- 등차수열  $a_n$ 의 일반항이  $a_n = -2n 2$ 일 때, 첫째 항 a와 공차 d는? 1.
  - ① a = -1, d = 2③ a = -2, d = -2
- ② a = -1, d = -2
- ⑤ a = -4, d = 2
- $\bigcirc a = -4, \ d = -2$

 $a_n = -2n - 2$ 이므로  $a_1 = -2 \cdot 1 - 2 = -4,$ 

 $a_2 = -2 \cdot 2 - 2 = -6$ 이旦로  $d = a_2 - a_1 = -2$ 

2. 다음 등차수열의 제 20 항을 구하여라.

131, 137, 143, 149, 155, 161,...

▶ 답:

➢ 정답: 245

주어진 등차수열의 제 1항을 a, 공차를 d라고 하자.

해설

a = 131, d = 137 - 131 = 6이므로  $a_n = 131 + (n-1) \cdot 6 = 6n + 125$  $a_n = 6 \cdot 20 + 125 = 245$ 

- 다음 등비수열의 일반항  $a_n$ 은? 3.
  - 2, 4, 8, 16, ....
  - (4)  $2^n$
- ①  $(-2)^n$  ②  $2^{n-1}$
- $3 2^{n+1}$

 $(-2)^{n-1}$ 

주어진 수열은 첫째항이 2이고 공비가 2이므로  $a_n=2^n$ 

- 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_4a_5a_6=125$ 일 때,  $a_5$ 의 값은? 4.
  - ③ 8 ④ 16 ① 2 ⑤ 32

첫째항을 a, 공비를 r이라 하면

 $a_4a_5a_6 = ar^3 \cdot ar^4 \cdot ar^5 = a^3r^{12} = (ar^4)^3$ 이므로  $(ar^4)^3 = 125 = 5^3$ 

 $\therefore a_5 = ar^4 = 5$ 

해설

- **5.** 수열 1, -2, 3, -4, 5, ··· 의 11 번째 항은?
  - ① -13 ② -10 ③ 11 ④ -11 ⑤ 13

해설

주어진 수열은 각 항의 절댓값이 자연수이고, 부호가 교대로 변하는 꼴이다. 따라서 11 번째 항은 11 이다.

- 등차수열 11,  $a_1, a_2, a_3, \cdots, a_{100}, 213$ 에서 공차는? **6.** 
  - **2**2 ① 1 3 3 4 4 ⑤ 5

 $b_1 = 2$ ,  $b_2 = a_1$ ,  $b_3 = a_2$ , ...,  $b_{101} = a_{100}$ ,  $b_{102} = 213$ 

 $b_{102} = 213 = 11 + (102 - 1) \cdot d$ 

101d = 202

d = 2

해설

- 7. 첫째항이 -25, 공차가 3인 등차수열에서 처음으로 양수가 되는 항
  - ① 제 9 항 ② 제 10 항 ③ 제 11 항 ④ 제 12항 ⑤ 제 13항

주어진 수열의 일반항을  $a_n$ 이라 하면  $a_n = -25 + (n-1) \times 3 = 3n - 28$ 이때,  $a_n > 0$ 을 만족시키는 n은

 $3n - 28 > 0, \ 3n > 28$ 

 $\therefore n > \frac{28}{3} = 9.33 \cdots$ 

따라서 자연수 n의 최솟값은 10이므로 처음으로 양수가 되는

해설

항은 제10항이다.

8. 첫째항이 1, 공비가 8 인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 수열  $\{b_n\}$ 을  $b_n=\log_2 a_n$ 으로 정의할 때, 수열  $\{b_n\}$ 의 첫째항부터 제 10 항까지의 합을 구하여라.

