

1. 다음 중 옳은 것을 골라라.

- ① 원점에서 멀리 떨어진 수일수록 절댓값이 작다.
- ② 음수는 절댓값이 큰 수가 크다.
- ③ 양수의 절댓값이 음수의 절댓값보다 크다.
- ④ 절댓값은 항상 양수이다.

⑤ 음수의 절댓값이 0 의 절댓값보다 크다.

해설

- ① 절댓값은 원점과의 거리이므로 원점에서 멀리 떨어진 수일수록 절댓값이 크다.
- ② 음수는 절댓값이 작은 수가 크다.
- ③ $|+1| < |-2|$
- ④ 0 의 절댓값은 0 이다.
- ⑤ 음수의 절댓값은 양수이므로 0 보다 크다.

2. 다음 수를 작은 수부터 차례로 배열할 때에 네 번째 오는 수는?

$$-\frac{2}{3}, 2, 0, -3, -\frac{1}{4}, \frac{7}{3}$$

- ① $-\frac{2}{3}$ ② $-\frac{1}{4}$ ③ 2 ④ $\frac{7}{3}$ ⑤ 0

해설

수직선상에 각 수를 배열해 본다.

∴ 네 번째 오는 수는 0이다.



해설

음수는 0보다 작으므로 음수가 세 개 있으므로 네 번째 오는 수는 0이다.

3. 수직선 위에서 -7 에 대응하는 점을 A, 4 에 대응하는 점을 B 라 할 때, 두 점으로부터 같은 거리에 있는 점에 대응하는 수는?

① -5.5 ② -3 ③ -1.5 ④ 1.5 ⑤ 3

해설

A 와 B 사이의 거리는 $4 - (-7) = 11$ 이므로
두 점으로부터 같은 거리에 있는 점에 대응하는 수는 $-7 + 11 \times$

$$\frac{1}{2} = -\frac{3}{2} = -1.5 \text{ 이다.}$$

4. 다음 중 계산 결과가 가장 작은 것을 골라라.

- ① $(-11) + (+8)$ ② $(+8) + (-17)$ ③ $(-7) - (-15)$
④ $(+5) - (+10)$ ⑤ $(-3) - (+13)$

해설

① $(-11) + (+8) = -3$
② $(+8) + (-17) = -9$
③ $(-7) - (-15) = (-7) + (+15) = +8$
④ $(+5) - (+10) = (+5) + (-10) = -5$
⑤ $(-3) - (+13) = (-3) + (-13) = -16$

5. 다음 중 계산 결과가 나머지 넷과 다른 하나는?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} (+64) \div (-16) & \textcircled{2} \left(-\frac{1}{4}\right) \div \frac{1}{16} \\ \textcircled{3} \left(+\frac{1}{3}\right) \div \left(-\frac{5}{6}\right) & \textcircled{4} (-24) \div (+6) \\ \textcircled{5} \left(-\frac{10}{3}\right) \div \left(+\frac{5}{6}\right) & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} (+64) \div (-16) = -4$$

$$\textcircled{2} \left(-\frac{1}{4}\right) \div \frac{1}{16} = \left(-\frac{1}{4}\right) \times 16 = -4$$

$$\textcircled{3} \left(+\frac{1}{3}\right) \div \left(-\frac{5}{6}\right) = \left(+\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{6}{5}\right) = -\frac{2}{5}$$

$$\textcircled{4} (-24) \div (+6) = -4$$

$$\textcircled{5} \left(-\frac{10}{3}\right) \div \left(+\frac{5}{6}\right) = \left(-\frac{10}{3}\right) \times \left(+\frac{6}{5}\right) = -4$$

6. 다음을 계산하여라.

$$\frac{5}{6} \times \left(-\frac{3}{4}\right) \div \left(-\frac{3}{2}\right)$$

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{5}{12}$ 또는 $+\frac{5}{12}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{5}{6} \times \left(-\frac{3}{4}\right) \div \left(-\frac{3}{2}\right) &= \frac{5}{6} \times \left(-\frac{3}{4}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right) \\ &= +\frac{5}{12}\end{aligned}$$

7. 섭씨 $x^{\circ}\text{C}$ 는 화씨 $\frac{9}{5}x + 32^{\circ}\text{F}$ 이다. 화씨 104°F 는 섭씨 온도로 얼마인가?

- ① 30°C ② 40°C ③ 50°C ④ 60°C ⑤ 70°C

해설

섭씨 온도 x 일 때의 값이므로

$$\frac{9}{5} \times x + 32 = 104 (\text{ }^{\circ}\text{F})$$

$$x = (104 - 32) \times \frac{5}{9}$$

$$x = 40 (\text{ }^{\circ}\text{C})$$

8. 다음 중 일차식을 모두 고르면?

① $6x + 5$

④ $-\frac{x}{4} + 1$

② $\frac{2}{x} - 3$

⑤ $\frac{1}{x} + \frac{2}{3}$

③ $0.2x^2 + x$

해설

② $\frac{2}{x} \rightarrow x$ 가 분모에 있으므로 일차식이 아니다.

