

1. 다음은 분수 $\frac{3}{80}$ 을 유한소수로 나타내는 과정이다. 안에 알맞은 수는?

$$\frac{3}{80} = \frac{3}{2^4 \times 5} = \frac{3 \times \square}{2^4 \times 5 \times \square} = \frac{375}{10000} = 0.0375$$

- ① 3 ② 5 ③ 3^2 ④ 5^2 ⑤ 5^3

해설

$\frac{3}{80} = \frac{3}{2^4 \times 5} = \frac{3 \times 5^3}{2^4 \times 5 \times 5^3} = \frac{375}{10000} = 0.0375$ 에서 안에 알맞은 수는 5^3 이다.

2. A 가 자연수일 때, $\frac{7}{90} \times A$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다.

이때, 가장 작은 자연수 A 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$\frac{7}{90} = \frac{7}{2 \times 3^2 \times 5}$ 의 분모의 인수가 2나 5뿐이어야 하므로 A 는 9의 배수이고 가장 작은 수는 9이다.

3. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 골라라.

Ⓐ $0.345345\cdots = 0.\dot{3}4\dot{5}$
Ⓑ $21.1515\cdots = 21.\dot{1}5$
Ⓒ $3.14151415\cdots = 3.\dot{1}415\dot{1}$
Ⓓ $0.1232323\cdots = 0.1\dot{2}\dot{3}$
Ⓔ $8.2359359\cdots = 8.2\dot{3}5\dot{9}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓠ

▷ 정답: ⓒ

▷ 정답: Ⓣ

해설

Ⓑ $21.1515\cdots = 21.\dot{1}5$
Ⓒ $3.14151415\cdots = 3.\dot{1}415\dot{1}$
따라서 옳은 것은 Ⓠ, ⓒ, Ⓣ이다.

4. 분수 $\frac{13}{9}$ 을 소수로 바르게 나타낸 것은?

- ① $1.\dot{4}$ ② $1.\dot{5}$ ③ $1.4\dot{5}$ ④ $1.\dot{5}\dot{4}$ ⑤ $1.4\dot{5}$

해설

$$13 \div 9 = 1.4444\cdots = 1.\dot{4}$$

5. $x = 2.43\dot{7}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $2.4\dot{3}\dot{7}$ 로 나타낸다.
- ② 순환마디가 37이다.
- ③ 유리수이다.
- ④ $1000x - 100x = 2413$ 이다.
- ⑤ 순환하는 무한소수이다.

해설

- ① $2.4\dot{3}\dot{7}$ 로 나타낸다.
- ② 순환마디가 37이다.
- ③ 유리수이다.
- ④ $1000x - 10x = 2413$ 이다.
- ⑤ 순환하는 무한소수이다.

6. 다음 중 수의 대소 관계가 옳은 것을 모두 고르면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{1}{6} > 0.17 & \textcircled{2} 3.4\dot{9} = 3.5 & \textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3 \\ \textcircled{4} 0.4\dot{3} > 0.\dot{4}\dot{3} & \textcircled{5} \frac{1}{15} > 0.0\dot{6} \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} \frac{1}{6} < 0.17 \quad (\Rightarrow \frac{1}{6} = 0.1666\cdots)$$

$$\textcircled{2} 3.4\dot{9} = \frac{349 - 34}{90} = \frac{35}{10} = 3.5$$

$$\textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} > 0.3 \quad (\Rightarrow 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3030\cdots)$$

$$\textcircled{4} 0.4\dot{3} < 0.\dot{4}\dot{3} \quad (\Rightarrow 0.4\dot{3} = 0.433333\cdots, 0.\dot{4}\dot{3} = 0.434343\cdots)$$

7. $0.\dot{6} + 2.\dot{7}$ 을 계산하여 순환소수로 나타내면?

- ① $3.\dot{3}$ ② $3.3\dot{4}$ ③ $3.\dot{4}$ ④ $3.4\dot{3}$ ⑤ $3.\dot{5}$

해설

$$0.\dot{6} + 2.\dot{7} = \frac{6}{9} + \frac{25}{9} = \frac{31}{9} = 3.\dot{4}$$

8. 순환소수 $1.5\bar{1}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 모두 고르면?

① 9 ② 18 ③ 45 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.5\bar{1} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{이므로}$$

자연수가 되기 위해서는 45의 배수를 곱해야 한다.

따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45, 90이다.

9. 분수 $\frac{\square}{2 \times 5^2 \times 3 \times 7}$ 이 유한소수로 나타내어진다고 할 때, 다음 중 □ 안에 알맞은 자연수는?

① 2 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 21

해설

유한소수로 나타내기 위해서는 분모가 2나 5로만 이루어져야 한다.

