- 1. 어떤 수를 6 으로 나누었더니 몫이 3 이고 나머지가 3 이었다. 이 수를 5 로 나누었을 때의 몫을 a, 나머지를 b 라 할 때, a-b 의 값은?
  - ① 1 ② 2

(3)3

4) 4

③33 ④ 4 ⑤ 5

어떤 수를 A 라 하면 A = 6 × 3 + 3 = 5 × 4 + 1 이므로 몫이 4,

나머지가 1 이다. 따라서 a - b = 4 - 1 = 3 이다.

## **2.** 다음 보기 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고른 것은?

·

- ① 24 는 192 의 약수이다.
- © 108 은 108 의 약수인 동시에 배수이다.
- © 1 은 모든 자연수의 약수이다.◎ 484 는 7 의 배수이다.
- 52 의 약수의 개수는 7 개이다.

해설

 $\textcircled{1} \ \textcircled{2} \ \textcircled{3} \ \textcircled{0}, \textcircled{e} \ \ \textcircled{4} \ \textcircled{0}, \textcircled{n} \ \ \textcircled{3} \textcircled{e}, \textcircled{n}$ 

② 484 는 7 의 배수가 아니다.③ 52 의 약수의 개수는 6 개이다.

## 3. 다음 중 12 의 배수는?

① 90 ② 126 ③ 288 ④ 352 ⑤ 1498

12 의 배수는 4 와 3 의 공배수이다.

- **4.** 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?
  - $\bigcirc \ 2^4=8$

  - ©  $3^2 = 2^3$

 $\textcircled{1} \ \textcircled{9}, \ \textcircled{\square} \ \ \textcircled{2} \ \textcircled{9}, \ \textcircled{\square} \ \ \textcircled{3} \ \textcircled{9}, \ \textcircled{\square} \ \ \textcircled{4} \ \textcircled{\square}, \ \textcircled{2} \ \ \textcircled{5} \ \ \textcircled{e}, \ \textcircled{\square}$ 

해설

5.  $2^{10} = 1024$  를 이용하여  $1024 - 2^9 - 2^a = 256$  을 만족하는 자연수 a 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 8

02.

해설

2<sup>10</sup> = 1024 이므로 2<sup>9</sup> = 512 이다.

따라서 1024 - 512 - 2<sup>a</sup> = 256, 2<sup>a</sup> = 256 이므로 a = 8 이다.

- 6. 10 이하의 자연수 중 약수의 개수가 3개 이상인 수는 모두 몇 개인지 구하여라.
  - ▶ 답:

➢ 정답: 5

해설

약수의 개수가 3 개 미만인 수는 1과 소수이다.

10 이하의 소수는 2,3,5,74 개이므로 약수의 개수가 3 개 이상인 수는 10-4-1=5 개이다.

7. 180의 소인수와 220의 소인수 중 공통인 소인수의 개수를 구하여라.

 ► 답:
 개

 ▷ 정답:
 2개

\_\_\_\_

 $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5 ,$ 

220 = 2<sup>2</sup> × 5 × 11 이므로 180의 소인수는 2, 3, 5, 220의 소인수는 2, 5, 11이므로 공통인 소인수는 2,5이므로 2개이다. 8. 600 을 자연수 x 로 나누어 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 나누어야 할 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: ➢ 정답: 6

해설

600 을 소인수분해하면 다음과 같다.

2)600

2)300 2)150 3)75

5) 25

 $600=2^3 imes3 imes5^2$  이므로  $\dfrac{2^3 imes3 imes5^2}{x}$  가 어떤 자연수의 제곱이

되기 위한 x 의 값 중에서 가장 작은 자연수는  $2 \times 3 = 6$  이다.

9.  $\frac{72}{n}$  가 어떤 자연수의 제곱이 되게 하는 자연수 n 은 모두 몇 개인가?

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 **④** 4 개 ⑤ 5 개

 $72 = 2^3 \times 3^2 ,$ 

 $\frac{72}{n}$  가 어떤 자연수의 제곱이 되기 위해서 n=2,  $2\times3^2$ ,  $2^3$ ,  $2^3\times3^2$ 의 4 개이다.

**10.** 자연수 a, b, c 에 대하여 120a = 270b = 150c 이 성립할 때, a+b+c 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 101

해설

 $120a = 2^3 \times 3 \times 5 \times a,$ 

 $270b = 2 \times 3^3 \times 5 \times b$ ,  $150c = 2 \times 3 \times 5^2 \times c$  이므로

*a*, *b*, *c* 가 가장 작아지는 값은

 $120a = 270b = 150c = 2^3 \times 3^3 \times 5^2$  이다.  $\rightarrow a = 45, b = 20, c = 36$ 

 $\therefore a + b + c = 101$ 

- **11.**  $3^a \times 5^b$  이 225 를 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값을 고르면?
  - ① 1, 1 ② 1, 2 ③ 2, 1 ④ 2, 2 ⑤ 2, 3

-해설

 $3^a \times 5^b$  이  $225 = 3^2 \times 5^2$  을 약수로 가지므로, a 는 2 이상의 자연수, b 는 2 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은  $a=2,\ b=2$  일 때이다.

**12.** 자연수 a 의 약수의 개수를 A(a) 로 나타낸다고 한다. 이때,  $\left\{A(225) + A(360)
ight\} imes A(x) \, = \, 165 \, 를 만족시키는 자연수 <math>x$  중에서 가장 작은 수는?

**4**16 ① 10 ② 12 ③ 14 **⑤** 18

 $225 = 3^2 \times 5^2, \ 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$  에서  $A(225) = (2+1) \times (2+1) = 9$  $A(360) = (3+1) \times (2+1) \times (1+1) = 24$ 

 ${A(225) + A(360)} \times A(x) = 165$  $33 \times A(x) = 165$ 

 $\therefore A(x) = 5$ 

5=4+1 이므로

해설

가장 작은  $x=2^4=16$ 

**13.** 20 의 약수의 개수와  $3^2 \times 7^a$  의 약수의 개수가 같을 때, 자연수 a 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 1

7 02:

해설  $20 = 2^2 \times 5$  의 약수의 개수는

(2+1)×(1+1) = 6 (개)이다. 3<sup>2</sup>×7<sup>a</sup> 의 약수의 개수는 (2+1)×(a+1) = 6 (개)가 되어야 한다. ∴ a = 1

안에 들어갈 가장 작은 자연수를 구하여라.
▶ 답:
▷ 정답: 8
해설
$\times 5^4$ 에서 $= a^x$ 이라 하면 약수의 개수는 $(x+1) \times (4+1) = 20$ (개) 이므로
$(x+1) \times (4+1) = (x+1) \times 5 = 20$
x+1=4 : $x=3a 가 될 수 있는 가장 작은 소인수는 2 이므로$
$-2^3 - 8$