 4 \quad \therefore x = \frac{4}{3}$

② $5x + 1 = 3x + 5$

$2x = 4 \quad \therefore x = 2$

③ $4(2 + 3x) = -6x - 28$

$8 + 12x = -6x - 28$

$18x = -36 \quad \therefore x = -2$

④ $7(x - 3) = -(x + 11)$

$7x - 21 = -x - 11$

$8x = 10 \quad \therefore x = \frac{5}{4}$

⑤ $-4(x - 1) = 2(x + 8)$

$-4x + 4 = 2x + 16$

$-6x = 12 \quad \therefore x = -2$

10. $ax + x^2 + 2 = a(x^2 + 3) + 2$ 이 x 에 관한 일차방정식일 때, 그 해는?

- ① $x = 0$ ② $x = 1$ ③ $x = 2$ ④ $x = 3$ ⑤ $x = 4$

해설

$$ax + x^2 + 2 = a(x^2 + 3) + 2$$

$$ax + x^2 + 2 = ax^2 + 3a + 2$$

$$(1 - a)x^2 + ax = 3a$$

일차방정식이 되기 위해서는 x^2 의 계수가 0이 되어야 하므로

$$1 - a = 0, \therefore a = 1$$

$$x + 2 = 3 + 2$$

$$\therefore x = 3$$

11. $2x - 3 = 3(x - a)$ 의 해가 $x = 1$ 일 때, $6a$ 의 값을 구하여라.

① 1

② 2

③ 8

④ 12

⑤ 18

해설

$$2x - 3 = 3(x - a)$$

$$2 - 3 = 3 - 3a$$

$$3a = 4$$

$$6a = 8$$

12. 등식 $\frac{5x-1}{4} - 2 = ax + b$ 가 x 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수 a, b 에 대하여 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a+b = -1$

해설

$$\frac{5x-1}{4} - 2 = \frac{5x-1-8}{4} = ax+b \text{ 이므로 } a = \frac{5}{4}, b = -\frac{9}{4} \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } a+b = \frac{5}{4} - \frac{9}{4} = -1 \text{ 이다.}$$

13. 등식 $\frac{1}{3}(x-y) = 2y+3$ 일 때, 다음 등식이 성립하는 정수 a, b 의 값을 각각 구하여라.

$x = ay + b$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 7$

▷ 정답 : $b = 9$

해설

주어진 등식의 양변에 3을 곱하면

$$x - y = 6y + 9$$

$$x = 7y + 9$$

$$\therefore a = 7, b = 9$$

14. 등식 $2x + 3 = ax - 1$ 이 x 에 대한 일차방정식이 되기 위한 a 의 조건은?

① $a \neq 2$

② $a \neq 3$

③ $a \neq -2$

④ $a \neq -3$

⑤ $a \neq 0$

해설

$$2x - ax + 3 + 1 = 0$$

$$(2 - a)x + 4 = 0$$

일차방정식이 되려면, $2 - a \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq 2$

15. 방정식 $\frac{x+1}{2} = \frac{x-1}{3} - 2$ 의 해를 a 라 하고, $(x+2) : 2 = (2x+3) : 3$ 의 해를 b 라 할 때, $a - b$ 의 값은?

① -17 ② -16 ③ -8 ④ -7 ⑤ -6

해설

$$\frac{x+1}{2} = \frac{x-1}{3} - 2 \text{ 에서}$$

$$3(x+1) = 2(x-1) - 12$$

$$\therefore x = -17 = a$$

$$(x+2) : 2 = (2x+3) : 3 \text{ 에서}$$

$$2(2x+3) = 3(x+2)$$

$$4x+6 = 3x+6$$

$$\therefore x = 0 = b$$

$$\therefore a - b = -17$$

16. $ax + \frac{y-6}{4} = \frac{x-y+5}{6} = \frac{x-1}{3}$ 을 만족하는 해가 7 일 때, $\frac{1}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$x = 7$ 을 대입하면

$$7a + \frac{y-6}{4} = \frac{7-y+5}{6} = \frac{7-1}{3} \text{ 이고,}$$

$$\frac{12-y}{6} = 2 \text{ 에서 } y = 0$$

$$7a - \frac{3}{2} = 2 \text{ 에서 } a = \frac{1}{2}$$

17. 방정식 $\frac{6}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}} = \frac{2}{\frac{x}{x+1}-1}$ 을 풀면? (단, $x \neq 0$)
- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} \text{(좌변)} &= \frac{6}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{x}}} = \frac{6}{1-\frac{x}{x-1}} = \frac{6}{\frac{x-1-x}{x-1}} = -6(x-1) \\ \text{(우변)} &= \frac{2}{\frac{x}{x+1}-\frac{x+1}{x+1}} = \frac{2}{\frac{-1}{x+1}} = -2(x+1) \\ \therefore -6x+6 &= -2x-2 \\ -4x &= -8 \\ x &= 2 \end{aligned}$$

18. 다음 방정식을 풀어라.(정답 2개)

$$\left| 2x + \left| \frac{1}{2}x - 2 \right| \right| = \frac{9}{2} \text{ (단, } x < 4 \text{)}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{3}$

▷ 정답 : $-\frac{13}{3}$

해설

$\frac{1}{2}x < 2, x < 4$ 일 때,

$$\left| 2x + \left| \frac{1}{2}x - 2 \right| \right| = \frac{9}{2}$$

$$\left| \frac{3}{2}x + 2 \right| = \frac{9}{2}$$

$$\frac{3}{2}x = \frac{5}{2}, -\frac{13}{2}$$

$$x = \frac{5}{3}, -\frac{13}{3}$$

$$\therefore x = \frac{5}{3}, -\frac{13}{3}$$

19. 다음 x 에 관한 두 방정식의 해가 같을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

$$2(x-5)=-13-3(4+x)$$
$$5x-(x+1)=a-x$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -16

해설

먼저 $2(x-5)=-13-3(4+x)$ 의 해를 구하면

$$2(x-5)=-13-3(4+x)$$

$$2x-10=-13-12-3x$$

$$5x=-15$$

$$x=-3$$

두 방정식의 해가 같다고 했으므로 $5x-(x+1)=a-x$ 에 $x=-3$ 을 대입하면

$$5\times(-3)-(-3+1)=a-(-3)$$

$$-15+2=a+3$$

$$\therefore a=-16$$

20. x 에 대한 방정식 $\frac{x+5}{3} = \frac{2x+a}{4}$ 의 해가 양의 정수가 되도록 하는 자연수 a 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 3 개

해설

$$\frac{x+5}{3} = \frac{2x+a}{4}$$
$$4x+20=6x+3a$$
$$x = \frac{20-3a}{2}$$

$\frac{20-3a}{2}$ 가 양의 정수가 되게 하는 자연수 a 는 2, 4, 6이다.

∴ 3개