- **1.** 세 집합 $A=\left\{x|x\vdash 10$ 의 약수 \}, $B=\left\{x|x\vdash 16$ 의 약수 \}, $C=\left\{x|x\vdash 20$ 의 약수 \}에 대하여 $(A\cup C)\cap B$ 는?
 - ① {4,8,16} ③ {1,2,6,8}

②{1, 2, 4} ④ {3, 6, 12}

⑤ {1, 2, 3, 4, 6, 12}

해설

0,0,12)

조건제시법을 원소나열법으로 고쳐보면 $A = \{1,2,5,10\} \,,\, B = \{1,2,4,8,16\} \,,\, C = \{1,2,4,5,10,20\} \, \text{이다}.$

A∪C = {1,2,4,5,10,20}이 된다. 집합 B 와의 공통 원소를 찾으면 {1,2,4}가 된다.

2. 다음 집합들 중 서로소인 것은?

- ① $A = \{x \mid x = 2n, n$ 은 자연수}, $B = \{x \mid x = 2n 1, n$ 은 자연수} ② $A = \{x \mid x = 6m, m$ 은 정수}, $B = \{x \mid x = 3m, m$ 은 정수}
- ③ $A = \{x \mid x \vdash x^2 \le 4 \text{ 인 정수}\}, B = \{0, 1, 2\}$
- ④ $A = \{x \mid x \in \ \ \, \ \, \ \, \ \, \ \, \}, \ B = \{x \mid x \in \ \ \, \}\}$ ⑤ $A = \{x \mid 3 \leq x < 8\}, \ B = \{x \mid 0 \leq x \leq 3\}$

A 는 짝수의 집합, B 는 홀수의 집합을 나타내기 때문에 서로소인

집합이 된다.

- 두 집합 $A = \{4, 5, a-1\}, B = \{b-3, 6, 8\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{4, 6\}$ 일 3. 때, $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: 1

 $A\cap B=\{4,6\}$ 이므로 $\{4,6\}\subset\{4,5,a-1\},\{4,6\}\subset\{b-3,6,8\}$

그러면 a-1=6, b-3=4 가 되어 a=7, b=7 이다. 따라서 $\frac{b}{a}=\frac{7}{7}=1$ 이다.

- 4. 두 조건 p,q 를 만족하는 집합을 각각 P,Q 라 할 때, 명제 $p \rightarrow q$ 가 거짓임을 보이는 반례가 속하는 집합은?
 - $\bigcirc P Q \qquad \qquad \bigcirc Q P$
- - ① $P \cap Q$ ② $P \cup Q$ ③ $P^c \cup Q^c$

 $p \rightarrow q$ 가 거짓임을 보이려면 P 의 원소 중에서 Q 의 원소가 아닌

해설

것을 찾으면 된다. 따라서, 반례가 속하는 집합은 $P \cap Q^c = P - Q$

5. 명제 'x 가 소수이면 x 는 홀수이다.' 는 거짓이다. 다음 중 반례로 알맞은 것은?

① 2 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

x=2 인 경우에는 소수이지만 짝수이다.

- **6.** 두 집합 A , B 에 대하여 $A \cup B = A$ 일 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① $A \cap B = B$ ③ $(A \cap B) \subset A$
- ② $B \subset A$
- $\bigcirc A \cup (A \cap B) = B$

 $A \cup B = A$ 일 때, $B \subset A$ 이다.

