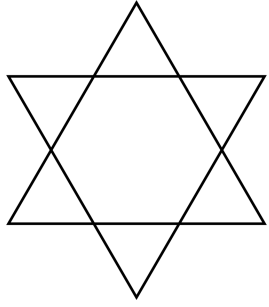


1. 다음 그림에서 교점의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 12 개

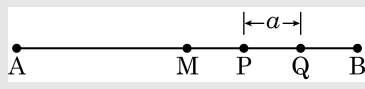


2. 선분 AB 의 중점을 M 이라고 하고, 선분 MB 의 삼등분점을 각각 P, Q 라 할 때, $\frac{\overline{AM} + \overline{MQ}}{\overline{PQ}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

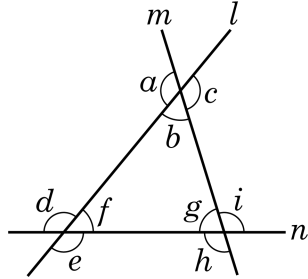


$\overline{PQ} = a$ 라 하면

$\overline{AM} = \overline{MB} = 3a$, $\overline{MQ} = \overline{MP} + \overline{PQ} = 2a$ 이므로

$$\frac{\overline{AM} + \overline{MQ}}{\overline{PQ}} = \frac{3a + 2a}{a} = 5$$

3. 다음 그림과 같이 세 직선 l , m , n 이 만나고 있다. $\angle g$ 의 동위각을 모두 구하면?

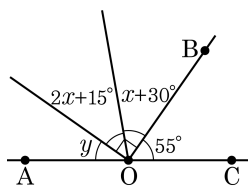


- ① $\angle c$, $\angle f$ ② $\angle c$, $\angle e$ ③ $\angle b$, $\angle e$
 ④ $\angle a$, $\angle d$ ⑤ $\angle c$, $\angle h$

해설

④ $\angle g$ 의 동위각은 $\angle a$, $\angle d$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



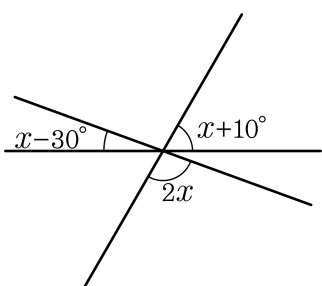
▶ 답 : °

▷ 정답 : 50°

해설

$y = 180^\circ - (90^\circ + 55^\circ) = 35^\circ$ 이고,
 $(2x + 15^\circ) + (x + 30^\circ) = 90^\circ$ 이므로
 $3x + 45^\circ = 90^\circ$, 즉 $x = 15^\circ$ 이다.
따라서 $\angle x + \angle y = 15^\circ + 35^\circ = 50^\circ$ 이다.

5. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

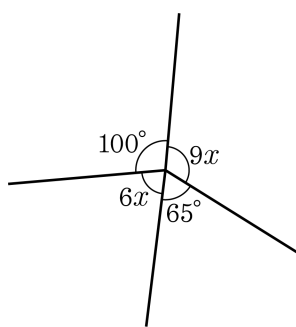


- ① 65° ② 50° ③ 60° ④ 55° ⑤ 45°

해설

$$\begin{aligned}x - 30^\circ + 2x + x + 10^\circ &= 180^\circ \\4x &= 200^\circ \\\therefore \angle x &= 50^\circ\end{aligned}$$

6. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

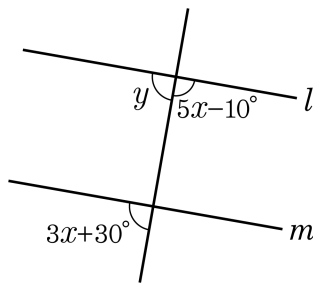


- ① 10° ② 11° ③ 12° ④ 13° ⑤ 14°

해설

$100^\circ + 9x + 65^\circ + 6x = 360^\circ$ 이므로 $\angle x = 13^\circ$ 이다.

7. 다음 그림에서 $l \parallel m$ 일 때 $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하면?



