

1. x 의 값이 모든 자연수이고, 함수 $f(x) = (2^x \text{의 일의 자리의 숫자})$ 일 때, 함숫값들의 합은? (단, 함숫값이 같으면 중복해서 더하지 않는다.)

① 4

② 8

③ 12

④ 16

⑤ 20

해설

$f(1) = 2, f(2) = 4, f(3) = 8, f(4) = 6, f(5) = 2, f(6) = 4, \dots$ 이므로

함숫값은 2, 4, 6, 8 이 반복된다.

따라서 함숫값들의 합은 $2 + 4 + 6 + 8 = 20$

2. x 가 절댓값이 1 이하인 정수인 함수 $y = x - 1$ 의 함숫값은?

- ① $-2, -1, 0$ ② $1, 2, 3$ ③ $-1, 0, 1$
④ $-3, -2, -1$ ⑤ $-1, 0, -2$

해설

x 의 값은 $-1, 0, 1$
 $f(-1) = -1 - 1 = -2$
 $f(0) = 0 - 1 = -1$
 $f(1) = 1 - 1 = 0$
 $\therefore$ 함숫값은 $-2, -1, 0$ 이다.

3. 다음 도수분포표는 학생 60 명의 성적을 나타낸 것이다. 60 점 이상 70 점 미만인 학생 수가 50 점 이상 60 점 미만인 학생 수의 2 배일 때, y 의 값은?

성적(점)	학생 수(명)
30 ^{이상} ~ 40 ^{미만}	2
40 ^{이상} ~ 50 ^{미만}	4
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	x
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	y
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	18
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	10
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	5
합계	60

- ① 6 ② 7 ③ 14 ④ 18 ⑤ 21

해설

전체 학생 수는 $60 = 2 + 4 + x + y + 18 + 10 + 5$
 $y = 2x$ 을 대입하여 간단히 하면
 $3x + 39 = 60$
 $3x = 21 \quad \therefore x = 7$
 $\therefore y = 2x = 14$

4. 도수분포표에서 x 이상 82.5 미만인 계급의 계급값이 80 이다. 계급의 크기를 y 라고 했을 때, $x + 2y$ 를 구하여라.

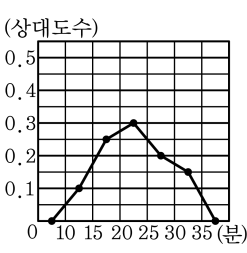
▶ 답 :

▷ 정답 : 87.5

해설

$y = (82.5 - 80) \times 2 = 5$ 이고, $x = 82.5 - y$ 이므로 $x + y = 82.5$ 따라서 $x + 2y = (x + y) + y = 82.5 + 5 = 87.5$ 이다.

5. 다음 표는 어느 중학교 1 반 학생 40 명의 통학시간을 조사하여 나타낸 상대도수의 그래프이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)



- ① 상대도수가 가장 큰 계급은 20 분 이상 25 분 미만이다.
- ② 상대도수가 가장 작은 계급의 학생 수는 4 명이다.
- ③ 상대도수가 가장 큰 계급의 학생 수는 10 명이다.
- ④ 도수가 클수록 상대도수가 작다.
- ⑤ 통학시간이 30 분 이상 35 분 미만인 학생 수는 6 명이다.

해설

- ③ 상대도수가 가장 큰 계급의 학생 수는 12 명이다.
- ④ 도수가 클수록 상대도수가 크다.