해설

- 7. 두 집합 A, B 에 대하여 $A \cup B$ 와 집합 B 가 다음과 같을 때, 다음 중 집합 A 가 될 수 없는 것은?
 - $A \cup B = \{x | x 는 8$ 의 약수 $\}$, $B = \{x | x 는 3$ 미만의 자연수 $\}$
 - ① {1, 4, 8}
 - ② {x|x는 5보다 큰 2의 배수}
 - ③ {x|x는 10보다 작은 4의배수}④ {x|x는 8의 약수}
 - ⑤ {x|x는 12의 약수}

집합 $B = \{1, 2\}$ 이고, $A \cup B = \{1, 2, 4, 8\}$ 이므로

해설

집합 A 는 원소 4, 8 을 반드시 포함하는 $A \cup B$ 의 부분집합이다. ⑤ $\{x|x$ 는 12의 약수 $\} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\} \not\subset \{1, 2, 4, 8\}$

8. 두 집합

 $A = \{x \mid x 는 8 의 약수\}, B = \{x \mid x 는 10 이하의 짝수\}에 대하여$ $n(A \cap B) =$ _____ , $n(A \cup B) =$ ____이다.

인에 들어갈 수를 차례대로 쓴 것은?

① 2, 4

② 3,9

33, 6

4 4, **6 5 4**, **9**

 $A = \{1, 2, 4, 8\}, B = \{2, 4, 6, 8, 10\}$ 이므로

 $A \cap B = \{2,4,8\}, A \cup B = \{1,2,4,6,8,10\}$ 이다. 따라서 $n(A \cap B) = 3, n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) =$ 4+5-3=6 이다.

9. 우리 반 학생 56 명 중에서 제주도에 가 본 학생이 35 명, 일본에 가 본 학생이 21 명, 제주도에도 일본에도 가 보지 못한 학생이 8 명일 때, 제주도와 일본에 모두 가 본 학생을 몇 명인지 구하여라.

<u>명</u>

▷ 정답: 8 명

해설

제주도에 가 본 학생을 집합 A 라 하고, 일본에 가 본 학생을 집합 B 라 하자. 제주도에도 일본에도 가 보지 못한 학생이 8 명이므로 $n(A \cup B) = 56 - 8 = 48$ 이다. $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 48 = 35 + 21 - xx = 8 이다. 그러므로 제주도와 일본에 모두 가 본 학생 , 즉 $n(A \cap B) = 8$

- **10.** 전체집합 $U=\{1,3,5,7,9\}$ 의 두 부분집합 A,B 에 대하여 $A-B=\{3\}$, $B-A=\{5\}$, $A^c\cap B^c=\{7,9\}$ 일 때, $A\cap B$ 는?
 - ① {1} ② {3} ③ {1,3} ④ {1,3,5} ⑤ {1,5}

해설

 $A - B = \{3\}, B - A = \{5\}, A^c \cap B^c = \{7, 9\}$ 이므로 $A \cap B = \{1\}$ 이다.

- 11. 전체집합 $U = \{3, 6, 9, 12, 15, 18, 21\}$ 의 두 부분집합 A ={ 3, 9, 15, 21}, B = {12, 15, 18, 21}에 대하여 연산 A△B = $(A \cup B) - (A \cap B)$ 로 정의할 때, $(A \triangle B) \triangle B^c$ 을 나타낸 것은?
 - ③ {3, 15, 21}

① {3, 6, 12}

② {3, 12, 18}

⑤ {6, 12, 15, 18}

4{6, 12, 18}

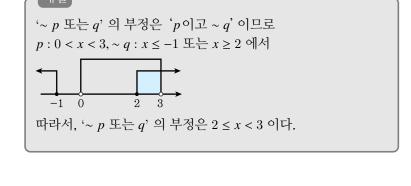
 $A\triangle B=(A\cup B)-(A\cap B)$ $= \{3,\ 9,\ 12,\ 15,\ 18,\ 21\} - \{15,\ 21\}$

 $= \{3, 9, 12, 18\}$ $\therefore (A \triangle B) \triangle B^c = \{3, 9, 12, 18\} \triangle \{3, 6, 9\}$ $= \{3, 6, 9, 12, 18\} - \{3, 9\}$

 $= \{6, 12, 18\}$

- **12.** 두 조건 $p:0 < x < 3, \ q:-1 < x < 2$ 에 대하여 '~ p 또는 q' 의 부정은?
 - ① 0 < x < 2
- ② -1 < x < 3
 - ③ $x \le -1 \stackrel{\mathsf{L}}{=} x > 0$ ④ $-1 \le x < 3$

 $\bigcirc 2 \le x < 3$



13. 다음 중 참인 명제는 모두 몇 개인가?

