- $7x 5 \le 4(x + 1)$ 이고 x는 자연수일 때, $x^2 5x + 6 = 0$ 를 풀면? 1.
 - ① x = 0, x = 1 $4 \ x = 3$
- ② x = 2 ③ x = 2, x = 3
- ⑤ x = -2, x = 3

해설 $7x-5 \le 4(x+1)$ 에서 $7x-4x \le 4+5$, $3x \le 9$ ∴ $x \le 3$

따라서 x의 값은 1, 2이다. $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 해는 x = 2, x = 3이므로 해는 x = 2가 된다.

2. $5x + 2 \le 4x + 5$ 이고 x는 자연수 일 때, 다음 이차방정식을 풀면?

 $x^2 - 6x + 5 = 0$

- ① x = 1, x = 3 ② x = 1, x = 5
- 3x = 1
- $4 \quad x = 2, \ x = 3$ $5 \quad x = 2, \ x = 5$

 $5x + 2 \le 4x + 5$ 에서 $x \le 3$ 이다.

해설

따라서 *x*의 값은 1, 2, 3이다. $x^2-6x+5=0$ 를 만족하는 x의 값은 $x=1,\ x=5$ 이므로

이차방정식의 해는 x = 1이다.

- **3.** 이차방정식 $2x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 1, 2일 때, a b의 값은?
- ① 1 ② -2 ③ 2 ④ 10

해설 x = 1을 대입하면 2 + a + b = 0

- x = 2를 대입하면 8 + 2a + b = 0
- 두 방정식을 연립하여 풀면 a=-6, b=4
- $\therefore a b = -10$

- **4.** x 에 관한 이차방정식 $ax^2 px ap 3q = 0$ 이 a 의 값에 관계없이 항상 x = 3 의 근을 가질 때, p + q 의 값을 구하면?
 - ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

x=3 이 근이므로 9a-3p-ap-3q=0 이고 a 의 값에 관계없이 성립하므로 (9-p)a-3(p+q)=0 에 의하여

(9-p) a - 3(p+q) = 0 에 의하여 p = 9, q = -9 이다.

 $\therefore p + q = 0$

해설

- 5. 부등식 $2 \le 2x 2 < 5$ 를 만족시키는 두 자연수가 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 근일 때, $a^2 - b^2$ 의 값은?
 - ① 61 ② 51 ③ 11
- **④**−11 ⑤ −61

부등식 $2 \le 2x - 2 < 5$ 를 풀면 다음과 같다.

 $4 \le 2x < 7$ $2 \le x < \frac{7}{2}$

 $\therefore x = 2, \ 3$

이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여

풀면 a = -5, b = 6

 $\therefore a^2 - b^2 = (-5)^2 - 6^2 = 25 - 36 = -11$

- $\textbf{6.} \qquad 부등식 \ 4 \leq 3x-2 < 8 \\ 을 만족하는 두 자연수가 이차방정식 <math>x^2-ax+b =$ 0의 근일 때, $\frac{a+b}{ab}$ 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{11}{30}$

부등식 $4 \le 3x - 2 < 8$ 을 풀면 다음과 같다. $6 \le 3x < 10$

 $2 \le x < \frac{10}{3}$

∴ x = 2, 3 이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여

풀면 a = 5, b = 6

 $\therefore \ \frac{a+b}{ab} = \frac{11}{30}$

7. x 에 관한 이차방정식 $mx^2 + mx + m + n = 0$ 의 한 근이 -1 일 때, 다른 한 근을 구하여라. (단, $m \neq 0$)

답:

➢ 정답: x = 0

해설 주어진 식에 x = -1 을 대입하면

m - m + m + n = 0 $n + m = 0 \qquad \therefore n = -m$

 $mx^2 + mx = 0$

 $m(x^2 + x) = 0$ x(x+1) = 0

 $\therefore x = 0 \ \Xi \stackrel{\leftarrow}{\vdash} x = -1$

- 8. 이차방정식 $x^2 + px + 3p 1 = 0$ 의 해가 a, -2일 때, p + a 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

 $x^2 + px + 3p - 1 = 0$ 에 x = -2 를 대입하면 p = -3 $x^2 + px + 3p - 1 = 0$ 에 p = -3 을 대입하면

 $x^2 + px + 3p - 1 = 0$ 에 p = -3 을 대입하면 $x^2 - 3x - 10 = 0$

(x-5)(x+2) = 0 $x = 5 \pm \frac{1}{2} x = -2$

 $\therefore a = 5$ $\therefore p + a = -3 + 5 = 2$

p+a=-

- 다음 이차방정식 중 중근을 갖지 <u>않는</u> 것을 모두 고르면? 9.

