

1. 다음의 수 중 유한소수인 것을 모두 고르면?

① $\frac{3}{40}$

② $-\frac{15}{35}$

③ $\frac{11}{15}$

④ $-\frac{18}{24}$

⑤ $\frac{24}{45}$

해설

$$\textcircled{1} \quad \frac{3}{40} = \frac{3}{2^3 \times 5}, \quad \textcircled{4} \quad -\frac{18}{24} = -\frac{2 \times 3^2}{2^3 \times 3} = -\frac{3}{2^2}$$

2. $\frac{1}{42} \times A$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 될 때, A의 값 중 가장 작은 자연수는?

- ① 3 ② 7 ③ 14 ④ 16 ⑤ 21

해설

$$\frac{1}{42} \times A = \frac{1}{2 \times 3 \times 7} \times A \text{ 이므로 } 3 \text{ 과 } 7 \text{ 을 약분할 수 있으려면 } A$$

는 21의 배수이어야 한다.

따라서 가장 작은 자연수는 21이다.

3. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 고르면?

① $2.0333\cdots = 2.\dot{0}\dot{3}$

② $0.3212121\cdots = 0.3\dot{2}1$

③ $1.231231\cdots = 1.\dot{2}3$

④ $3.015015 = 3.0\dot{1}\dot{5}$

⑤ $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}\dot{4}$

해설

① 순환마디는 3 이므로 $2.0333\cdots = 2.\dot{0}\dot{3}$

③ 순환마디는 231 이므로 $1.231231\cdots = 1.\dot{2}3\dot{1}$

⑤ 순환마디는 340 이므로 $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}4\dot{0}$

4. 다음 수 중에서 가장 큰 수는?

- ① $3.4\dot{9}$
- ② $3.\dot{4}9$
- ③ $3.\dot{5}$
- ④ $3.\dot{5}0\dot{9}$
- ⑤ $3.5\dot{4}\dot{5}$

해설

- ① $3.499999\dots$
- ② $3.494949\dots$
- ③ $3.555555\dots$
- ④ $3.509509\dots$
- ⑤ $3.545454\dots$

5. $8.\dot{6}x - 1.\dot{3} = 3$ 을 만족하는 x 의 값을 소수로 나타내면?

① 0.5

② 1

③ 1.5

④ 2

⑤ 2.5

해설

$$\frac{86 - 8}{9}x - \frac{13 - 1}{9} = \frac{27}{9}$$

$$\frac{78}{9}x - \frac{12}{9} = \frac{27}{9}$$

$$78x - 12 = 27$$

$$78x = 39$$

$$x = \frac{1}{2} = 0.5$$

6. 다음 중 $\frac{n}{m}$ 의 꼴로 나타낼 수 없는 수를 모두 구하여라. (단, m , n 은 정수이고 $m \neq 0$ 이다.)

Ⓐ 3.14 Ⓛ -10 Ⓜ π Ⓝ 0 Ⓞ 30

▶ 답:

▷ 정답: Ⓜ

해설

$m \neq 0$, m , n 은 정수일 때, 다음 중 $\frac{n}{m}$ 의 꼴로 나타낼 수 있는 수는 유리수를 말한다. 즉, 이런 꼴로 나타낼 수 없는 수는 유리수가 아니다.

- Ⓐ 유한소수이므로 유리수이다.
- Ⓑ 정수이므로 유리수이다.
- Ⓒ 원주율 π 는 순환하지 않는 무한소수로, 분수로 나타낼 수 없다. 즉, 유리수가 아니다.
- Ⓓ 정수이므로 유리수이다.
- Ⓔ 자연수이므로 유리수이다.

7. 분수 $\frac{1}{5 \times a}$ 가 유한소수가 될 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?
(정답 3개)

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

분모가 2 또는 5의 거듭제곱으로만 이루어지면 유한소수이므로
4, 5가 a 값이면 $\frac{1}{5 \times a}$ 은 유한소수가 된다.

8. 다음 분수 $\frac{2}{11}$ 를 소수로 표현할 때, 순환마디는?

① 2

② 11

③ 15

④ 18

⑤ 151

해설

$$2 \div 11 = 0.\overline{18}, \text{ 순환마디 } 18$$

9. $x = 0.\dot{3}1$ 일 때, 보기에서 식의 값이 자연수인 것을 모두 골라라.

보기

- Ⓐ $100x - x$
- Ⓑ $1000x - 10x$
- Ⓒ $10000x - 100x$

- Ⓓ $100x - 10x$
- Ⓔ $1000x - 100x$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓐ

▷ 정답 : Ⓝ

해설

Ⓐ

$$\begin{array}{r} 100x = 31.3131\cdots \\ -) \quad x = 0.3131\cdots \\ \hline 99x = 31 \end{array}$$

Ⓑ

$$\begin{array}{r} 10000x = 3131.3131\cdots \\ -) \quad 100x = 31.3131\cdots \\ \hline 9900x = 3000 \end{array}$$

10. 부등식 $\frac{4}{5} < x < 4.1$ 을 만족하는 자연수 x 의 값이 아닌 것은?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

해설

$0.8 < x < 4.111\cdots$ 이므로

만족하는 자연수 x 의 값이 아닌 것은 5이다.

11. 다음 중 옳지 않은 것은?

① $3 = 2.\dot{9}$

② $5 = 4.\dot{9}\dot{0}$

③ $0.4 = 0.3\dot{9}$

④ $-2.7 = -2.6\dot{9}$

⑤ $-0.7 = -0.6\dot{9}$

해설

② $5 = 4.\dot{9}$

12. $\frac{2157}{9900} = \frac{abcd - ab}{9900} = 0.\overline{abcd}$ 일 때, $|a - b + c + d|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 16

해설

$$\frac{2157}{9900} = \frac{abcd - ab}{9900} \text{ 이므로}$$

$$a = 2, b = 1$$

$$\text{즉, } 21cd - 21 = 2157 \text{ 이므로}$$

$$21cd = 2157 + 21 = 2178$$

$$\therefore c = 7, d = 8$$

$$\therefore |a - b + c + d| = |2 - 1 + 7 + 8| = 16$$

13. 어떤 자연수에 $0.\dot{4}$ 를 곱할 것을 0.4 를 곱하여 계산하였더니 정답과의 차가 2가 되었다. 어떤 자연수를 구하면?

① 32

② 45

③ 55

④ 62

⑤ 75

해설

$$x \times 0.\dot{4} - x \times 0.4 = 2$$

$$\frac{4}{9}x - \frac{2}{5}x = 2$$

$$20x - 18x = 90$$

$$\therefore x = 45$$