

1. 수직선 위의 두 점 A(-2), B(4)에 대하여 P(-5)일 때, $\overline{PA} + \overline{PB}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

수직선 위의 두 점 사이의 거리 공식을 이용하여 $\overline{PA} + \overline{PB}$ 를 구한다.

A(-2), B(4), P(-5)에 대하여

$$\overline{PA} = |-5 - (-2)| = 3, \overline{PB} = |-5 - 4| = 9$$

$$\therefore \overline{PA} + \overline{PB} = 3 + 9 = 12$$

2. $3x + 4y - 2 = 0$ 에 수직이고, 점 (1, 2) 를 지나는 직선의 기울기와 y 절편의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

직선 $3x + 4y - 2 = 0$ 의 기울기는

$$y = -\frac{3}{4}x + \frac{1}{2} \text{ 에서 } -\frac{3}{4}$$

따라서 이 직선의 수직인 직선의 기울기는 $\frac{4}{3}$ 이다.

$$y - 2 = \frac{4}{3}(x - 1)$$

$$\therefore y = \frac{4}{3}x + \frac{2}{3}$$

$$\therefore \frac{4}{3} + \frac{2}{3} = 2$$

3. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

① $(x+1)(x^2-x+1) = x^3+1$

② $(a+2b-3c)^2 = a^2+4b^2+9c^2+4ab-12bc-6ac$

③ $(x+2)(x^2-2x+4) = x^3+8$

④ $(x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) = x^4-x^2y^2+y^4$

⑤ $(x-1)^2(x+1)^2 = x^4-2x^2+1$

해설

$$\begin{aligned} \text{④ } & (x^2-xy+y^2)(x^2+xy+y^2) \\ &= (x^2+y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4+x^2y^2+y^4 \end{aligned}$$

4. x 에 대한 항등식 $x^2 - 2x + 3 = a + b(x-1) + cx(x-1)$ 에서 a, b, c 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$

▷ 정답: $b = -1$

▷ 정답: $c = 1$

해설

계수비교법에 의하여

$$\begin{aligned}x^2 - 2x + 3 &= a + b(x-1) + cx(x-1) \\ &= cx^2 + (b-c)x + a-b\end{aligned}$$

$$x^2 - 2x + 3 = cx^2 + (b-c)x + a-b \text{에서}$$

$$c = 1, b - c = -2, a - b = 3$$

연립하여 풀면

$$\therefore a = 2, b = -1, c = 1$$

5. $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$ 을 인수분해하면?

① $(a+b)(a-b)(b+c)$

② $(a-b)(b-c)(c+a)$

③ $(a-b)(a+b)(b-c)$

④ $(a-b)(a+b)(c-a)$

⑤ $(a-b)(b+c)(c-a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b-c) - b^2(b-c) \\ &= (a-b)(a+b)(b-c) \end{aligned}$$

6. x, y 가 실수일 때, $(1+i)x + (1-i)y = \frac{2-i}{1+i}$ 을 만족하는 x, y 의 값은?

- ① $x = -\frac{1}{2}, y = 1$ ② $x = \frac{1}{2}, y = 1$ ③ $x = 1, y = -\frac{1}{2}$
④ $x = 1, y = 1$ ⑤ $x = 1, y = \frac{1}{2}$

해설

$$(x+y) + (x-y)i = \frac{2-i}{1+i} = \frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$$

$$\Rightarrow x+y = \frac{1}{2}, \quad x-y = -\frac{3}{2}$$

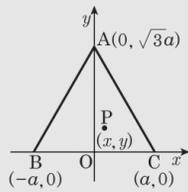
$$\Rightarrow x = -\frac{1}{2}, \quad y = 1$$

7. 좌표평면 위의 정삼각형 ABC에 대하여 $2\overline{PA}^2 = \overline{PB}^2 + \overline{PC}^2$ 을 만족시키는 점 P의 자취는 어떤 도형을 그리는가?