- ① $x^2 1 = 0$ ② $x^2 = 12x 36$ ③ $2(x+4)^2 = 8$ ④ $x^2 = 6(x \frac{3}{2})$ ⑤ $1 \frac{1}{3}x^2 = 2(x+2)$

①
$$x^2 - 1 = 0$$
 에서 $(x - 1)(x + 1) = 0$
∴ $x = 1$ 또는 $x = -1$
③ $2(x + 4)^2 = 8$ 에서 $x^2 + 8x + 12 = 0$, $(x + 2)(x + 6) = 0$

$$3 \ 2(x+4)^2 = 8 \, \text{cm}$$

10. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 1개인 것은?

- ① $x^2 + 10x = -24$ ② $x^2 5x 14 = 0$ ③ $2x^2 8x + 8 = 0$ ④ $x^2 + 15 = -8x$
- $3x^2 + 18x 48 = 0$

근의 개수가 1개이려면 중근을 가져야 하고,

중근을 가지려면 (완전제곱식)= 0의 꼴이어야 한다. $3 2x^2 - 8x + 8 = 0$

2(x - 4x + 4) = 0 $2(x-2)^2 = 0$

 $\therefore \ x = 2 \ (\frac{\cancel{\ }}{\cancel{\ }} \frac{\cancel{\ }}{\cancel{\ }})$

11. 이차방정식 $x^2 - 2kx - 3k^2 + 4 = 0$ 이 중근을 가질 때, 다음 중 k의 값과 중근 a 의 값이 옳게 짝지어진 것을 모두 고르면?



중근을 가지려면, $x^2 - 2kx - 3k^2 + 4 = 0$ 이 완전제곱식이 되어야 하므로 $\left(-2k \times \frac{1}{2}\right)^2 = -3k^2 + 4$ $k^2 = -3k^2 + 4 \ , \ 4k^2 = 4, k^2 = 1$ $\therefore k = \pm 1$ $k = \pm 1 \text{ 을 주어진 방정식에 대입하면 } x^2 \pm 2x + 1 = 0 \leftrightarrow (x \pm 1)^2 = 0$ $\therefore x = \pm 1$ $\therefore k = 1 \text{ 일 m, 중근 } a = 1 \text{ 또는 } k = -1 \text{ 일 m, 중근 } a = -1$

12. 이차방정식 $x^2 + mx + 2m + 12 = 0$ 이 중근을 갖도록 m 의 값을 정하고, 이때의 중근을 구하여라. (단, m > 0)

▶ 답:

▶ 답:

➢ 정답: m = 12 ▷ 정답: x = -6

 $x^2 + mx + 2m + 12 = 0$ 이 중근을 가지려면 $\left(\frac{m}{2}\right)^2 = 2m + 12$

 $m^2 - 8m - 48 = 0$ (m-12)(m+4) = 0

 $m = 12(\because m > 0)$ $x^2 + 12x + 2 \times 12 + 12 = 0$

 $(x+6)^2 = 0$ $\therefore x = -6(\frac{2}{5} \frac{1}{5})$

13. 이차방정식 $x^2 - 2ax + b = 0$ 의 근이 $x = 1 \pm 2\sqrt{5}$ 일 때, 상수 a,b 의 합을 구하여라.

답:

해설

 ▷ 정답: a + b = -18

 $x^2 - 2ax + b = 0$ \bigcirc

 $x^2 - 2ax = -b, x^2 - 2ax + a^2 = -b + a^2$ $(x - a)^2 = -b + a^2, (x - a) = \pm \sqrt{-b + a^2}$ $\therefore x = a \pm \sqrt{-b + a^2} = 1 \pm 2\sqrt{5}$ 따라서 a = 1, a 값을 대입하면 $\sqrt{1 - b} = \sqrt{20}$ $\therefore b = -19$ 따라서 a + b = -18이다.

14. 다음 이차방정식 $x^2-2ax+a^2-10=0$ 의 해가 $x=7\pm\sqrt{b}$ 일 때, ab의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 70

해설

 $x^2 - 2ax = -a^2 + 10$ $x - 2ax = -a^{2} + 10$ $x^{2} - 2ax + a^{2} = -a^{2} + 10 + a^{2} = 10$ $(x - a)^{2} = 10$ 이旦로 $x - a = \pm \sqrt{10}$ $\therefore x = a \pm \sqrt{10}$

따라서 a = 7, b = 10 이므로 ab = 70 이다.

- **15.** 이차방정식 $3(x+2)^2 = a$ 가 하나의 근을 갖도록 하는 상수 a 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

> 정답: *a* = 0

 $(x+2)^2 = \frac{a}{3}$

해설

중근을 가질 때 (완전제곱식)= 0 의 꼴이므로 $\frac{a}{3}=0$

 $\therefore a = 0$

- **16.** 이차방정식 $2(x-4)^2 = a$ 가 하나의 근을 갖도록 하는 상수 a 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: a = 0

(완전제곱식)=0 일 때, 중근을 가지므로 a=0

해설