▷ 정답: 135

▶ 답:

V 0H ⋅ 1

 $a_n = 8^{n-1} = (2^3)^{n-1} = 2^{3n-3}$   $b_n = \log_2 a_n = \log_2 2^{3n-3}$   $b_n \in 첫째 향이 0, 공차가 3인 등차수열$   $\therefore S_{10} = \frac{10\{2 \cdot 0 + (10-1) \cdot 3\}}{2}$   $= 5 \cdot 27 = 135$ 

 $= 3 \cdot 27 = 155$ 

- 9. 세 수 1, x, 5는 이 순서로 등차수열을 이루고, 세 수 1, y, 5는 이 순서로 등비수열을 이룰 때,  $x^2 + y^2$ 의 값은?
  - ① 11
- ② 12 ③ 13 ④ 14
- ⑤ 15

세 수 1, x, 5는 이 순서로 등차수열을 이루므로

해설

 $2x = 1 + 5 = 6 \quad \therefore x = 3$ 세 수 1, y, 5는 이 순서로 등비수열을 이루므로  $y^2 = 5$ 따라서  $x^2 + y^2 = 14$ 

**10.** 수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_n=2^n+(-1)^n$ 일 때,  $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_9$ 의 값은?

①  $2^{10} - 3$  ②  $2^{10} - 1$  ③  $2^{10}$  ④  $2^{10} + 1$  ⑤  $2^{10} + 3$ 

 $a_n = 2^n + (-1)^n \, \text{odd}$ 

 $a_1 + a_2 + \dots + a_9$   $= (2^1 - 1) + (2^2 + 1) + \dots + (2^9 - 1)$   $= (2^1 + 2^2 + \dots + 2^9) - 1$   $= \frac{2(2^9 - 1)}{2 - 1} - 1 = 2^{10} - 3$ 

11. 다음 표에 적당한 수를 넣어 각 행과 각 열이 각각 등차수열을 이루도록 할 때, 12개의 빈 칸에 들어갈 수들의 총합을 구하여라.

1		(
10		34

▶ 답:

▷ 정답: 156

다음 표와 같이 빈 칸에 문자를 대응시키자.

1 a b 7

c	d	e	f	
a	7			
8	h	i	j	
10	k	l	34	
 각 행	과 열	이각	각등	차수열을 이루므로

a + b = 1 + 7 = 8k + l = 10 + 34 = 44

c + g = 1 + 10 = 11

f + j = 7 + 34 = 41里, (d+e) + (h+i) = (c+f) + (g+j)

= (c+g) + (f+j) = 11 + 41 = 52이므로 구하는 총합은

8 + 44 + 11 + 41 + 52 = 156

**12.** 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_6+a_{11}+a_{15}+a_{20}=28$ 일 때,  $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_{25}$ 의 합을 구하여라.

▶ 답:

N FIEL

➢ 정답: 175

첫째항을 a, 공차를 d라 하면  $a_6+a_{11}+a_{15}+a_{20}=4a+48d=28$  a=7-12d

a = t - 12a  $a_1 + a_2 + \dots + a_{25}$ 

 $= \frac{25\left\{2(7-12d) + (25-1)d\right\}}{2} = 175$ 

\_\_\_\_\_

- ${f 13.}$  첫째항부터 제 n항까지의 합이  $S_n=2n^2+2n+lpha$  인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\alpha$ 의 값은?
  - ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

 $S_n = 2n^2 + 2n + \alpha$   $S_{n-1} = 2(n-1)^2 + 2(n-1) + \alpha$ 

 $a_n = S_n - S_{n-1}$ 

 $= 2n^2 + 2n + \alpha - (2n^2 - 4n + 2 + 2n - 2 + \alpha)$ 

 $=4n\ (n\geq 2)$  $a_1 = S_1$ 이므로

 $4 = 4 + \alpha$ 

 $\therefore \alpha = 0$ 

**14.** 2와 162사이에 세 양수 a,b,c를 넣어 2,a,b,c,162가 이 순서대로 등비수열을 이루게 할 때, a+b+c의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 78