- ① 삼각형 ② 직선 ③ 선분
 ④ 원 ⑤ 원 아닌 곡선

해설

그림과 같이 변 BC의 중점을 원점으로 하는 좌표축을 설정하고 점 C의 좌표를 $C(a, 0)$ 이라고 두면, $B(-a, 0)$, $A(0, \sqrt{3}a)$ 이다.



이 때, 점 P의 좌표를 $P(x, y)$ 라 하면

$$2\overline{PA}^2 = \overline{PB}^2 + \overline{PC}^2 \text{ 이므로}$$

$$2\{x^2 + 2(y - \sqrt{3}a)^2\}$$

$$= (x + a)^2 + y^2 + (x - a)^2 + y^2$$

$$\text{정리하여 간단히 하면, } y = \frac{\sqrt{3}}{3}a$$

∴ 직선

8. A(2, 0), B(0, 2)에서의 거리의 제곱의 합이 12인 점 P(x, y)의 자취를 나타내는 식은?

① $x^2 + y^2 + 2x + 2y = 2$

② $x^2 + y^2 + 2x - 2y = 2$

③ $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 2$

④ $x^2 + y^2 - 2x - 2y = 2$

⑤ $x^2 + y^2 + x - y = 2$

해설

$$(\overline{PA})^2 = (x-2)^2 + y^2$$

$$(\overline{PB})^2 = x^2 + (y-2)^2$$

$$\therefore (x-2)^2 + y^2 + x^2 + (y-2)^2 = 12$$

$$\therefore x^2 + y^2 - 2x - 2y = 2$$

9. 사차식 $3x^4 - 5x^2 + 4x - 7$ 을 이차식 A 로 나누었더니 몫이 $x^2 - 2$ 이고 나머지가 $4x - 5$ 일 때, 이차식 A 를 구하면?

① $3x^2 - 2$

② $3x^2 - 1$

③ $3x^2$

④ $3x^2 + 1$

⑤ $3x^2 + 2$

해설

$$\text{검산식 : } 3x^4 - 5x^2 + 4x - 7 = A(x^2 - 2) + 4x - 5$$

$$A = \frac{3x^4 - 5x^2 - 2}{x^2 - 2} = 3x^2 + 1$$

10. $(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4(2x - 1)^7$ 을 전개했을 때, 모든 계수들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4 \cdot (2x - 1)^7$
 $= a_0x^{19} + a_1x^{18} + a_2x^{17} + \dots + a_{19}$ 로 놓으면
계수들의 총합 $a_0 + a_1 + \dots + a_{19}$ 는 양변에 $x = 1$ 을 대입한
결과와 같으므로 항등식의 성질에서
 $(1 + 2 - 3 + 2)^4 \cdot (2 - 1)^7 = 2^4 = 16$

11. 자연수 $N = 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1$ 의 양의 약수의 개수를 구하여라.(인수분해공식을 이용하여 푸시오.)

▶ 답: 개

▷ 정답: 49 개

해설

$$\begin{aligned} a^3 + 3a^2 + 3a + 1 &= (a + 1)^3 \\ \therefore N &= 35^3 + 3 \cdot 35^2 + 3 \cdot 35 + 1 \\ &= (35 + 1)^3 = 36^3 = 2^6 \times 3^6 \\ \therefore \text{약수의 개수} &= (6 + 1) \times (6 + 1) = 49 \end{aligned}$$

12. 두 실수 x, y 가 $x+y = -5$, $xy = 2$ 를 만족할 때, $\sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}}$ 의 값을 구하면?