- ① 임의의 유리수 x에 대하여 x + y = √3 을 만족하는 유리수 y 가 존재한다.
 ⑥ 임의의 유리수 x에 대하여 xy = 1 을 만족하는 유리수 y
- 가 존재한다.
- © 임의의 무리수 x에 대하여 xy = 1 을 만족하는 무리수 y 가 존재한다.
 ② 임의의 무리수 x에 대하여 √3x 는 무 리수이다.

② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 없다.

¬ 주어진 조건을 만족하는 유리수 y가 존재한다면 (유리수)+(유

해설

①1 개

리수)=(무리수)가 되므로 모순이다. (거짓) ⓒ x = 0 일 때, xy = 1을 만족하는 y는 존재하지 않는다. (거짓)

ⓒ x가 무리수이므로 $x \neq 0$ 이다. 즉, xy = 1 에서 $y = \frac{1}{x}$ 은 무리수이므로 무리수 y가 존재한다. (참)

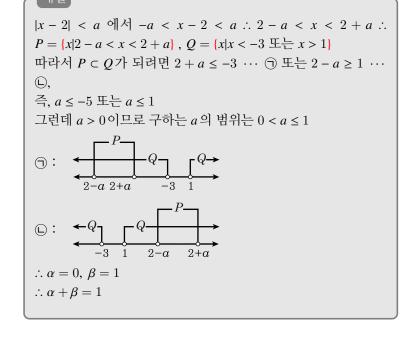
(리) $x = \sqrt{3}$ 일 때, $\sqrt{3}x = \sqrt{3}\sqrt{3} = 3$ 이 되어 유리수이다. (거

짓) 따라서 참인 명제는 © 하나뿐이다.

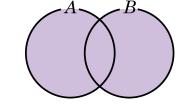
14. 실수 *x*에 대한 두 조건

라 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라.

답: ▷ 정답: 1



15. 두 집합 A = {1, 2, 4, 8, 16, 24}, B = {4 × x | x ∈ A} 에 대하여 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합의 원소의 최댓값을 구하여라.



답:▷ 정답: 96

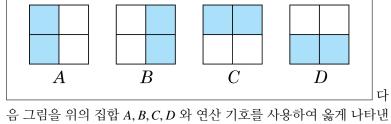
$B = \{4 \times x \mid x \in A\}$ 는 집합 A 의 원소를 x 에 대입한 수들의

집합이다. 원소나열법으로 고쳐보면, B = {4, 8, 16, 32, 64, 96} 이 된다.

B = {4, 8, 16, 32, 64, 96} 이 된다. 색칠한 부분의 원소는 {1, 2, 4, 8, 16, 24, 32, 64, 96} 이다.

이때, 가장 큰 원소는 96 이다.

16. 다음 그림은 각각의 집합을 도형으로 나타낸 것이다.



것은? _____



- ① $(A B) \cup (B A)$ ③ $(B - C) \cup (C - B)$
- $(A \cup B) (B \cap C)$ $(A \cup C) (A \cap C)$
- $(B-C) \cup (C-B)$

주어진 벤 다이어그램의 색칠한 부분은 ④ $(A \cup C)$ – $(A \cap C)$

이다.

- 17. 두 집합 $A = \{5, 2a + 1, 11\}, B = \{6 a, 3a 2, 13\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{7\}$ 일 때, B - A 는 ?
 - **4**{3, 13} **5**{7}

해설

- ① {5, 7, 11} ② {3, 7, 13} ③ {5, 11}

 $A-B=\{7\}$ 이므로 $7\in A$, $7\in B$ 이다.

2a + 1 = 7 $\therefore a = 3$ $B = \{6 - 3, 3 \times 3 - 2, 13\} = \{3, 7, 13\}$

 $B - A = \{3, 13\}$

18. 전체집합 $U = \{x | x \leftarrow 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 B ={1,3,5,9},A 에 대하여 집합 $(A \cup B) \cap (A \cap B)^c = \{1, 3, 9, 10\}$ 를 만족하는 집합 A 는?

