

1. $a > 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $(\sqrt{a})^2 = -a$ ② $(-\sqrt{a})^2 = a$ ③ $-\sqrt{a^2} = a$
④ $\sqrt{(-a)^2} = -a$ ⑤ $-\sqrt{(-a)^2} = a$

해설

- ① $(\sqrt{a})^2 = a$
③ $-\sqrt{a^2} = -a$
④ $\sqrt{(-a)^2} = a$
⑤ $-\sqrt{(-a)^2} = -a$

2. $\sqrt{3000}$ 은 $\sqrt{30}$ 의 A 배이고, $\sqrt{5000}$ 은 $\sqrt{0.5}$ 의 B 배일 때, A + B의 값은?

- ① 10 ② 11 ③ 100 ④ 110 ⑤ 1100

해설

$$\sqrt{3000} = \sqrt{30 \times 10^2} = 10\sqrt{30}$$

$$\therefore A = 10$$

$$\sqrt{5000} = \sqrt{0.5 \times 100^2} = 100\sqrt{0.5}$$

$$\therefore B = 100$$

$$\therefore A + B = 10 + 100 = 110$$

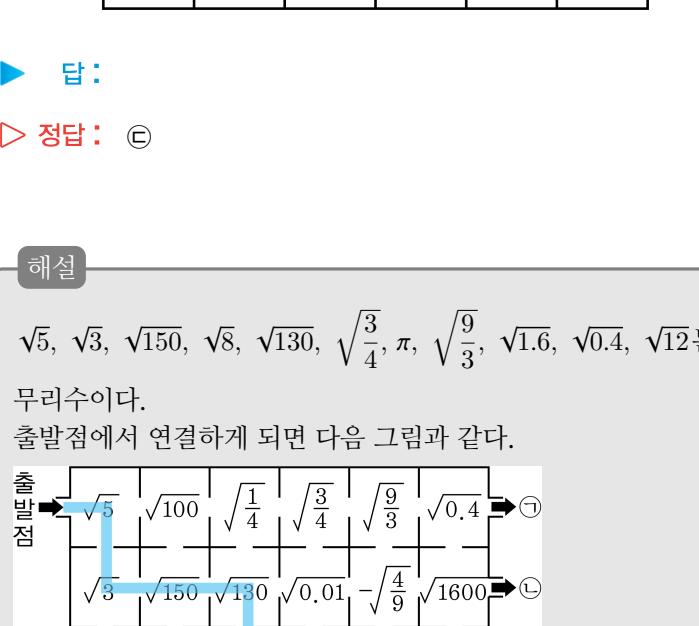
3. $\sqrt{3} = a$, $\sqrt{7} = b$ 라 할 때, $3\sqrt{7} + \sqrt{3} - 4\sqrt{7} - 5\sqrt{3}$ 을 간단히 하여 a , b 로 나타내면?

- ① $-4a - b$ ② $-4a + b$ ③ $4a - 5b$
④ $4a - b$ ⑤ $4a + 3b$

해설

$$\begin{aligned} & 3\sqrt{7} + \sqrt{3} - 4\sqrt{7} - 5\sqrt{3} \\ &= (1-5)\sqrt{3} + (3-4)\sqrt{7} \\ &= -4\sqrt{3} - \sqrt{7} \\ &= -4a - b \end{aligned}$$

4. 다음 그림에서 출발점부터 시작하여 무리수를 찾아 나가면 어느 문으로 나오게 되는지 말하여라.