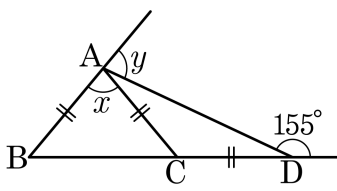
6. $\triangle ABC$ 의 세 변의 길이가 5cm, 8cm, x cm 일 때, x 의 값이 될 수 없는 것은?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

가장 긴 변의 길이를 모를 때 변의 길이가 a , x , b 로 주어지면
(두변의 차) $< x <$ (두변의 합) 이 된다.
 $\therefore 3 < x < 13$

7. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD}$ 일 때, $\angle x - \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 ▶

▶ 정답 : 5 _

해설

$\angle ADC = 180^\circ - 155^\circ = 25^\circ$ 이다.
 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로
 $\angle ACB = 25^\circ + 25^\circ = 50^\circ$,
 $\angle x = 180^\circ - 50^\circ - 50^\circ = 80^\circ$ 이다.
 $\angle y = 180^\circ - 80^\circ - 25^\circ = 75^\circ$ 이므로
 $\angle x - \angle y = 80^\circ - 75^\circ = 5^\circ$ 이다.

8. 경수, 민정, 진철, 해용 네 사람이 카드놀이를 하는데 매회 네 사람이 얻은 점수의 합은 0점이 된다고 한다. 이 때, 다음의 주어진 표의 빈 칸에 알맞은 수를 써 넣어라.(단, ㉠ ~ ㉢순서대로 써라.)

	경수	민정	진철	해용
1회	+3	㉠	+7	-5
2회	㉡	+2	-4	㉢
3회	-3	+3	-2	+2
합계	+5	0	+1	㉣

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

▷ 정답 : +5 또는 5

▷ 정답 : -3

▷ 정답 : -6

해설

$(+3) + \textcircled{1} + (+7) + (-5) = 0, \textcircled{1} + 5 = 0$
 $\therefore \textcircled{1} = -5,$
 $(+3) + \textcircled{2} + (-3) = +5 \therefore \textcircled{2} = +5,$
 $(+5) + (+2) + (-4) + \textcircled{3} = 0 \therefore \textcircled{3} = -3,$
 $(-5) + (-3) + (+2) = \textcircled{4} \therefore \textcircled{4} = -6$

9. $a, -\frac{7}{5}, \frac{10}{7}, 2.5$ 중 서로 다른 세 수를 뽑아 곱한 값 중에서 가장 큰 수가 14 이고, 가장 작은 수가 $-\frac{100}{7}$ 일 때, a 의 값으로 옳은 것을 골라라.

- ① $\frac{98}{25}$
- ② $\frac{24.5}{100}$
- ③ -2
- ④ $-\frac{98}{25}$
- ⑤ -4

해설

세 수를 뽑을 수 있는 모든 경우를 순서쌍 (a, b, c) 로 나타내 보면,

$\left(-\frac{7}{5}, \frac{10}{7}, 2.5\right)$, $\left(-\frac{7}{5}, 2.5, a\right)$, $\left(-\frac{7}{5}, \frac{10}{7}, a\right)$, $\left(\frac{10}{7}, 2.5, a\right)$ 이 있다.

이 때, 각각의 경우에 대하여 $a \times b \times c$ 를 구해보면 다음과 같다.

$\left(-\frac{7}{5}, \frac{10}{7}, 2.5\right)$ 일 때, $\left(-\frac{7}{5}\right) \times \frac{10}{7} \times 2.5 = -5$ 이다.

$\left(-\frac{7}{5}, 2.5, a\right)$ 일 때, $\left(-\frac{7}{5}\right) \times 2.5 \times a = -3.5 \times a$ 이다.

$\left(-\frac{7}{5}, \frac{10}{7}, a\right)$ 일 때, $\left(-\frac{7}{5}\right) \times \frac{10}{7} \times a = -2 \times a$ 이다.

$\left(\frac{10}{7}, 2.5, a\right)$ 일 때, $\left(\frac{10}{7}\right) \times 2.5 \times a = \frac{25}{7} \times a$ 이다.

i) $a < 0$ 이라면

최댓값은 $-3.5 \times a$ 이고, 최솟값은 $\frac{25}{7} \times a$ 이다.