- ① $\{2,5\}$
- ② {5,7}
- **3**{5, 10}

해설

 $\textcircled{4} \ \{5,7,9\}$ $\textcircled{5} \ \{5,9,10\}$

 $U \ = \ \{1,2,3,4,5,6,7,8,9,10\} \ , \\ \textit{\textit{B}} \ = \ \{1,3,5,9\} \, , \\ (\textit{\textit{A}} \cup \textit{\textit{B}}) \ \cap \\$

 $(A \cap B)^c = (A \cup B) - (A \cap B) = \{1, 3, 9, 10\}$ 이므로 $A \cap B = \{5\}$ 이다. 따라서 집합 $A=\{5,10\}$ 이다.

- **19.** 실수 전체 집합의 두 부분집합 $A = \{a^2 2a 1, 3\}, B = \{2, 4 a, 2a^2 a\}$ 에 대하여 $B-A^c=\{2\}$ 일 때, $A\cup B$ 의 모든 원소의 합을 구하면?
 - ① 10
- ② 16
- **3**21
- **4** 25
- ⑤ 30

해설

 $B-A^c=B\cap (A^c)^c=B\cap A=\{2\}$ 이므로 집합 A에는 원소 2가 들어있다. 따라서 $a^2 - 2a - 1 = 2$, $a^2 - 2a - 3 = 0$

 $\therefore a = -1, a = 3$ 이다. i) a = -1 일 때, $A = \{2, 3\}$, $B = \{2, 3, 5\}$

- $\therefore A \cap B = \{2,3\}$ 이므로 부적당 i) a = 3 일 때, $A = \{2, 3\}$, $B = \{1, 2, 15\}$
- $A\cap B=\{2\}$ 이코,이 때 $A\cup B=\{1,2,3,15\}$ 따라서 $A \cup B$ 의 모든 원소의 합은 21이다.

 ${f 20}$. 자연수 n 의 양의 배수의 집합을 A_n 이라 할 때, 다음 <보기>에서 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, m, n)은 자연수)

보기

 \bigcirc $A_5 \cap A_7 = \emptyset$ \bigcirc m, n이 서로소이면 $A_m \cap A_n = A_{mn}$

 $\textcircled{4} \ \textcircled{c}, \textcircled{c}, \textcircled{a}$

 $\textcircled{1} \ \textcircled{3}, \textcircled{2}, \textcircled{2}$

(5)©, @

② ⑦, ⑤

 \bigcirc $A_4 = \{4, 8, 12, 16, \cdots\}$ $A_6 = \{6, 12, 18, 24, \dots\}$ 이므로

 $A_4 \cup A_6 = \{4, 6, 8, 12, 16, \dots\} \neq A_4$ \bigcirc $A_m = \{m, 2m, \cdots, nm, (n+1)m, \cdots\}$ $A_n = \{n, 2n, \cdots, mn, (m+1)n, \cdots\}$ m, n이 서로소이면 $A_m \cap A_n = A_{mn}$ a $A_m = A_{kn} = \{kn, 2kn, 3kn, \cdots\}$

 $A_n = \{n, 2n, 3n, 4n, \dots\}$ 이旦로 $A_m\subset A_n$

21. 집합 $P = \{2x+1|x \in 6$ 보다 작은 자연수 $\}$ 의 부분집합 $A = \{3,5\}, B = \{5,7,9\}$ 에 대하여 $A \cup X = B \cup X$ 를 만족하는 집합 P 의 부분집합 X 의 개수를 구하여라.