- ① $\sqrt{2}$ ② $\frac{5\sqrt{2}}{4}$ ③ $\frac{5\sqrt{2}}{3}$ ④ $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ ⑤ $3\sqrt{2}$

해설

$x+y = -5$, $xy = 2$ 에서 $x < 0$, $y < 0$ 이다.

$$\begin{aligned} \therefore \sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}} &= \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} + \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}} \\ &= \frac{x+y}{\sqrt{x}\sqrt{y}} \\ &= \frac{-5}{-\sqrt{xy}} \\ &= \frac{-5}{-\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{2} \end{aligned}$$

13. 이차방정식 $x^2 + 3x - 2 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha^4 + \beta^4$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 161

해설

$$\begin{aligned}\alpha + \beta &= -3, \alpha\beta = -2 \\ \alpha^2 + \beta^2 &= (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 13 \\ \alpha^4 + \beta^4 &= (\alpha^2 + \beta^2)^2 - 2\alpha^2\beta^2 \\ &= (13)^2 - 2\alpha^2\beta^2 \\ &= (13)^2 - 2(-2)^2 = 161\end{aligned}$$

14. x 에 대한 방정식 $x^2 + 2ax + a^2 - 2a + 3 = 0$ 의 두 근의 차가 2일 때, 상수 a 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} & \text{두 근이 } \alpha, \beta \text{ 일 때,} \\ & \alpha + \beta = -2a, \alpha\beta = a^2 - 2a + 3 \\ & (\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta \\ & \quad = (-2a)^2 - 4(a^2 - 2a + 3) \\ & \quad = 8a - 12 \\ & |\alpha - \beta| = 2 \text{ 이므로,} \\ & 8a - 12 = 4 \quad \therefore a = 2 \end{aligned}$$

15. 방정식 $x^2+x+1=0$ 의 한근이 ω 일 때 $x = \frac{2}{\omega+1}$ 가 $x^2+px+q=0$ 의 근이다. 이 때, 유리수 p, q 의 합을 바르게 구한 것은?

- ① -2 ② 0 ③ 2 ④ 4 ⑤ 8

해설

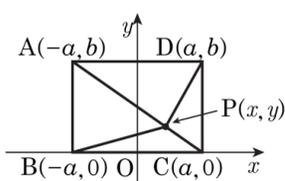
$$\begin{aligned}
 &x^2+x+1=0 \text{의 두근: } \omega, \bar{\omega} \\
 &\omega + \bar{\omega} = -1, \omega \cdot \bar{\omega} = 1 \\
 &x^2+px+q=0 \text{의 두근: } \frac{2}{\omega+1}, \frac{2}{\bar{\omega}+1} \\
 &-p = \frac{2}{\omega+1} + \frac{2}{\bar{\omega}+1} = \frac{2(\omega+\bar{\omega})+4}{\omega\bar{\omega}+(\omega+\bar{\omega})+1} = 2 \\
 &q = \frac{2}{\omega+1} \cdot \frac{2}{\bar{\omega}+1} = \frac{4}{\omega\bar{\omega}+(\omega+\bar{\omega})+1} = 4 \\
 &p = -2, q = 4 \quad \therefore p+q = 2
 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}
 &x^2+x+1=0 \Rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2} \\
 &\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2} = \omega \text{라 하자.} \\
 &\frac{2}{\omega+1} = \frac{2}{\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2} + 1} = 1 - \sqrt{3}i \\
 &\therefore \text{다른 한근은 켈레복소수인 } 1 + \sqrt{3}i \text{가 된다.} \\
 &p = -(\text{두근의 합}) = -2, q = (\text{두근의 곱}) = 4 \\
 &p+q = 2
 \end{aligned}$$

16. 다음은 직사각형 ABCD와 임의의 점 P에 대하여 $\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = \overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$ 이 성립함을 보인 것이다. (가) ~ (마)에 들어갈 말 중 옳지 않은 것은?

다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 한 변 BC를 x축, \overline{BC} 의 수직이등분선을 y축으로 잡으면 A(-a, b), B(-a, 0), C(a, 0), D(a, b)로 놓을 수 있다.