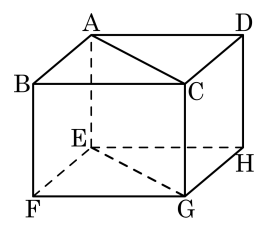
- ① 110° ② 113° ③ 115° ④ 117° ⑤ 120°

해설

$(3x + 30^\circ) + (5x - 10^\circ) = 180^\circ$ 이다.
 $8x = 160^\circ$ 이므로 $x = 20^\circ$ 이다.
 또한, $y = 3x + 30^\circ$ 이므로 $y = 90^\circ$ 이다.
 따라서 $\angle x + \angle y = 20^\circ + 90^\circ = 110^\circ$ 이다.

8. 다음 직육면체에서 선분 AC와 꼬인 위치에 있으면서 모서리 HG와 평행인 모서리를 구하면?

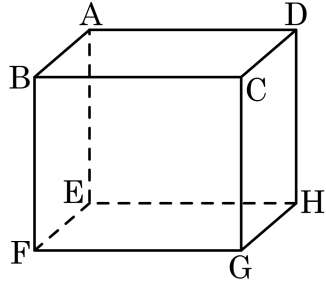
- ① 모서리 AD
- ② 모서리 EF
- ③ 모서리 FG
- ④ 모서리 DH
- ⑤ 모서리 BF



해설

선분 AC와 꼬인 위치에 있는 모서리는 $\overline{EF}$, $\overline{FG}$, $\overline{GH}$, $\overline{EH}$, $\overline{BF}$, $\overline{DH}$ 로 6개이다. 이 중에서 모서리 HG와 평행인 모서리는 $\overline{EF}$ 이다.

9. 다음 그림의 직육면체에서 모서리 AD와 평행한 면을 모두 고르면?



- ① 면ABCD

② 면BFGC

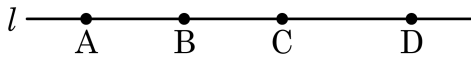
③ 면EFGH
- ④ 면ABFE

⑤ 면CGHD

해설

모서리 AD와 평행한 면 : 면 BFGC, EFGH

10. 다음 그림에서 옳은 것을 모두 고르면?

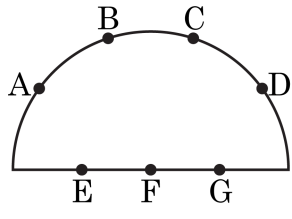


- ① $\overleftrightarrow{AB}$ 와 $\overleftrightarrow{CD}$ 는 같다.
- ② $\overrightarrow{BA}$ 와 $\overrightarrow{BC}$ 는 같다.
- ③ $\overline{BC} = \overline{CD}$ 이다.
- ④ $\overrightarrow{DA}$ 와 $\overrightarrow{DC}$ 는 같다.
- ⑤ $\overleftrightarrow{AC}$ 와 $\overleftrightarrow{CA}$ 의 공통부분은 $\overline{AC}$ 이다.

해설

- ② $\overrightarrow{BA}$ 와 $\overrightarrow{BC}$ 는 방향이 다르다.
- ③ $\overline{BC} \neq \overline{CD}$
- ⑤ $\overleftrightarrow{AC}$ 와 $\overleftrightarrow{CA}$ 의 공통부분은 $\overleftrightarrow{CA}$ 이다.

11. 한 평면 위에 서로 다른 점들이 아래 그림과 같을 때, 이들 중 두 점을 지나는 직선의 개수를 a , 반직선의 개수를 b , 선분의 개수를 c 라고 하자. 이때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 80

해설

직선을 모두 써 보면

$\overleftrightarrow{AE}, \overleftrightarrow{AF}, \overleftrightarrow{AG}, \overleftrightarrow{BE}, \overleftrightarrow{BF}, \overleftrightarrow{BG}, \overleftrightarrow{CE}, \overleftrightarrow{CF}, \overleftrightarrow{CG}, \overleftrightarrow{DE}, \overleftrightarrow{DF}, \overleftrightarrow{DG}, \overleftrightarrow{AB},$
 $\overleftrightarrow{AC}, \overleftrightarrow{AD}, \overleftrightarrow{BC}, \overleftrightarrow{BD}, \overleftrightarrow{CD}, \overleftrightarrow{EF}$ 으로 19개이다.

