

1. 다항식 $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - 1)^2(x + 1)$ ② $(x + 1)^2(x - 1)$
③ $(x - 1)(x + 1)$ ④ $(x - 1)^3$
⑤ $(x + 1)^3$

해설

$$\begin{aligned}x^3 - x^2 - x + 1 &= x^2(x - 1) - (x - 1) \\&= (x - 1)(x^2 - 1) \\&= (x - 1)^2(x + 1) \\∴ f(x) &= (x - 1)(x^2 - 1) = (x - 1)^2(x + 1)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용하여 인수분해할 수 있다.

$$f(1) = 0,$$

즉 $x - 1$ 로 나누어 떨어지므로

조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

2. 다항식 $8x^3 - 1$ 을 $4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을 $Q(x)$ 라 할 때 $Q(x)$ 의 상수항의 계수는?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

\therefore 상수항은 -1

3. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 3$ ② $x + 3$
③ $x^2 + 1$ ④ $x^2 + 9$
⑤ $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 + 1)(x^2 - 9) \\&= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3) \\⑤ \quad x^2(x + 3) + x + 3 &= (x^2 + 1)(x + 3)\end{aligned}$$

4. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 $(x + ay)(x - by + c)$ 가 된다고 할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y \\&= (x^2 - y^2) - 2(x - y) \\&= (x + y - 2)(x - y) \\&= (x + ay)(x - by + c) \\&\text{계수를 비교하면} \\a = -1, b = -1, c = -2 \\&\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4\end{aligned}$$

5. 100개의 다항식 $x^2 - x - 1$, $x^2 - x - 2$, …, $x^2 - x - 100$ 중에서 계수가 정수인 일차식의 곱으로 인수분해되는 것은 모두 몇 개인가?

① 5 개 ② 7 개 ③ 9 개 ④ 11 개 ⑤ 13 개

해설

$x^2 - x - n = (x + a)(x - b)$ (a, b 는 자연수) 라 하면
 $b = a + 1$, $ab = n$ ($1 \leq n \leq 100$)

a	1 2 3 4 5 6 7 8 9
b	2 3 4 5 6 7 8 9 10
$n=ab$	2 6 12 20 30 42 56 72 90

$\therefore 9$ (개)

6. 다음 중 $x^2 + y^2 + 2xy - 2x - 2y$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x + y$ ② $-x - y$ ③ $x + y - 2$
④ $x - y$ ⑤ $2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (x^2 + 2xy + y^2) - 2(x + y) \\&= (x + y)^2 - 2(x + y) \\&= (x + y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

한편,

$$\begin{aligned}(x + y)(x + y - 2) &= -(-x - y)(x + y - 2) \\&= \frac{1}{2}(2x + 2y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

7. $16x^4 - 625y^4$ 을 옳게 인수분해한 것은?

- ① $(x + 5y)(2x - 5y)(4x^2 + 25y^2)$
- ② $(2x + y)(2x - 5y)(4x^2 + 25y^2)$
- ③ $(2x + 5y)(2x - 5y)(4x^2 + 25y^2)$
- ④ $(x + 5y)(x - 5y)(4x^2 + 25y^2)$
- ⑤ $(2x + 5y)(x - y)(4x^2 + 25y^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (4x^2)^2 - (25y^2)^2 \\&= (4x^2 + 25y^2)(4x^2 - 25y^2) \\&= (2x + 5y)(2x - 5y)(4x^2 + 25y^2)\end{aligned}$$

8. 다항식 $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$ 가 $(2x + ay + b)(x + cy + d)$ 로
인수분해 될 때, a, b, c, d 의 값을 차례로 적은 것은?

- ① 1, 3, 1, 1 ② 1, 3, -1, 1 ③ -1, 3, 1, 1
④ -1, 3, -1, 1 ⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1) \\∴ a &= -1, b = 3, c = 1, d = 1\end{aligned}$$

9. 서로 다른 세 실수 x, y, z 에 대하여 $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$ 를 만족할 때,
 $x + y + z$ 의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} & x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz \\ &= (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx) = 0 \\ & (x + y + z) = 0 \text{ 또는 } x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx = 0 \\ & \therefore x + y + z = 0 \text{ 또는 } \frac{1}{2}((x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2) = 0 \end{aligned}$$

그런데 x, y, z 가 서로 다른 세 실수 ($x \neq y \neq z$) 이므로
 $x + y + z = 0$