이때, 점 P의 좌표를 P(x, y)라고 하면
 $\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = (가) + (나)$
 $= 2(x^2 + y^2 + a^2 - by) + b^2 \dots \textcircled{㉠}$
 $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 = (다) + (라)$
 $= 2(x^2 + y^2 + a^2 - by) + b^2 \dots \textcircled{㉡}$
 $\textcircled{㉠}, \textcircled{㉡}$ 로부터 $\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = (마)$

- ① (가) : $(x+a)^2 + (y+b)^2$ ② (나) : $(x-a)^2 + y^2$
 ③ (다) : $(x+a)^2 + y^2$ ④ (라) : $(x-a)^2 + (y-b)^2$
 ⑤ (마) : $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$

해설

A(-a, b), B(-a, 0), C(a, 0), D(a, b), P(x, y) 이므로
 $\overline{AP}^2 = (x+a)^2 + (y-b)^2 \dots (가)$
 $\overline{CP}^2 = (x-a)^2 + y^2 \dots (나)$
 $\overline{BP}^2 = (x+a)^2 + y^2 \dots (다)$
 $\overline{DP}^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 \dots (라)$
 $\therefore \overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = \overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 \dots (마)$

17. 세 점 A(2, 1), B(-4, 3), C(-1, -3)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 외심의 좌표를 (a, b)라고 할때, a + b를 구하면?

- ① -2 ② 3 ③ 4 ④ -1 ⑤ -3

해설

외심은 외접원의 중심이므로 외심을 O라 하면

$\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$ 이다.

$$\sqrt{(a-2)^2 + (b-1)^2} = \sqrt{(a+4)^2 + (b-3)^2} \text{에서 } 3a - b = -5 \dots \textcircled{A}$$

$$\sqrt{(a-2)^2 + (b-1)^2} = \sqrt{(a+1)^2 + (b+3)^2} \text{에서 } 6a + 8b = -5 \dots \textcircled{B}$$

①, ②를 연립하면

$$a = -\frac{3}{2} \quad b = \frac{1}{2}$$

$$\therefore a + b = -1$$

18. 네 점 $A(a, 4), B(2, 4), C(-3, b), D(-2, 2)$ 를 꼭짓점으로 하는 사각형 ABCD 가 평행사변형일 때, ab 의 값은?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

사각형 ABCD 가 평행사변형이므로
대각선의 중점이 서로 일치한다.
즉, \overline{AC} 의 중점과 \overline{BD} 의 중점이 일치하므로
 $\frac{a-3}{2} = \frac{2-2}{2}, \frac{4+b}{2} = \frac{4+2}{2}$
 $a-3=0, 4+b=6$
 $\therefore a=3, b=2$
 $\therefore ab=6$

19. 두 점 A(-1, 4), B(3, 2) 을 이은 선분 AB 의 수직이등분선 위에 있는 점을 고르면?

- ① (-2, 5) ② (1, 2) ③ (4, 9)
④ (5, -7) ⑤ (7, -15)

해설

\overline{AB} 의 방정식을 구해보면,

$$y = \frac{2-4}{3-(-1)}(x-3) + 2 \quad \therefore y = -\frac{1}{2}x + \frac{7}{2}$$

\therefore 수직이등분선의 기울기는 2 이고 \overline{AB} 의 중점 을 지난다.

$$\Rightarrow y = 2\left(x - \frac{-1+3}{2}\right) + \frac{4+2}{2} = 2x + 1$$

\Rightarrow 점 (4, 9) 를 지난다.

20. 다음 두 원 $x^2 + y^2 = 3^2$, $(x-9)^2 + y^2 = 2^2$ 의 공통접선의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

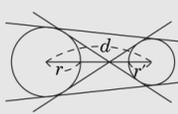
먼저 두 원의 반지름의 길이의 합 $r+r'$, 차 $r-r'$, 중심거리 d 를 구하여

두 원의 위치관계를 파악한다.

두 원의 반지름의 길이를 각각 $r=3$, $r'=2$ 로 놓으면

$r+r'=5$, $r-r'=1$ $d=9$ 이므로

$r+r' < d$ (한 원이 다른 원 밖에 있다.) \therefore 공통접선은 모두 4 개



21. 원 $x^2 + y^2 + 2y = 0$ 과 직선 $y = mx - 3$ 이 만나지 않을 때, 상수 m 의 범위를 구하면?