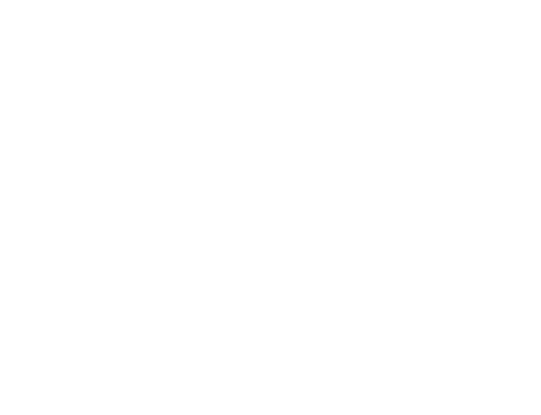
▶ 답:

▷ 정답: ⊖

해설

$\sqrt{5}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{150}$, $\sqrt{8}$, $\sqrt{130}$, $\sqrt{\frac{3}{4}}$, π , $\sqrt{\frac{9}{3}}$, $\sqrt{1.6}$, $\sqrt{0.4}$, $\sqrt{12}$ 는 무리수이다.

출발점에서 연결하게 되면 다음 그림과 같다.



5. 다음 보기 중 두 수의 대소 관계가 옳은 것을 모두 골라라.

[보기]

- Ⓐ $\sqrt{11} - 2 > -2 + \sqrt{10}$
Ⓑ $\sqrt{20} - 4 > 1$
Ⓒ $\sqrt{15} - \sqrt{17} > -\sqrt{17} + 4$
Ⓓ $2 - \sqrt{3} < \sqrt{5} - \sqrt{3}$
Ⓔ $-\sqrt{7} - \sqrt{2} > -\sqrt{7} - 1$
Ⓕ $\frac{1}{2} - \sqrt{5} < -\sqrt{5} + \frac{\sqrt{2}}{4}$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓠ

[해설]

$$\begin{aligned} \text{Ⓐ } \sqrt{20} - 4 - 1 &= \sqrt{20} - 5 = \sqrt{20} - \sqrt{25} < 0 \\ \therefore \sqrt{20} - 4 &< 1 \\ \text{Ⓒ } \sqrt{15} - \sqrt{17} - (-\sqrt{17} + 4) &= \sqrt{15} - 4 \\ &= \sqrt{15} - \sqrt{16} < 0 \\ \therefore \sqrt{15} - \sqrt{17} &< -\sqrt{17} + 4 \\ \text{Ⓔ } -\sqrt{7} - \sqrt{2} - (-\sqrt{7} - 1) &= -\sqrt{2} + 1 \\ &= -\sqrt{2} + 1 < 0 \\ \therefore -\sqrt{7} - \sqrt{2} &< -\sqrt{7} - 1 \\ \text{Ⓕ } \frac{1}{2} - \sqrt{5} - \left(-\sqrt{5} + \frac{\sqrt{2}}{4}\right) &= \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4} \\ &= \frac{2 - \sqrt{2}}{4} > 0 \\ \therefore \frac{1}{2} - \sqrt{5} &> -\sqrt{5} + \frac{\sqrt{2}}{4} \end{aligned}$$

6. $A = 3\sqrt{2} - 1$, $B = 2\sqrt{3} - 1$, $C = 3$ 일 때, A , B , C 의 대소 관계를 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $B < C < A$

해설

$$A = 3\sqrt{2} - 1 = \sqrt{18} - 1, B = 2\sqrt{3} - 1 = \sqrt{12} - 1, C = 3 = \sqrt{9}$$

$$A - C = \sqrt{18} - 1 - 3 = \sqrt{18} - 4 = \sqrt{18} - \sqrt{16} > 0$$

$$\therefore A > C$$

$$C - B = 3 - (2\sqrt{3} - 1) = 4 - \sqrt{12} > 0$$

$$\therefore C > B$$

$$\therefore A > C > B$$

7. $\sqrt{27}$ 의 소수 부분을 a 라고 할 때, $a(a + 10) - 5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$5 < \sqrt{27} < 6 \text{ 이므로 } a = \sqrt{27} - 5$$

$a + 5 = \sqrt{27}$ 의 양변을 제곱하면

$$a^2 + 10a + 25 = 27$$

$$a^2 + 10a = 2$$

$$\therefore a(a + 10) - 5 = a^2 + 10a - 5 = 2 - 5 = -3$$