$-3.5 \times a = 14 \therefore a = -4$

$\frac{25}{7} \times a = -\frac{100}{7} \therefore a = -4$

ii) $a > 0$ 이라면

최댓값은 $\frac{25}{7} \times a$ 이고, 최솟값은 $-5 \neq -\frac{100}{7}$ 이므로 $-3.5 \times a$ 이다.

$\frac{25}{7} \times a = 14 \therefore a = \frac{98}{25}$

$-3.5 \times a = -\frac{100}{7} \therefore a = \frac{24.5}{100}$

$\frac{98}{25} \neq \frac{24.5}{100}$ 이므로 $a > 0$ 이 아니다.

따라서 $a = -4$ 이다.

10. a, b, c, d, e 중 가장 큰 수와 가장 작은 수를 차례대로 쓴 것은?

㉠ $0.75x - 0.5 - \frac{-3x + 9}{5} = \frac{ax - b}{10}$

㉡ $\frac{cx + 4}{5} - 0.6x = -\frac{1}{10}x + 0.8$

㉢ $\frac{3x + 1}{4} - \left(0.45x - \frac{1}{5}\right) = \frac{-dx - e}{10}$

- ① 23, -3
- ② 23, -4
- ③ 23, -4.5
- ④ 13.5, -2
- ⑤ 13.5, -4.5

해설

㉠ $0.75x - 0.5 - \frac{-3x + 9}{5}$
 $= 0.75x - 0.5 - (-0.6x + 1.8)$
 $= 0.75x - 0.5 + 0.6x - 1.8$
 $= 1.35x - 2.3$
 $= \frac{ax - b}{10}$

이므로 $a = 13.5, b = 23$ 이다.

㉡ $\frac{cx + 4}{5} - 0.6x$
 $= \left(\frac{2c - 6}{10}\right)x + 0.8$
 $= -\frac{1}{10}x + 0.8$

이므로 $2c - 6 = -1 \quad \therefore c = 2.5$

㉢ $\frac{3x + 1}{4} - \left(0.45x - \frac{1}{5}\right)$
 $= 0.75x + 0.25 - 0.45x + 0.2$
 $= 0.3x + 0.45$
 $= \frac{-dx - e}{10}$

이므로 $-d = 3, -e = 4.5$

$\therefore d = -3, e = -4.5$

따라서 가장 큰수는 $b = 23$, 가장 작은 수는 $e = -4.5$ 이다.

11. $5 - 2 \left\{ \frac{5x-7}{4} - \frac{1}{2}(3x-5) \right\} + 2y - 2 \left(-3y + \frac{1}{2} \right) = ax + by + c$ 일 때,
 $a + b - c$ 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} & 5 - 2 \left\{ \frac{5x-7}{4} - \frac{1}{2}(3x-5) \right\} + 2y - 2 \left(-3y + \frac{1}{2} \right) \\ &= 5 - 2.5x + 3.5 + 3x - 5 + 2y + 6y - 1 \\ &= 0.5x + 8y + 2.5 \\ &= ax + by + c \\ &\text{이므로 } a + b - c = 0.5 + 8 - 2.5 = 6 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

12. x 의 값이 $-5 \leq x \leq -2$ 인 함수 $y = \frac{a}{x} (a < 0)$ 의 함숫값의 범위가 $b \leq y \leq 10$ 일 때, $b - a$ 의 값은?

① 1 ② 3 ③ 6 ④ 12 ⑤ 24

해설

함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프는 $a < 0$ 이므로 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

따라서, $x = -5$ 일 때, $y = b$ 이고, $x = -2$ 일 때, $y = 10$ 이다.

