

1. 세 변의 길이가 $x, x+2, x+4$ 인 삼각형이 직각삼각형일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$x+4$ 가 가장 긴 변이므로 빗변에 해당한다. 따라서 피타고라스 정리를 이용하면

$$(x+4)^2 = (x+2)^2 + x^2$$

$$x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x-6)(x+2) = 0$$

$$\therefore x = 6 (\because x > 0)$$

2. 세 변의 길이가 다음과 같을 때, 직각삼각형인 것은 ‘○’ 표, 직각삼각형이 아닌 것은 ‘×’ 표 하여라.

- (1) 6, 8, 10
- (2) 1, 3, $\sqrt{10}$
- (3) 3, 3, $3\sqrt{2}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) ○

▷ 정답 : (2) ○

▷ 정답 : (3) ○

해설

- (1) $10^2 = 6^2 + 8^2$ 이므로 직각삼각형이다.
- (2) $(\sqrt{10})^2 = 1^2 + 3^2$ 이므로 직각삼각형이다.
- (3) $(3\sqrt{2})^2 = 3^2 + 3^2$ 이므로 직각삼각형이다.

3. 다음과 같이 한 변의 길이가 8인 정육면체의 대각선의 길이를 구하면?

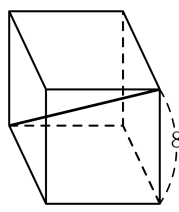
① $6\sqrt{3}$

② $7\sqrt{3}$

③ $8\sqrt{3}$

④ $9\sqrt{3}$

⑤ $10\sqrt{3}$



해설

한 모서리의 길이를 a 라 하면
(대각선의 길이) = $\sqrt{3}a = 8\sqrt{3}$

4. 세 모서리의 길이가 다음과 같은 정육면체의 대각선의 길이를 구하여라.
- (1) 3 cm, 3 cm, 3 cm
- (2) 9 cm, 9 cm, 9 cm
- (3) $2\sqrt{5}$ cm, $2\sqrt{5}$ cm, $2\sqrt{5}$ cm

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $3\sqrt{3}$ cm

▷ 정답 : (2) $9\sqrt{3}$ cm

▷ 정답 : (3) $2\sqrt{15}$ cm

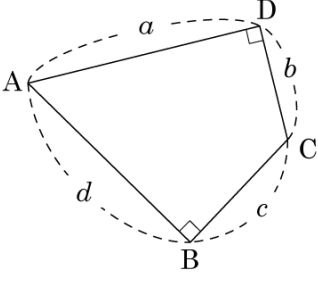
해설

(1) $\sqrt{3^2 + 3^2 + 3^2} = \sqrt{27} = 3\sqrt{3}$ (cm)

(2) $\sqrt{9^2 + 9^2 + 9^2} = \sqrt{243} = 9\sqrt{3}$ (cm)

(3) $\sqrt{(2\sqrt{5})^2 + (2\sqrt{5})^2 + (2\sqrt{5})^2} = \sqrt{20 + 20 + 20} = 2\sqrt{15}$ (cm)

5. 다음 그림에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 는 90° ,
 $\overline{AD} = a$, $\overline{CD} = b$, $\overline{BC} = c$, $\overline{AB} = d$ 라고 할 때, 다음 중 옳은 것은 ?

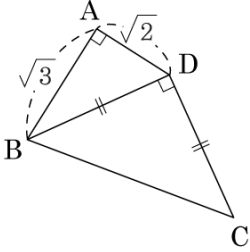


- ① $a + b = c + d$ ② $a = d$, $b = c$
 ③ $a^2 + d^2 = b^2 + c^2$ ④ $a^2 + b^2 = c^2 + d^2$
 ⑤ $a - d = b - c$

해설

$\overline{AC}$ 가 공통변이고 각각 $\triangle ADC$, $\triangle ABC$ 가 직각삼각형이므로 $a^2 + b^2 = c^2 + d^2$ 이 성립한다.

6. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 의 한 대각선을 그었을 때 $\angle BDC = 90^\circ$ 가 성립한다. $\overline{BD} = \overline{CD}$ 일 때, $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형의 한 대각선의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{5}$

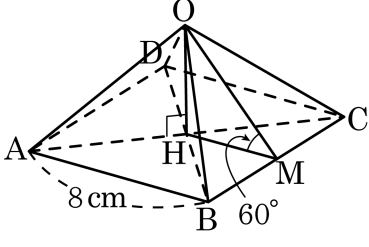
해설

피타고라스 정리를 이용하면 $\overline{BD} = \sqrt{5}$

$\overline{BD} = \overline{CD}$ 이므로 $\overline{BC} = \sqrt{10}$

$\overline{BC}$ 를 한 변으로 갖는 정사각형의 한 대각선의 길이는 $\sqrt{2} \times \sqrt{10} = 2\sqrt{5}$

7. 다음 그림의 정사각뿔에서 점 M은 $\overline{BC}$ 의 중점이고, $\overline{OH} \perp \overline{AC}$, $\angle OMH = 60^\circ$ 일 때, 정사각뿔의 부피를 구하면?



- ① $\frac{32\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$ ② $\frac{64\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$ ③ $\frac{128\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$
 ④ $\frac{256\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$ ⑤ $\frac{512\sqrt{3}}{3} \text{ cm}^3$

해설

$$\overline{HM} = 4 \text{ cm}$$

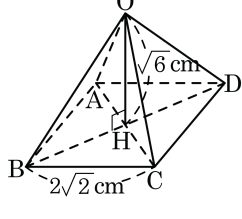
$$\overline{HM} : \overline{OH} : \overline{OM} = 1 : \sqrt{3} : 2 \text{ 이므로}$$

$$\overline{OM} = 2\overline{HM} = 8(\text{cm})$$

$$\overline{OH} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\therefore (\text{부피}) = \frac{1}{3} \times 64 \times 4\sqrt{3} = \frac{256\sqrt{3}}{3}(\text{cm}^3)$$

8. 다음 그림과 같이 밑면은 한 변의 길이가 $2\sqrt{2}\text{ cm}$ 인 정사각형이고, 옆면은 이등변삼각형인 정사각뿔이다. 이 정사각뿔의 높이가 $\sqrt{6}\text{ cm}$ 일 때, 정사각뿔의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 24 cm^2

해설

□ABCD 가 정사각형이므로 $\overline{BD} =$

$\sqrt{(2\sqrt{2})^2 + (2\sqrt{2})^2} = 4(\text{cm})$ 이므

로 $\overline{BH} = \frac{1}{2}\overline{BD} = 2(\text{cm})$

△OBH 에서 $\overline{OB} = \sqrt{2^2 + (\sqrt{6})^2} =$

$\sqrt{10}(\text{cm})$

정사각뿔의 겉넓이 = 밑넓이 + (옆넓이 $\times 4$)

밑넓이 : $2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 8(\text{cm}^2)$

옆넓이 : △OBC 넓이 $\times 4$

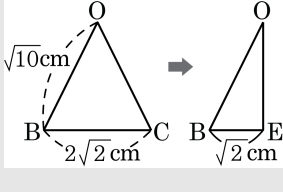
△OBC 넓이 구하기 $\overline{OE} = \sqrt{(\sqrt{10})^2 - (\sqrt{2})^2} = \sqrt{10 - 2} =$

$2\sqrt{2}(\text{cm})$

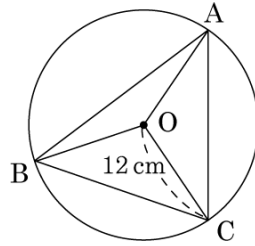
$\therefore \triangle OBC$ 의 넓이 $= 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 4(\text{cm}^2)$ 이므로 옆넓이는

$4 \times 4 = 16(\text{cm}^2)$

$\therefore$ 겉넓이 $= 8 + 16 = 24(\text{cm}^2)$



9. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$ 이고 원 O 의 반지름의 길이가 12cm 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