① $-\sqrt{3} < m < \sqrt{3}$

② $-\sqrt{2} < m < \sqrt{2}$

③ $-1 < m < 1$

④ $-2 < m < 2$

⑤ $-3 < m < 3$

해설

$$\begin{cases} x^2 + y^2 + 2y = 0 & \dots \textcircled{1} \\ y = mx - 3 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

②을 ①에 대입하여 정리하면

$$(m^2 + 1)x^2 - 4mx + 3 = 0$$

이 이차방정식의 판별식을 D 라고 하면

$$\frac{D}{4} = (-2m)^2 - 3(m^2 + 1) = m^2 - 3$$

원과 직선이 만나지 않으려면 $\frac{D}{4} = m^2 - 3 < 0$

$$\therefore -\sqrt{3} < m < \sqrt{3}$$

해설

①, ②을 변형하면

$$\text{각각 } x^2 + (y + 1)^2 = 1, mx - y - 3 = 0$$

이 때, 원의 중심 $(0, -1)$ 에서

직선 $y = mx - 3$ 에 이르는 거리를 d 라고 하면

$$d = \frac{|1 - 3|}{\sqrt{m^2 + (-1)^2}} = \frac{2}{\sqrt{m^2 + 1}}$$

원과 직선이 만나지 않으려면

$$\frac{2}{\sqrt{m^2 + 1}} > 1 \text{ 이어야 하므로}$$

$$\sqrt{m^2 + 1} < 2, m^2 < 3$$

$$\therefore -\sqrt{3} < m < \sqrt{3}$$

22. $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$ 일 때, 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, \bar{z} 는 z 의 켈레복소수)

- ㉠ $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0$
 ㉡ $1 + \alpha + \alpha^2 + \dots + \alpha^{15} = 1$
 ㉢ $z = \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1}$ 일 때, $z\bar{z} = \frac{7}{3}$

- ① ㉠ ② ㉠, ㉡ ③ ㉠, ㉢
 ④ ㉡, ㉢ ⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

㉠ : $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$, $2\alpha + 1 = \sqrt{3}i$
 양변을 제곱해서 정리하면 $\alpha^2 + \alpha + 1 = 0$
 ㉡ : $(\alpha - 1)(\alpha^2 + \alpha + 1) = 0$, $\alpha^3 = 1$
 $1 + \alpha + \alpha^2 + \dots + \alpha^{15}$
 $= 1 + \alpha + \alpha^2 + \alpha^3(1 + \alpha + \alpha^2) + \dots + \alpha^{15} = \alpha^{15}$
 $= (\alpha^3)^5 = 1$ ($\because \alpha^2 + \alpha + 1 = 0$)
 ㉢ : $\bar{\alpha} = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$, $\alpha + \bar{\alpha} = -1, \alpha\bar{\alpha} = 1$
 $z = \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1}$, $\bar{z} = \frac{\bar{\alpha} + 3}{2\bar{\alpha} + 1}$
 $z\bar{z} = \frac{\alpha\bar{\alpha} + 3(\alpha + \bar{\alpha}) + 9}{4\alpha\bar{\alpha} + 2(\alpha + \bar{\alpha}) + 1} = \frac{1 - 3 + 9}{4 - 2 + 1} = \frac{7}{3}$

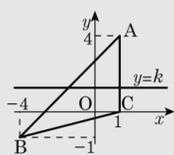
해설

㉢ 이 성립함을 다음과 같이 직접 계산할 수 있다.
 $\alpha = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$
 $\Rightarrow 2\alpha + 1 = \sqrt{3}i, \alpha + 3 = \frac{5 + \sqrt{3}i}{2}$
 $\therefore \frac{\alpha + 3}{2\alpha + 1} = \frac{5 + \sqrt{3}i}{2\sqrt{3}i}$
 $= \frac{5i - \sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$
 $z \cdot \bar{z} = \frac{\sqrt{3 - 5i}}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3 + 5i}}{2\sqrt{3}} = \frac{7}{3}$

23. 좌표평면 위의 세 점 $A(1, 4)$, $B(-4, -1)$, $C(1, 0)$ 을 꼭지점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이를 직선 $y = k$ 가 이등분할 때, 상수 k 의 값을 구하면?