따라서 $a = 19$ 이다.

(반직선의 개수) = (직선의 개수) $\times 2$ 이므로

$$19 \times 2 = 38$$

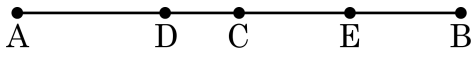
여기에 $\overrightarrow{FG}, \overrightarrow{GF}$ 를 추가해야 하므로 $b = 38 + 2 = 40$

(선분의 개수) = (직선의 개수)이므로 19개이다.

여기에 $\overline{FG}, \overline{EG}$ 를 추가해야 하므로 $c = 19 + 2 = 21$

$$\therefore a + b + c = 19 + 40 + 21 = 80$$

12. $\overline{AB} = 36\text{cm}$, $\overline{AC} = \frac{1}{2}\overline{AB}$, $\overline{AC} = 3\overline{DC}$, $\overline{CE} = \frac{1}{2}\overline{BC}$ 일 때, $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 15 cm

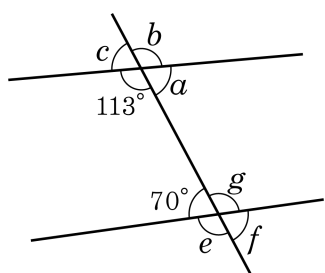
해설

$$\overline{DC} = \frac{1}{3}\overline{AC} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2}\overline{AB} = 6(\text{cm}),$$

$$\overline{CE} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\overline{AB} = 9(\text{cm}),$$

$$\therefore \overline{DE} = 6 + 9 = 15(\text{cm})$$

13. 다음 그림에서 $\angle b$ 의 엇각의 크기로 알맞은 것은?

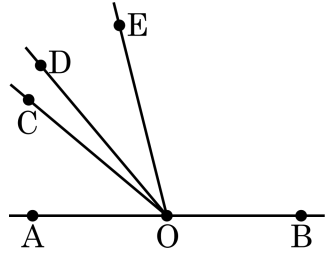


- ① 95° ② 100° ③ 105° ④ 110° ⑤ 120°

해설

$\angle b$ 의 엇각은 $\angle e$ 이고, $\angle e = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.

14. 다음 그림에서 $\angle AOC = 4\angle COD$, $\angle DOB = 5\angle DOE$ 일 때, $\angle COE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 36°

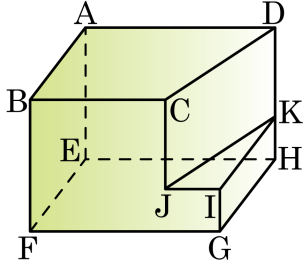
해설

$\angle AOC = 4\angle COD$ 이므로 $\angle AOD = 5\angle COD$ 이다.

$$\begin{aligned}\angle AOD + \angle DOB &= 5\angle COD + 5\angle DOE \\ &= 5(\angle COD + \angle DOE) \\ &= 5\angle COE = 180^\circ\end{aligned}$$

$$\therefore \angle COE = 180^\circ \div 5 = 36^\circ$$

15. 다음 도형은 직육면체에서 삼각 기둥을 잘라낸 것이다. 이 도형에서 $\overline{GH}$ 와 면 JIK 의 위치 관계는?



- ① 포함한다.

② 꼬인 위치에 있다.

③ **평행하다.**

④ 만난다.

⑤ 아무 관계가 없다.

해설

$\overline{GH}$ 와 면 JIK 는 평행하다.