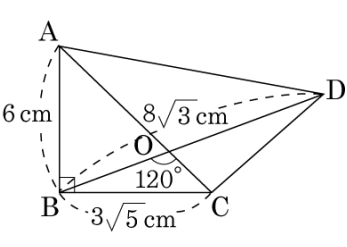
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $36(3 + \sqrt{3})\text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}
 &\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5 \text{ 이므로} \\
 &\angle BOC = 90^\circ, \angle AOC = 120^\circ, \angle AOB = 150^\circ \\
 &(\triangle ABC \text{의 넓이}) \\
 &= \triangle AOB + \triangle BOC + \triangle AOC \\
 &= \frac{1}{2} \times 12^2 \times \sin(180^\circ - 150^\circ) + \frac{1}{2} \times 12^2 \times \sin 90^\circ \\
 &\quad + \frac{1}{2} \times 12^2 \times \sin(180^\circ - 120^\circ) \\
 &= \frac{1}{2} \times 12^2 \times (\sin 30^\circ + \sin 90^\circ + \sin 60^\circ) \\
 &= \frac{1}{2} \times 12^2 \times \left(\frac{1}{2} + 1 + \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \\
 &= 36(3 + \sqrt{3}) (\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$

10. 다음 그림의 □ABCD 에서 $\angle B = 90^\circ$, $\overline{AB} = 6\text{ cm}$, $\overline{BC} = 3\sqrt{5}\text{ cm}$, $\overline{BD} = 8\sqrt{3}\text{ cm}$ 일 때, □ABCD 의 넓이를 구하여라.



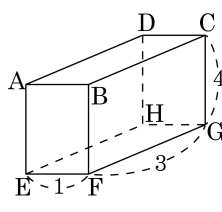
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 54 cm^2

해설

$$\begin{aligned} \overline{AC} &= \sqrt{6^2 + (3\sqrt{5})^2} = \sqrt{81} = 9(\text{ cm}) \\ \text{□ABCD의 넓이} &= \frac{1}{2} \times 8\sqrt{3} \times 9 \times \sin(180^\circ - 120^\circ) \\ &= \frac{1}{2} \times 8\sqrt{3} \times 9 \times \sin 60^\circ \\ &= \frac{1}{2} \times 8\sqrt{3} \times 9 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 54(\text{ cm}^2) \end{aligned}$$

11. 다음 그림은 세 모서리의 길이가 각각 1, 3, 4인 직육면체이다. 꼭짓점 A에서 G까지 면을 따라 움직일 때, 가장 짧은 거리를 구하여라.



▶ 답 :

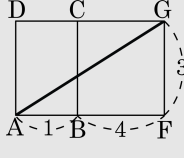
▷ 정답 : $4\sqrt{2}$

해설

(i) $\overline{BC}$ 를 지날 때, $\triangle AGF$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{AG}^2 = \overline{AF}^2 + \overline{FG}^2$$

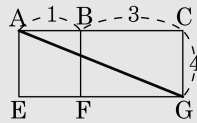
$$\overline{AG} = \sqrt{(1+4)^2 + 3^2} = \sqrt{34}$$



(ii) $\overline{BF}$ 를 지날 때, $\triangle ACG$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{AG}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{CG}^2$$

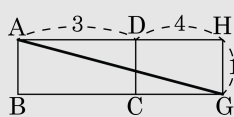
$$\overline{AG} = \sqrt{(1+3)^2 + 4^2} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$



(iii) $\overline{CD}$ 를 지날 때, $\triangle AHG$ 는 직각삼각형이므로

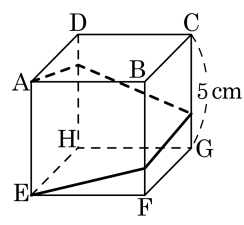
$$\overline{AG}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{HG}^2$$

$$\overline{AG} = \sqrt{(4+3)^2 + 1^2} = \sqrt{50}$$



(i), (ii), (iii)에 의하여 최단거리는 $4\sqrt{2}$ 이다.

- 12.** 다음 그림과 같은 정육면체의 한 꼭짓점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 선 중에서 가장 짧은 선의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답 : $5\sqrt{17}\text{cm}$

해설

위의 그림에서 점 E에서 모서리 BF, CG, DH 를 순서대로 지나 점 A 에 이르는 가장 짧은 선은 $\overline{EA}$ 가 된다.

$$\overline{EA}^2 = 5^2 + 20^2 = 25 + 400 = 425$$

$$\overline{\text{EA}}^2 = 5^2 + 20^2 = 25 + 400 = 425$$

$$\therefore \overline{EA} = 5\sqrt{17} \text{ (cm)}$$

