

1. $x \times x^4 \times y^5 \times y$ 를 간단히 하면?

- ① x^4y^6
- ② x^5y^5
- ③ x^5y^6
- ④ x^4y^5
- ⑤ x^3y^4

해설

$x^{1+4} \times y^{5+1} = x^5y^6$ 이므로 x^5y^6 이다.

2. $a^7 \div (a^4 \times a^3)$ 을 간단히 하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

$$a^7 \div (a^4 \times a^3) = a^7 \div a^7 = a^0 = 1 \text{ 이다.}$$

3. 다음 식에 알맞은 수 A , B , C 를 각각 구하여라.

$$(-2x^2y)^3 \times (xy^2)^2 = Ax^By^C$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $A = -8$

▷ 정답 : $B = 8$

▷ 정답 : $C = 7$

해설

$$\begin{aligned} (-2x^2y)^3 \times (xy^2)^2 &= -8x^6y^3 \times x^2y^4 \\ &= -8x^8y^7 \end{aligned}$$

따라서 $A = -8$, $B = 8$, $C = 7$ 이다.

4. 세 친구가 $(-ab)^2 \times a^2 \div a^3b$ 를 풀 때, 풀이 과정이 옳은 친구를 모두 고른 것은?

유진

$$\begin{aligned}(-ab)^2 \times a^2 \div a^3b &= a^2b^2 \times a^2 \div a^3b \\&= a^4b^2 \div a^3b \\&= ab\end{aligned}$$

미란

$$\begin{aligned}(-ab)^2 \times a^2 \div a^3b &= a^2b^2 \times a^2 \times \frac{1}{a^3b} \\&= \frac{a^4b^2}{a^3b} \\&= ab\end{aligned}$$

미주

$$\begin{aligned}(-ab)^2 \times a^2 \div a^3b &= a^2b^2 \times a^2 \div a^3b \\&= a^{2+2-3}b^{2-1} \\&= ab\end{aligned}$$

① 유진

② 미란

③ 미란, 미주

④ 유진, 미주

⑤ 유진, 미란, 미주

해설

세 친구의 풀이는 모두 맞는 풀이이다.

5. 다음 식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$32^{x-2} = \left(\frac{1}{2}\right)^{2x-4}$$

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$(2^5)^{x-2} = (2^{-1})^{2x-4}$$

$$2^{5x-10} = 2^{-2x+4}$$

$$5x - 10 = -2x + 4$$

$$7x = 14$$

$$\therefore x = 2$$

6. $(-5x^2y)^3$ 을 간단히 하면?

① $125x^6y^3$

② $-125x^6y^3$

③ $-125x^3y^6$

④ $125x^3y^6$

⑤ $-125x^3y^3$

해설

$$(-5x^2y)^3 = (-5)^3 x^6 y^3 = -125x^6y^3$$

7. $\left(-\frac{x}{3y^2}\right)^3$ 을 간단히 하면?

① $\frac{x^3}{27y^6}$

④ $\frac{x^6}{27y^6}$

② $-\frac{x^3}{27y^6}$

⑤ $-\frac{x^3}{27y^3}$

③ $-\frac{x^6}{27y^6}$

해설

$$\left(-\frac{x}{3y^2}\right)^3 = -\frac{x^3}{27y^6}$$

8. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

㉠ $2a^2 \times 5a^3 = 10a^6$

㉡ $(2x^2)^3 = 6x^6$

㉢ $x^2 \times x^5 \div x^{10} = \frac{1}{x^3}$

㉣ $x^5 \div x^3 \div x = 0$

㉤ $(-2xy)^4 \div 4x^2y = 4x^2y^3$

- ① ㉠,㉡ ② ㉠,㉢ ③ ㉠,㉣ ④ ㉢,㉤ ⑤ ㉣,㉤

해설

㉠ $2a^2 \times 5a^3 = 10a^5$

㉡ $(2x^2)^3 = 8x^6$

㉣ $x^5 \div x^3 \div x = x$

9. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

$$\textcircled{7} \quad x^{12} \div x^8 \div x^4 = 0$$

$$\textcircled{L} \quad (2x^2y^3)^2 = 4x^4y^6$$

$$\textcircled{E} \quad \left(-\frac{3x^2}{y^3}\right)^2 = \frac{9x^4}{y^6}$$

$$\textcircled{B} \quad x^3 \times x = x^{12}$$

① ⑦, ⑤

② ⑦, ⑨

③ ⑦, ⑩

④ ⑤, ⑨

⑤ ⑨, ⑩

해설

$$\textcircled{7} \quad x^{12-8-4} = x^0 = 1$$

$$\textcircled{B} \quad x^3 \times x = x^4$$

이므로 옳은 것은 ⑤, ⑨이 답이다.

10. $3^5 + 3^5 + 3^5$ 을 3의 거듭제곱으로 간단히 나타내면?

- ① 3^3 ② 3^6 ③ 3^9 ④ 3^{12} ⑤ 3^{15}

해설

$$3^5 + 3^5 + 3^5 = 3 \times 3^5 = 3^6$$

11. $48^5 = 2^a \times 3^b$ 일 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 100

해설

$$48^5 = (2^4 \times 3)^5$$

$$a = 20, b = 5$$

$$\therefore ab = 100$$

12. □안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.

$$(x^3)^4 \times (x^2)^\square \div x^5 = x^{17}$$

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$x^{3 \times 4 + 2 \times \square - 5} = x^{17}$$

$$\therefore \square = 5$$

13. $27^{x-2} = \left(\frac{1}{3}\right)^{x-6}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 3

해설

$$(3^3)^{x-2} = 3^{-x+6}$$

$$\text{지수: } 3x - 6 = -x + 6, 4x = 12, x = 3$$

14. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠ $8^4 = 2^{12}$

㉡ $(-25)^4 = -5^8$

㉢ $27^8 = 3^{11}$

㉣ $64^5 = 2^{30}$

① ㉠, ㉢

② ㉠, ㉣

③ ㉡, ㉢

④ ㉢, ㉣

⑤ ㉡, ㉢, ㉣

해설

㉠ $8^4 = (2^3)^4 = 2^{12}$

㉡ $(-25)^4 = (-5^2)^4 = 5^8$

㉢ $27^8 = (3^3)^8 = 3^{24}$

㉣ $64^5 = (2^6)^5 = 2^{30}$

따라서 옳은 것은 ㉠, ㉣이다.

15. 메모리 용량 1MB 의 2^{10} 배를 1GB 라고 한다. 기영이가 가지고 있는 MP3 가 1GB 의 용량을 넣을 수 있다고 하면, 기영이는 4MB 의 노래를 몇 개 넣을 수 있는지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 256 개

해설

1GB 는 1MB 의 2^{10} 배 이므로 2^{10}MB 이다. 4MB 는 2^2 MB 이므로 $2^2 \times x = 2^{10}$,

$$x = 2^8 = 256$$