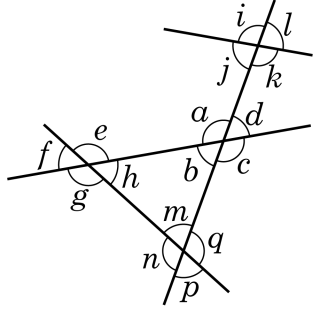
16. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ㉠ 점이 움직인 자리는 선이 되고, 선이 움직인 자리는 면이 된다.
- ㉡ 두 점을 지나는 직선은 오직 하나뿐이다.
- ㉢ 면과 면이 만나면 반드시 직선만 생긴다.
- ㉣ 선과 선 또는 선과 면이 만나면 점이 생긴다.
- ㉤ 삼각형, 원과 같이 한 평면 위에 있는 도형은 입체도형이라 한다.

해설

㉠, ㉡, ㉣, 선과 선 또는 선과 면이 만나면 점이 생긴다.

17. 다음 그림에 대하여 $\angle b$ 의 동위각의 개수를 x , $\angle a$ 의 엇각의 개수를 y 라 할 때, x, y 의 값을 차례로 알맞게 쓴 것은?



- ① 2, 2
- ② 2, 3
- ③ 3, 1
- ④ 3, 2
- ⑤ 3, 3

해설

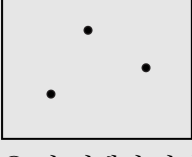
$\angle b$ 의 동위각은 $\angle j, \angle n, \angle g$ 이고 모두 3개이므로 $x = 3$ 이고, $\angle a$ 의 엇각은 $\angle k, \angle h$ 이고 모두 2개이므로 $y = 2$ 이다.

18. 다음의 경우 중에서 하나의 평면이 결정되지 않는 경우를 고르면?

- ① 한 직선위에 있지 않은 서로 다른 세 점이 주어질 때
- ② 한 점에서 만나는 두 직선이 주어질 때
- ③ 서로 평행한 두 직선이 주어질 때
- ④ 한 직선과 그 직선 밖의 한 점이 주어질 때
- ⑤ 서로 평행하지 않고 만나지 않는 두 직선이 주어질 때

해설

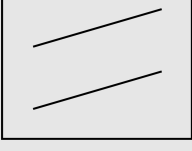
① 한 직선 위에 있지 않은 서로 다른 세 점이 주어질 때 (○)



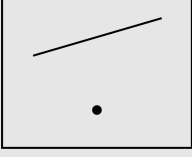
② 한 점에서 만나는 두 직선이 주어질 때 (○)



③ 서로 평행한 두 직선이 주어질 때 (○)

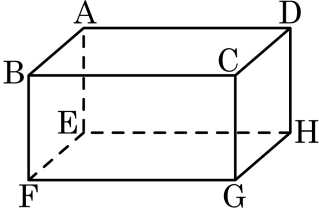


④ 한 직선과 그 직선 밖의 한 점이 주어질 때 (○)



⑤ 서로 평행하지 않고 만나지 않는 두 직선이 주어질 때 (x)
(평행하지 않고 만나지 않는 두 직선은 꼬인 위치에 있는 경우가 생길 수 있다. 이때는 하나의 평면이 결정되지 않을 수 있다.)

19. 다음 그림의 직육면체에 대하여 다음 두 선분의 위치관계가 서로 다른 것은?



- ① $\overline{AB}$ 와 $\overline{CD}$
- ② $\overline{BC}$ 와 $\overline{EH}$
- ③ $\overline{GH}$ 와 $\overline{EF}$
- ④ $\overline{FG}$ 와 $\overline{BC}$
- ⑤ $\overline{BC}$ 와 $\overline{DH}$

해설

⑤는 꼬인위치이고, 나머지는 평행이다.

20. 다음 중 공간에서 직선의 위치 관계를 설명한 것으로 옳지 않은 것은?
- ① 한 점에서 만나는 두 직선은 한 평면 위에 있다.
 - ② 서로 평행한 두 직선은 한 평면 위에 있다.
 - ③ 한 직선과 수직인 서로 다른 두 직선은 평행하다.
 - ④ 두 직선이 만나지도 않고 평행하지도 않을 때, 꼬인 위치에 있다고 한다.
 - ⑤ 꼬인 위치는 공간에서만 가능한 위치 관계이다.

해설

③ 꼬인 위치, 평행, 수직일 수 있다.