③ $0.2x^2 \rightarrow$ 이차식

⑤ $\frac{1}{x} + \frac{2}{3} \rightarrow x$ 가 분모에 있으므로 일차식이 아니다.

9. 동류항이 아닌 것끼리 짹지어진 것을 모두 고르면?

Ⓐ 2ab, -3ab	Ⓑ x ² , 2x	Ⓒ x ² , 4x ²
Ⓓ x ² , y ²	Ⓔ 3x, 5y	Ⓕ 7a, 2a

① Ⓐ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

해설

동류항: 문자와 차수 모두 같은 항

Ⓐ x², 2x : 문자는 같지만 차수가 다르다

Ⓓ x², y² : 문자가 다름

Ⓔ 3x, 5y : 문자가 다름

10. 다음 등식에서 밑줄 친 항을 이항한 것을 고르면?

$$2x + \underline{4} = 10 - \underline{4x}$$

Ⓐ $2x + 4x = 10 - 4$ Ⓑ $2x - 4x = 10 + 4$

Ⓒ $2x + 4x = 10 + 4$ Ⓞ $2x + 4x = -10 - 4$

Ⓓ $2x - 4x = 10 - 4$

해설

$2x + 4x = 10 - 4$ Ⓛ이다.

11. 다음 등식 중에서 일차방정식에 해당하는 알파벳을 차례대로 쓰면
어떠한 단어가 된다.
일차방정식인 것을 골라 단어를 구하여라.

Ⓐ $3x = 4 - x$ [e] Ⓑ $4x - 2x = x + 1$ [q]

Ⓑ $1.5x + 2.5x = 4x$ [d] Ⓒ $5x = -x + 2$ [u]

Ⓓ $2x - 9 = -x + 8$ [a] Ⓓ $8 - 6x = 0$ [t]

Ⓔ $-4x + 3 = 4x + 4$ [f] Ⓕ $x^2 - 2x - 4 = 0$ [y]

Ⓕ $7x - 5 = -6x$ [o] Ⓗ $-3x + 1 = -x + 3$ [n]

▶ 답:

▷ 정답: *equation*

해설

Ⓐ $3x = 4 - x$: $3x + x = 4$ (일차방정식이다.)

Ⓑ $4x - 2x = x + 1$: $4x - 2x - x = 1$

(일차방정식이다.)

Ⓒ $1.5x + 2.5x = 4x$: $1.5x + 2.5x - 4x = 0$ 에서

$0 = 0$ (일차방정식이 아니다.)

Ⓓ $5x = -x + 2$: $5x + x = 2$ (일차방정식이다.)

Ⓔ $2x - 9 = -x + 8$: $2x + x = 8 + 9$

(일차방정식이다.)

Ⓕ $8 - 6x = 0$: (일차방정식이다.)

Ⓖ $-4x + 3 = 4x + 4$: $-4x - 4x = 4 - 3$

(일차방정식이다.)

Ⓗ $x^2 - 2x - 4 = 0$: (일차방정식이 아니다.)

Ⓘ $7x - 5 = -6x$: $7x + 6x = 5$ (일차방정식이다.)

Ⓛ $-3x + 1 = -x + 3$: $-3x + x = 3 - 1$

(일차방정식이다.)

따라서 일차방정식인 것은 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓗ, Ⓙ이고,
*equation*이다.

12. 함수 $f(x) = -x + 4$ 에 대하여 $f(-5)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= -x + 4 \text{에서} \\f(-5) &= -(-5) + 4 = 9 \text{이다.}\end{aligned}$$

13. $y = 3x$ 에서 x 의 값이 $-1, 0, 2$ 일 때, 함수값은?

- ① $-1, 0, 1$ ② $-2, 0, 2$ ③ $-3, 0, 6$
④ $-4, 0, 4$ ⑤ $-5, 0, 5$

해설

$$x = -1 \text{ 일 때}, y = -3$$

$$x = 0 \text{ 일 때}, y = 0$$

$$x = 2 \text{ 일 때}, y = 6$$

\therefore 함수값은 $-3, 0, 6$ 이다.

14. 어떤 수를 5로 나누었더니 몫이 6이고, 나머지가 2이었다. 이 수를 3으로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

(어떤 수) = $5 \times 6 + 2 = 3 \times 10 + 2$ 이므로 나머지는 2이다.

15. $2^a = 64$, $3^b = 81$, $5^c = c$ 를 만족하는 세 자연수 a , b , c 에 대하여 $c - a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 115

해설

$$2^1 = 2$$

$$2^2 = 2 \times 2 = 4$$

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

⋮

$$2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$$

이므로 $a = 6$ 이다.

$$3^1 = 3$$

$$3^2 = 3 \times 3 = 9$$

$$3^3 = 3 \times 3 \times 3 = 27$$

$$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

이므로 $b = 4$ 이다.

$$5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125$$

이므로 $c = 125$ 이다.

따라서 $c - a - b = 125 - 6 - 4 = 115$ 이다.