따라서 분모의 3과 7을 인수로 가진 수를 보기에서 고르면 ⑤이다.

10. 분수 $\frac{a}{70}$ 를 유한소수로 나타낼 수 있고 그 기약분수는 $\frac{3}{b}$ 이 된다고 한다. a 가 30 이하의 자연수일 때, a, b 의 값은?

- ① $a = 7, b = 10$ ② $a = 21, b = 7$
③ $a = 14, b = 10$ ④ $a = 21, b = 10$
⑤ $a = 10, b = 21$

해설

$\frac{a}{70} = \frac{a}{2 \times 5 \times 7}$ 가 유한소수이므로 a 는 7의 배수이어야 한다.

기약분수가 $\frac{3}{b}$ 이므로 $a = 3 \times 7 = 21, b = 2 \times 5 = 10$
 $\therefore a = 21, b = 10$

11. 분수 $\frac{1}{30}$ 과 $\frac{7}{9}$ 의 순환마디를 각각 a , b 라 할 때, $a+b$ 의 값은?

- ① 3 ② 7 ③ 10 ④ 13 ⑤ 14

해설

$$\frac{1}{30} = 0.03333\cdots, \frac{7}{9} = 0.7777\cdots$$

$$\therefore a = 3, b = 7$$

$$\therefore a + b = 10$$

12. 자연수 x 에 대하여 분수 $\frac{8}{45x}$ 을 소수로 나타내면 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되는 순환소수가 된다. 자연수 x 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 25

해설

$\frac{8}{45x}$ 이 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되려면 분모가 9000이 되어야 한다.

$$\frac{8}{45x} = \frac{8}{9000} = \frac{1}{1125} = 0.000\dot{8}$$

따라서 x 의 최솟값은 25

13. 다음은 순환소수를 분수로 고치는 과정이다. (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 나열한 것은?

순환소수 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5}$ 에 대하여 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = x$ 라 하자.

그리면 $x = 0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = 0.4353535\dots$

(가) $= 4.353535\dots \textcircled{\text{①}}$

(나) $= 435.353535\dots \textcircled{\text{②}}$

$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}}$ 을 하면 $990x = 431$

$\therefore x = \text{(나)}$

① $10x, 100x, \frac{431}{990}$

③ $100x, 10x, \frac{431}{900}$

⑤ $10x, 100x, \frac{431}{900}$

② $10x, 1000x, \frac{431}{990}$

④ $1000x, 10x, \frac{431}{900}$

해설

순환소수 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5}$ 에 대하여 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = x$ 라 하자.

그리면 $x = 0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = 0.4353535\dots$

$10x = 4.353535\dots \textcircled{\text{①}}$

$1000x = 435.353535\dots \textcircled{\text{②}}$

$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}}$ 을 하면 $990x = 431$

$\therefore x = \frac{431}{990}$

14. $0.\dot{4}\dot{5} = 45 \times [\square]$ 일 때, $[\square]$ 안에 알맞은 순환소수는?

- ① 0.1i ② 0.0i ③ 0.0i ④ 0.00i ⑤ 0.001

해설

$$0.45 = \frac{45}{99} = 45 \times \frac{1}{99} \text{ 이므로 } \square = \frac{1}{99} = 0.0\dot{i}$$

15. $1 + 0.1 + 0.01 + 0.001 + 0.0001 + 0.00001 + 0.000001 + \dots$ 을 계산하여
기약분수로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{10}{9}$

해설

$$1 + 0.1 + 0.01 + 0.001 + \dots = 1.11111\dots = 1.\dot{1}$$

$$1.\dot{1} = \frac{11 - 1}{9} = \frac{10}{9}$$

16. 다음 식을 만족하는 a , b 에 대하여 $a - b$ 의 값은?

$$0.\dot{5} = a \times 0.\dot{1}, \quad 0.\dot{1}\dot{5} = b \times 0.\dot{0}\dot{1}$$

- ① -10 ② -5 ③ 0 ④ 5 ⑤ 10

해설

$$0.\dot{5} = \frac{5}{9} = 5 \times \frac{1}{9} = 5 \times 0.\dot{1}, \quad 0.\dot{1}\dot{5} = \frac{15}{99} = 15 \times \frac{1}{99} = 15 \times 0.\dot{0}\dot{1}$$

따라서, $a = 5$, $b = 15$ 이므로 $a - b = 5 - 15 = -10$

17. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 유리수는 $\frac{b}{a}$ 꼴로 나타낼 수 있다. (a, b 는 정수)
- ② 모든 무한소수는 순환소수이다.
- ③ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수이다.
- ④ 정수가 아닌 유리수 중에는 순환소수로 나타내어지는 수도 있다.
- ⑤ 유리수는 유한소수와 무한소수로 나뉜다.