개

답:

정답: 4개

 $P = \{2x+1|x$ 는 6보다 작은 자연수 $\} = \{3,5,7,9,11\}$ $A = \{3,5\}$, $B = \{5,7,9\}$

 $A \cup X = B \cup X$ 를 만족하는 X 는 원소 3,7,9 를 반드시 포함하는 집합 P 의 부분집합이다. 따라서 부분집합 X 의 개수는 $2^{5-3} = 4$ (개)

- **22.** 집합 $N = \{x \mid x$ 는 100이하의 자연수 $\}$ 의 부분집합 $A_n =$ $\{x \mid x 는 n$ 의 배수 $\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.
 - \bigcirc $A_3 \subset A_4 = A_{12}$

 - \bigcirc $A_4 \cup A_6 \subset A_2$
 - \bigcirc $n(A_4) > n(A_2)$

 - 답:
 - 답:
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: □ ▷ 정답: □
 - ▷ 정답: ⑭

$\bigcirc A_3 \subset A_4 = A_{12} \rightarrow \frac{Q}{25}$ 다.

해설

 $\bigcirc A_4 \cup A_6 \subset A_2 \to A_4 \subset A_2$ 이고 $A_6 \subset A_2$ 이므로 옳다.

② $(A_2 \cap A_3) \cup (A_3 \cap A_4) = A_{12} \rightarrow A_6 \cup A_{12} = A_6$ 이므로 옮지 않다.

 $\square n(A_4) > n(A_2) \rightarrow A_4 \subset A_2$ 이므로 옮지 않다. $\textcircled{\tiny (eta)}A_3 - A_4 = A_3 - A_{12} \rightarrow 3$ 의 배수에서 4 의 배수인 것을 제외한

집합은, 3 의 배수에서 12 의 배수를 제외한 집합과 같으므로

옳다.

23. 세 집합 A, B, C 에 대하여 n(A) = 32, n(B) = 20, n(C) = 15, $n(A \cap B) = x$, $n(B \cap C) = 0$, $n(A \cap C) = 10$, n(A - B) = 22 일 때, $n(A \cup B \cup C)$ 의 값은?

① 41

해설

- 1) 41
- ② 43 ③ 45
- **⑤** 49

벤다이어그램으로 나타내면 다음 그림과 같다. 그러므로 $n(A \cup B \cup C) = 5 + 10 + 12 + x + 20 - x = 47$ 24. 60명의 학생이 세 개의 클럽 중 적어도 한 클럽에 속해 있다. 그 학생들의 집합을 각각 A, B, C라 할 때, n(A) = 42, n(B) = 36, n(C) = 27, n(A ∩ B ∩ C) = 10 이다. n((A ∩ B) ∪ (B ∩ C) ∪ (C ∩ A))를 구하면?

① 5

해설

② 15

③ 25

4):

⑤ 45

 $n(A \cup B \cup C) = 60$ 이므로, $60 = 42 + 36 + 27 - \{n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A)\} + 10$

따라서, $n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap B) = 55$

 $\therefore n((A \cap B) \cup (B \cap C) \cup (C \cap A)) = n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A)$ $-3n(A \cap B \cap C) + n(A \cap B \cap C) = 55 - 3 \times 10 + 10 = 35$

 $m(111B11C) + m(111B11C) = 30 \quad 3 \times 10 + 10 = 30$

25. 두 자리의 자연수 중에서 2 의 배수이거나 3 의 배수이면서 8 의 배수가 아닌 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

 ▶ 답:
 개

 ▷ 정답:
 56 개

<u>21 ⋅ 90√|</u>

해설

 $U = \{10, 11, 12, 13, \cdots, 99\}$ 이코,

2 의 배수의 집합을 A, 3 의 배수의 집합을 B, 8 의 배수의 집합을 C 라고 하면,

2 의 배수이거나 3 의 배수이면서 8 의 배수가 아닌 것의 집합은 $(A \cup B) - C$ 이다.

 $n((A \cup B) - C) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) - n(A \cap B \cap C),$ $A \cap B \leftarrow 6 \text{ 의 배수의 집합이고}, A \cap B \cap C \leftarrow 24 \text{ 의 배수의}$

집합이므로 45 + 30 - 15 - 4 = 56