- 1. 다음 중 거듭제곱의 표현으로 옳지 <u>않은</u> 것은?

 - $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^2$

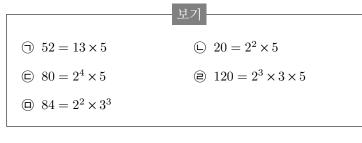
해설

2. 다음 중 소수인 것은 모두 몇 개인가?

13 32 57 83 97 171 ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설 소수인 것은 13, 83, 97 이다. 따라서 3 개이다.

3. 다음 <보기> 중 소인수분해가 옳지 않은 것을 <u>모두</u> 고르면?



① ¬,□ 2 □,⊜ 3 □,⊜ 4 ⊜,□ 5 ¬,□,⊝

可且 ① $52 = 2^2 \times 13$ ② $84 = 2^2 \times 3 \times 7$

- **4.** 다음 중 360 의 소인수를 모두 구한 것은?
 - ① 1, 2, 3 ② 2, 3 ③ 2 ④ 3, 5 ⑤ 2, 3, 5
 - © 0, 0

360 = 2³ × 3² × 5 이므로 소인수는 2, 3, 5이다.

5. 다음 중 두 수가 서로소인 것은?

① 8, 9 ② 24, 27 ③ 12, 51 ④ 14, 35 ⑤ 13, 91

① 8 과 9 의 최대공약수는 1 이므로 서로소이다.

- 6. 두 자연수의 최대공약수는 20 이다. 이 두 수의 공약수를 모두 고르면?
 - ① 3 ② 5 ③ 7 ④ 10 ⑤ 15

두 자연수의 공약수는 최대공약수 20 의 약수이므로 1,2,4,5,10,20 이다.

따라서 주어진 수 중에서 두 자연수의 공약수를 모두 고르면 5,10 이다.

7. 우리 반 영어 선생님은 24 일에 한 번씩 영어 단어 시험을 보고, 18일에 한 번씩 노트 검사를 한다. 오늘 영어 단어 시험과 노트 검사를 동시에 했다면, 며칠 후에 다시 영어 단어 시험과 노트 검사를 동시에 하게 되는지 구하여라.

일 후

▶ 답:

> 정답: 72일 후

24 일마다, 18 일마다 영어 단어 시험과 노트검사를 한다고 하였

해설

으므로 24와 18 의 최소공배수인 72 일 후 다시 동시에 검사를 하게 된다. 8. $\frac{16}{n}$ 과 $\frac{20}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 1 ▷ 정답: 2

▷ 정답: 4

 $\frac{16}{n}, \frac{20}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n은 16 과 20 의 공약수이다. 16 과 20 의 최대공약수는 4 이므로 $n=1,\ 2,\ 4$ 이다.

9. 자연수 $360 \times n$ 이 자연수의 제곱이 된다고 할 때, n 이 될 수 있는 것을 모두 구하시오.(단, *n* 은 160 미만의 자연수이다.)

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

➢ 정답: 10 ➢ 정답: 40

➢ 정답: 90

 $360 \times n = 2^3 \times 3^2 \times 5 \times n = m^2$ 이라 하면 가장 작은 n은 2×5 이다. 따라서 n 이 될 수 있는 160 미만의 수는

 $2 \times 5 = 10$

 $2 \times 5 \times 2^2 = 40$ $2\times 5\times 3^2=90$

∴ 10, 40, 90

10. 자연수 288 의 약수의 개수와 자연수 $4 \times 3 \times 7^a$ 의 약수의 개수가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 2

해설

 $288 = 2^5 \times 3^2$ 이므로

약수의 개수는 $(5+1) \times (2+1) = 18$ (개) $4 \times 3 \times 7^a = 2^2 \times 3 \times 7^a$ 이므로 약수의 개수는 $(2+1) \times (1+1) \times (a+1) = 6 \times (a+1)$ (개) $6 \times (a+1) = 18$ 이므로 a+1=3 $\therefore a=2$ **11.** $2^3 \times x \times 5$ 의 약수의 개수가 16 개가 되기 위한 가장 작은 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 3

 $2^3 \times x \times 5$ 의 약수의 개수는

해설

(3+1)×(x의 지수+1)×(1+1) = 16 으로 계산된다. (x의 지수)+1=2 가 되어야 한다. 그러므로 3 이다.