해설

- ① 유리수는 $\frac{b}{a}$ 꼴로 나타낼 수 있다. (단 $a \neq 0$)
- ② 무한소수에는 순환하지 않는 무한소수도 있다.
- ③ 정수가 아닌 유리수에는 순환소수도 있다.
- ④ 유리수는 유한소수와 순환소수로 나뉜다.

18. $\frac{1}{45}, \frac{2}{45}, \frac{3}{45}, \dots, \frac{199}{45}, \frac{200}{45}$ 중에서 유한소수이면서, 정수가 아닌 유리수의 개수는?

① 4개 ② 18개 ③ 22개 ④ 62개 ⑤ 66개

해설

$\frac{n}{45} = \frac{n}{3^2 \times 5}$ 이 유한소수가 되게 하는 n 은 9의 배수이므로 22 개, 이때 정수가 되게 하는 n 은 45의 배수로 4개이다.

따라서 $22 - 4 = 18$ 개이다.

19. 분수 $\frac{6}{7}$ 를 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 100 번째 자리의 숫자는?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{6}{7} = 0.857142857142\cdots = 0.\dot{8}5714\dot{2}$$

이므로 순환마디의 숫자의 개수가 6 개이다. 한편 $100 = 6 \times 16 + 4$ 이므로 소수점 아래 100 번째 자리의 숫자는 소수점 아래 넷째 자리의 숫자와 같다.

따라서 1 이다.

20. $x = 0.1$ 일 때, $1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{11}{10}$

해설

$$x = \frac{1}{9}, \frac{1}{x} = 9$$

$$(준식) = 1 + \frac{1}{1+9} = \frac{11}{10}$$

21. 다음 식을 만족하는 0 이 아닌 숫자 a, b, c, d, e 의 합을 구하면?

$$0.\dot{a}b\dot{c}d\dot{e} = \frac{abcde - ab}{99900} = \frac{13665}{99900}$$

- ① 15 ② 16 ③ 18 ④ 21 ⑤ 25

해설

$$0.\dot{a}b\dot{c}d\dot{e} = \frac{13665}{99900} \text{ } \Rightarrow \text{므로 } ab = 13 \text{ } \Rightarrow \text{된다.}$$

$$\text{따라서 } 13665 = abcde - 13$$

$$abcde = 13665 + 13$$

$$\therefore abcde = 13678$$

$$\therefore a + b + c + d + e = 25$$

22. $1.\dot{6} = a \times 0.\dot{1}$ 일 때 a 와 $0.2\dot{6}$ 의 역수를 b 라 할 때, ab 의 값은?

- ① $\frac{125}{4}$ ② $\frac{145}{4}$ ③ $\frac{175}{4}$ ④ $\frac{225}{4}$ ⑤ $\frac{245}{4}$

해설

$$\frac{15}{9} = a \times \frac{1}{9} \quad \therefore a = 15$$

$$0.2\dot{6} = \frac{24}{90} = \frac{4}{15} \quad \therefore b = \frac{15}{4}$$

$$\therefore ab = 15 \times \frac{15}{4} = \frac{225}{4}$$

23. $x = \frac{n}{150}$ (n 은 100 이하의 자연수) 일 때, x 가 무한소수가 되도록 하는 n 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 67

해설

$$150 = 2 \times 3 \times 5^2$$

n 이 3의 배수이면 $\frac{n}{150}$ 은 유한소수

$$100 \div 3 = 33 \cdots 1$$

$$\therefore 100 - 33 = 67$$

24. 다음을 만족시키는 한 자리 자연수의 a 의 값은?

$$0.\dot{3}\dot{7} < 0.\dot{a} < 0.\dot{4}\dot{6}$$

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$0.\dot{3}\dot{7} = 0.3777\cdots$$

$$0.\dot{a} = 0.aaa\cdots$$

$$0.\dot{4}\dot{6} = 0.464646\cdots$$

$$\therefore a = 4$$

25. 정수, 자연수, 유한소수, 무한소수, 순환소수에 대하여, 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ 정수와 무한소수의 합은 무한소수이다.
- Ⓑ 자연수와 순환소수의 곱은 순환소수이다.
- Ⓒ 무한소수와 순환소수의 합은 순환소수이다.
- Ⓓ 자연수와 유한소수의 합은 순환소수이다.
- Ⓔ 유한소수와 무한소수의 합은 유한소수이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

해설

- Ⓐ 무한소수와 순환소수의 합은 무한소수이다.
무한소수에는 순환하지 않는 무한소수도 있다.
- Ⓑ 자연수와 유한소수의 합은 유한소수이다.
- Ⓒ 유한소수와 무한소수의 합은 무한소수이다.
무한소수에는 순환하지 않는 무한소수도 있다.