- ① $4 - \sqrt{5}$ ② $4 - \sqrt{6}$ ③ $4 - \sqrt{7}$
 ④ $4 - 2\sqrt{2}$ ⑤ $4 - \sqrt{10}$

해설



$$\triangle ABC \text{의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 4 \times 5 = 10$$

$$\overline{AB} \text{의 방정식을 구하면, } y = \frac{-1-4}{-4-1}(x-1) + 4$$

$$\Rightarrow y = x + 3$$

$$\therefore y = k \text{와 삼각형이 만나는 점의 좌표는 } (k-3, k), (1, k)$$

\Rightarrow 이등분된 위쪽 삼각형 넓이를 구해보면

$$\frac{1}{2} \times (1 - (k-3)) \times (4-k) = 5$$

$$\text{방정식을 풀면, } k = 4 \pm \sqrt{10}$$

$$\therefore k = 4 - \sqrt{10} (\because k < 4)$$

24. 두 원 $x^2 + y^2 = 9, x^2 + y^2 - 8x - 6y + 16 = 0$ 의 두 교점 사이의 거리를 구하면?

- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{5}$ ③ $\sqrt{10}$ ④ $\sqrt{11}$ ⑤ $\sqrt{13}$

해설

두 원의 교점을 이은 선분이 공통현 이다.

두 원의 공통현의 방정식은

$$(x^2 + y^2 - 9) - (x^2 + y^2 - 8x - 6y + 16) = 0$$

$$\therefore 8x + 6y - 25 = 0$$

이때, 다음 그림과 같이 이 두 원의 교점을 A, B라 하고

공통현 AB의 중점을 M이라고 하면

$\overline{OO'}$ 은 \overline{AB} 를 수직이등분하므로 $\overline{AB} = 2\overline{AM} =$

$$2\sqrt{3^2 - \overline{OM}^2} \dots \dots \textcircled{1}$$

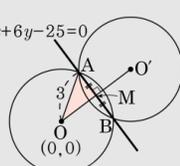
그런데 \overline{OM} 은 원점 O에서 직선 $8x + 6y - 25 = 0$ 까지의

거리이므로

$$\overline{OM} = \frac{|-25|}{\sqrt{8^2 + 6^2}} = \frac{5}{2} \dots \dots \textcircled{2}$$

①을 ②에 대입하면 구하는 두 교점 사이의 거리는

$$\overline{AB} = 2\overline{AM} = 2\sqrt{3^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2} = 2 \cdot \frac{\sqrt{11}}{2} = \sqrt{11}$$

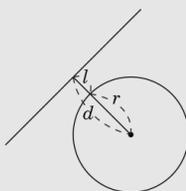


25. 원 $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 2 = 0$ 위의 임의의 점에서 직선 $x - y + 2 = 0$ 에 이르는 최단거리는 얼마인지 구하면?

- ① $\sqrt{2} - 2$ ② $2\sqrt{2} - 2$ ③ $3\sqrt{2} - 2$
 ④ $2\sqrt{3} - 2$ ⑤ $3\sqrt{2} + 2$

해설

원의 중심과 직선의 거리를 d , 최단거리를 l , 원의 반지름을 r 이라고 하면 최단거리는 원 중심에서 직선에 이르는 거리에서 원 반지름을 뺀 값과 일치한다. 원의 방정식은 $(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 4$ 이고, 직선의 방정식은 $y = x + 2$ 이다. 원의 중심은 $(1, -1)$ 이고 $r = 2$ 이므로



$$\therefore l = \frac{|1 + 1 + 2|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} - 2 = 2\sqrt{2} - 2$$