- 12. 서로 다른 세 수 32,80,a 의 최대공약수가 16 일 때, a 의 값이 될 수 있는 두 자리 자연수를 모두 구하여라.
 - ▶ 답:
 - ▶ 답:
 - ▶ 답:

답:

- ➢ 정답: 16
- ➢ 정답: 48
- ▷ 정답: 64
- ▷ 정답: 96
- 해설 16<u>)</u> 32 80 *a*

- 2 5 🗌 세 수를 16 으로 나눈 몫이 각각 2 , 5 , \square 이고, 최대공약수는 16을 만족하여야 한다.
- 따라서 a = 16 의 배수가 되는 두 자리 자연수이다. 또한 \square 안에 들어갈 수는 1, 3, 4, 6 이므로 (서로 다른 M 수이
- 므로 2 와 5 는 제외) a 의 값은 각각 16, 48, 64, 96 이다.

13. 사과 108 개와 귤 144 개를 하나도 빠짐없이 몇 명의 사람들에게 똑같이 나누어주려고 한다. 가능한 한 많은 사람에게 나누어 줄 때, 한 사람이 받는 귤의 개수를 구하여라.
 답: <u>개</u>

 ► 답:

 □ 정답:
 4 개

7 6 H • 4 <u>711</u>

해설

사람의 수는 108 과 144 의 최대공약수이다. $108 = 2^2 \times 3^3 \;,\, 144 = 2^4 \times 3^2$ 따라서 사람의 수는 $2^2 \times 3^2 = 36 \; (개)$

따라서 한 사람이 받는 귤의 개수는 144÷36 = 4 (개)

14. 가로 80m , 세로 96m 인 직사각형 모양의 땅의 둘레에 일정한 간격으로 깃발을 세우려고 한다. 4 개의 모퉁이에는 반드시 깃발을 세워야하고, 깃발은 가능한 적게 사용하려고 할 때, 필요한 깃발의 개수를 구하여라.

<u>개</u>

▷ 정답: 22<u>개</u>

해설

모퉁이에 반드시 깃발을 세우고 일정 한 간격으로 깃발을 세우면서 최소의 깃발을 세우려면, 가로와 세로의 최대 공약수만큼 거리를 떨어뜨려 세우면 된다. 80 과 96 의 최대공약수는 16 이므로, 필요한 깃발의 개수는 22개 이다. 15. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 12 cm, 8 cm, 6 cm 인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체를 만들려고 한다. 필요한 벽돌은 몇 장인지 구하여라.

<u>장</u>

OH: 24<u>6</u>

정육면체의 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 공배수이어야 하고, 가장

답:

작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 최소공배수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 변의 길이는 24cm이고 가로는 $24\div12=2$ (장), 세로는 $24\div8=3$ (장), 높이는 $24\div6=4$ (장)이 필요하

므로 구하는 벽돌의 수는 $2 \times 3 \times 4 = 24$ (장)이다. 2)1286

 $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$

16. 두 자연수 15 와 18 , 어느 것으로 나누어도 4 가 남는 자연수 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

답:

➢ 정답: 94

해설

3) 15 18

5 6 최소공배수: $3 \times 5 \times 6 = 90$ 구하는 수는 90 + 4 = 94

17. 자연수 A 와 36 의 최대공약수가 4 이고 최소공배수는 144 일 때, 자연수 A 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설 4<u>)</u> A 36

a 9 A 와 36 의 최소공배수가 144 이므로

 $4 \times a \times 9 = a \times 36 = 144$ $a = 144 \div 36 = 4$

 $\therefore A = 4 \times 4 = 16$

[별해] 두 자연수 A, B 의 최대공약수와 최소공배수의 곱은 두

자연수의 곱인 $A \times B$ 와 같다. $A \times 36 = 4 \times 144$

 $\therefore A = 4 \times 144 \div 36 = 16$

18. 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자를 구하면?

해설

273¹⁰⁰ 의 일의 자리만 거듭제곱하여 규칙을 찾는다.

3¹ = 3,

3² = 9,

3³ = 27,

3⁴ = 81,

3⁵ = 243,
...

3 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1 의 네 개의 숫자가 반복된다.