16. 360의 소인수의 개수를 x , 소인수들의 합을 y 라 할 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

이므로
소인수는 2, 3, 5이다.

$$\therefore x = 3, y = 2 + 3 + 5 = 10$$

17. $2^a \times 3^b$ 이 $2^2 \times 3$ 을 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 2$

▷ 정답: $b = 1$

해설

$2^a \times 3^b$ 이 $2^2 \times 3$ 을 약수로 가지므로, a 는 2 이상의 자연수, b 는 1 이상의 자연수가 되어야 한다.
그 중 최솟값은 $a = 2, b = 1$ 일 때이다.

18. 1부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

개

▷ 정답 : 4개

해설

자연수 n 의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과 n 이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로

자연수 n 은 소수의 완전제곱수이어야 한다.

따라서 1부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면

$7^2 = 49 < 50$ 이고 $11^2 = 121 > 50$ 이므로

50 이하인 소수의 완전제곱수는

$2^2, 3^2, 5^2, 7^2$ 이다.

19. 두 자연수 28, 126의 공약수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

공약수는 최대공약수의 약수이므로

두 수의 최대공약수는 2×7

\therefore 약수의 개수는 $(1+1) \times (1+1) = 4$ (개)

20. 세 자연수 2, 3, 4 의 어느 것으로 나누어도 1 이 남는 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

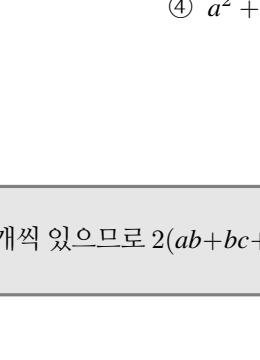
해설

구하는 수는 $(2, 3, 4)$ 의 공배수 + 1 인 수 중 가장 작은 자연수이다.

$2, 3, 4$ 의 최소공배수는 12 이다.

$$\therefore 12 + 1 = 13$$

21. 다음 그림과 같은 직육면체의 겉넓이를 a, b, c 를 사용하여 나타내면?



① $6abc$ ② $2(a^2 + b^2 + c^2)$

③ $2(ab + bc + ca)$ ④ $a^2 + b^2 + c^2$

⑤ $2(a + b + c)$

해설

마주보는 면이 두 개씩 있으므로 $2(ab+bc+ca) = 2ab+2bc+2ca$

22. 다항식 $2(6a - 3) - 3(3a + 1)$ 을 간단히 했을 때, a 의 계수와 상수항의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$$12a - 6 - 9a - 3 = 3a - 9$$

a 의 계수는 3, 상수항은 -9

$$\therefore 3 + (-9) = -6$$

23. 다음을 등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① 학생 1 명의 버스 요금이 x 원일 때, 학생 3 명의 요금은 2300 원이다. $\rightarrow x + 3 = 2300$
- ② 한 변의 길이가 x cm 인 정사각형의 둘레의 길이는 25 cm 이다. $\rightarrow 2x = 25$
- ③ 어떤 수 x 에 5를 더하면 이 수의 2 배보다 3 만큼 크다. $\rightarrow x + 5 = 2x + 3$
- ④ 200 원짜리 사탕 x 개를 사고 1000 원을 내었더니 100 원을 거슬러 주었다. $\rightarrow 1000 - 100x = 200$
- ⑤ 시속 x km 로 2 시간 동안 간 거리는 8 km 이다. $\rightarrow 2 + x = 8$

해설

- ① $3x = 2300$
- ② $4x = 25$
- ④ $1000 - 200x = 200$
- ⑤ $2x = 8$

24. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a = b$ 이면 $a - 1 = b - 1$ 이다.
- ② $a = b$ 이면 $a + 4 = b + 4$ 이다.
- ③ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다.
- ④ $\frac{a}{3} = \frac{b}{3}$ 이면 $a = b$ 이다.
- ⑤ $a = b$ 이면 $2a + c = 2b + c$ 이다.

해설

③ 등식의 양변을 0이 아닌 수로 나눌 때에 등식이 성립하므로 $c \neq 0$ 이란 조건이 있어야 한다.

25. 다음은 방정식 $\frac{x-3}{3} = 2$ 를 등식의 성질을 이용하여 해를 구하는 과정이다. a, b, c, d 의 값으로 옳은 것은?

$$\begin{aligned}\frac{x-3}{3} \times a &= 2 \times a \\x-3 &= b \\x-3+c &= b+c \\∴ x &= d\end{aligned}$$

- ① $a = 3, b = 3$ ② $a = 3, b = -6$ ③ $b = 6, c = -3$
④ $c = 3, d = 9$ ⑤ $c = 3, d = -9$

해설

$$\begin{aligned}\frac{x-3}{3} = 2 \text{ 의 양변에 } 3 \text{ 을 곱하면} \\x-3 = 6 \rightarrow a = 3, b = 6 \\x-3+3 = 6+3 \rightarrow c = 3 \\x = 9 \rightarrow d = 9\end{aligned}$$