 $b^2 = 2 \times 162$ 

해설

b = 18 (∵b > 0) 2,a,18,c,162가 등비수열을 이루므로

 $a^2 = 2 \times 18$ 

 $a = 6 \quad (\because a > 0)$ 

 $c^2 = 18 \times 162$ c = 54

 $\therefore a + b = c = 6 + 18 + 54 = 78$ 

- 15. 공비가 r인 등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n항까지의 합  $S_n$ 에 대하여  $\frac{S_{3n}}{S_n}=7$ 일 때,  $\frac{S_{2n}}{S_n}$ 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답:

➢ 정답: 3

첫째항을  $a_1$ 이라고 하면  $\frac{S_{3n}}{S_n} = \frac{\frac{a_1(r^{3n} - 1)}{r - 1}}{\frac{a_1(r^n - 1)}{r - 1}} = 7, \quad \frac{r^{3n} - 1}{r^n - 1} = 7$   $\frac{(r^n - 1)(r^{2n} + r^n + 1)}{r^n - 1} = 7, \quad r^{2n} + r^n + 1 = 7$   $(r^n)^2 + r^n - 6 = 0, \quad (r^n + 3)(r^n - 2) = 0$   $\therefore \quad r^n = 2(\because r > 1)$   $\frac{S_{2n}}{S_n} = \frac{\frac{a_1(r^{2n} - 1)}{r - 1}}{\frac{a_1(r^n - 1)}{r - 1}} = \frac{r^{2n} - 1}{r^n - 1}$   $\frac{(r^n - 1)(r^n + 1)}{r^n - 1} = r^n + 1 = 3$ 

16. 매출액이 매년 일정한 비율로 증가하는 기업이 있다. 지난 10년간 매출액의 증가율이 69%일 때, 처음 5년간 매출액의 증가율은?

① 13% ② 15% ③ 20% ④ 24% ⑤ 30%

매년 매출액의 증가비율을 a라 하자  $(1+a)^{10}=1.69$  일 때

 $(1+a)^5 = \sqrt{1.69} = \sqrt{1.3^2}$ 

= 1.3이므로

따라서 증가율은 30%

해설

1.3 배로 증가하였다.

마를 갚아야 하는가? (단,  $1.02^{12} = 1.2682$ )
① 1258200 원 ② 1268200 원 ③ 1278200 원
④ 1288200 원 ⑤ 1298200 원

17. 100 만원을 월이율 2%, 1 개월마다의 복리로 빌릴 때, 1년 후에는 얼

해설 100 만×1.02<sup>12</sup> = 100 만×1.2682 = 1268200(원)

- 18. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라고 할 때,  $S_n=$  $2\cdot 3^n+k$ 이다. 이때, 수열  $\{a_n\}$ 이 등비수열이 되도록 하는 상수 k의 값과 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항은?
  - ①  $k = -1, a_n = 4 \cdot 3^n$ ③ k = -1,  $a_n = 3 \cdot 3^{n-1}$
- ② k = -1,  $a_n = 2 \cdot 3^{n-1}$
- $4 k = -2, a_n = 4 \cdot 3^n$

## (i) n=1일 때, $a_1=S_1=2\cdot 3^{n-1}+k=6+k$

해설

- (ii) n=2일 때,  $a_n = S_n - S_{n-1} = (2 \cdot 3^n + k) - (2 \cdot 3^{n-1} + k)$
- $= 2 \cdot 3^n 2 \cdot 3^{n-1} = 4 \cdot 3^{n-1}$ 따라서 수열  $a_2, a_3, a_4, \cdots$ 는 공비가 3인 등비수열이다.
- (i),(ii)로부터 수열  $\{a_n\}$ 이 등비수열이 되려면  $6+k,\ 4\cdot 3,\ 4\cdot 3^2,\ 4\cdot 3^3, \cdots$ 이 등비수열이 되어야 하므로
- $6 + k = 4 \cdot 1 \quad \therefore \quad k = -2$
- 따라서 k = -2,  $a_n = 4 \cdot 3^{n-1}$