①1 ②3 ③9 ④7 ⑤0

273¹⁰⁰ 의 지수인 100 를 4 로 나누면 25 이므로 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자는 반복되는 네 개의 숫자 중 마지막 숫자인 1 이다. **19.** $24 \times a$ 가 어떤 자연수 A의 제곱이 될 때, A 의 최솟값은?

① 9 ② 12 ③ 36 ④ 54 ⑤ 100 해설

 $24 \times a = 2^3 \times 3 \times a$

가장 작은 $a = 2 \times 3 = 6$ $A^2 = 2^3 \times 3 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3^2 = (12)^2$

A = 12

20. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 45 cm, 60 cm, 90 cm 인 상자속에 정육면체 모양의 과자 상자를 넣으려고 한다. 과자 상자를 될 수있는 한 적게 사용하려고 할 때, 상자의 한 모서리의 길이와 상자의 개수를 차례대로 구하여라.

 $\underline{\mathrm{cm}}$

 답:
 개

 ▷ 정답:
 15 cm

 ▶ 정답: 72 개

정육면체의 한 모서리의 길이를 x cm 라 할 때,

해설

▶ 답:

x 는 45, 60, 90 의 최대공약수 45 = 3² × 5, 60 = 2² × 3 × 5, 90 = 2 × 3² × 5

 $x = 3 \times 5 = 15 \text{ (cm)}$

 $45 = 15 \times 3, 60 = 15 \times 4, 90 = 15 \times 6$ ∴ $3 \times 4 \times 6 = 72$ (기)

21. 우유 48 개, 빵 62 개, 사과 33 개를 가능한 한 많은 사람에게 같은 개수로 나누어 주려고 한다. 우유는 개수가 맞았고, 빵은 2 개, 사과는 3 개가 남았을 때, 한 사람이 받는 우유, 빵, 사과의 합을 구하여라.

개

 ▶ 정답:
 23<u>개</u>

∕ 3∃ . 23<u>/∏</u>

답:

해설

48, 60, 30 의 최대공약수는 6 이다. → 한 사람당 우유 8 개, 빵 10 개, 사과 5 개씩 받는다.

따라서 한 사람이 받는 우유, 빵, 사과의 합은 23개이다.

- **22.** 다음 두 수 $2^a \times 3^3 \times 5^2$, $2^5 \times 3^2 \times 5^{a+1}$ 의 최소공배수가 $2^5 \times 3^3 \times 5^{a+1}$ 일 때, 다음 중 자연수 a 가 될 수 <u>없는</u> 것은?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설 2^a 와 2^5 의 최소공배수가 2^5 이므로 a 는 5 이하의 수가 되어야

한다.

또한 5^2 과 5^{a+1} 의 최소공배수가 5^{a+1} 이므로 a+1 은 2 이상의수가 되어, a는 1 이상의수가 된다. 따라서 두 조건을 모두 만족시키는 자연수는 1, 2, 3, 4, 5 이다.

- 23. 75 에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 곱해야 할 수는?
 - ① 2 ②3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

 $75 = 3 \times 5^2$ 이므로 어떤 자연수의 제곱이 되도록 하기 위해 곱해

주어야 할 수 중 가장 작은 수는 3이다.

 ${f 24}$. 자연수 a 의 약수의 개수를 [a] 이라 할 때, [x]-[20]=6 를 만족하는 가장 작은 x 의 값을 구한 것은?

③ 60 ④ 64 ⑤ 72 ② 50 ① 42

[x] - [20] = 6

해설

 $20 = 2^2 \times 5$ 이므로 약수의 개수는 $3 \times 2 = 6$ (개)이다. 따라서 [20] = 6 이므로

[x] - 6 = 6

[x] = 12

 $12 = 2 \times 6$ 일 때, $x = 2^5 \times 3 = 96$ $12 = 3 \times 2 \times 2$ 일 때, $x = 2^2 \times 3 \times 5 = 60$

 $12 = 4 \times 3$ 일 때, $x = 2^3 \times 3^2 = 72$ 따라서 가장 작은 x의 값은 60이다.

25. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- 8 과 27 은 서로소이다.
 12 의 소인수는 2, 3 이다.
- ③ 소수의 약수의 개수는 2 개이다.
- ④ 60 의 소인수는 3 개이다.
- ⑤ 두 홀수는 서로소이다.
- (3) 구 출구는 시도조이다

⑤ 반례: 두 홀수 3, 9 는 최대공약수가 3 이므로 서로소가 아니

다.