$y = \frac{a}{x}$ 에 $x = -2$, $y = 10$ 를 대입하면

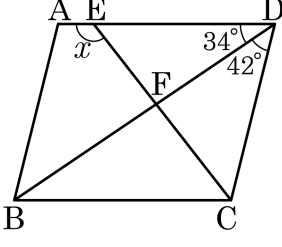
$$10 = -\frac{a}{2}, \quad a = -20$$

$y = -\frac{20}{x}$ 에 $x = -5$, $y = b$ 를 대입하면

$$b = -\frac{20}{-5} = 4$$

$$\therefore b - a = 4 - (-20) = 24$$

13. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고, $\angle BCE = \angle DCE$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

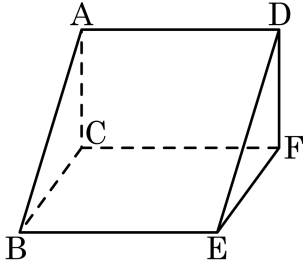


- ① 110° ② 115° ③ 120° ④ 125° ⑤ 128°

해설

$$\begin{aligned} \angle ADC + \angle DCB &= 180^\circ \text{ 에서} \\ \angle BCD &= 180^\circ - (34^\circ + 42^\circ) = 104^\circ \\ \angle BCE &= \frac{1}{2} \angle BCD = 52^\circ \\ \therefore \angle x &= 180^\circ - 52^\circ = 128^\circ \end{aligned}$$

14. 다음 그림의 삼각기둥에서 다음 중 모서리 $\overline{EF}$ 와 꼬인 위치에 있는 모서리는?

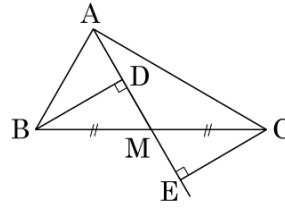


- ① $\overline{BC}$ ② $\overline{DF}$ ③ $\overline{AC}$ ④ $\overline{CF}$ ⑤ $\overline{BE}$

해설

$\overline{EF}$ 와 꼬인 위치의 모서리는 $\overline{AC}$, $\overline{AD}$, $\overline{AB}$ 이다.

15. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 변 BC의 중점을 M, 점 B와 C에서 직선 AM에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때 $\triangle BDM$ 과 $\triangle CEM$ 이 합동이 되는 조건은?



- ① SSS 합동 ② SAS 합동
③ ASA 합동 ④ AAA 합동
⑤ 합동이 아니다.

해설

 Δ BDM 과 Δ CEM 에서
$$\textcircled{7} \overline{BM} = \overline{MC}$$

④ $\angle MBD = \angle MCE$ (엇각)

Ⓒ $\angle BMD = \angle EMN$

② ①, ③에 의해

 $\Delta \text{BDM} = \Delta \text{CEM} (\Delta \text{SA} \text{ 한도})$

16. 내각의 합과 외각의 합의 비가 5 : 1 인 다각형은?

- ① 십각형 ② 십일각형 ③ 십이각형
④ 십삼각형 ⑤ 십사각형

해설

n 각형의 내각의 크기의 합 : $180^\circ \times (n - 2)$

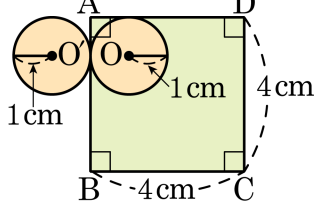
n 각형의 외각의 크기의 합 : 360°

$$180^\circ \times (n - 2) : 360^\circ = 5 : 1$$

$$180^\circ \times (n - 2) = 360^\circ \times 5 = 1800^\circ$$

따라서 $n = 12$ 이므로 십이각형이다.

17. 다음 그림은 반지름이 1cm 인 원 O, O' 가 한 변의길이가 4cm 인 정사각형 ABCD 에 접하여 움직이고 있다. 두 원 O, O' 가 한 바퀴 돌아 제자리에 왔을 때, 두 원의 중심이 이동한 거리의 차를 $(a+b\pi)$ cm 라고 할 때, $a-b$ 의 값을 구하여라.

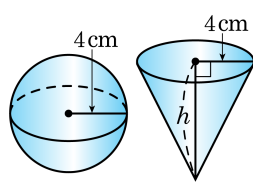


- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

(원 O'의 중심이 이동한 거리) = $4 \times 4 + 2 \times \pi \times 1 = 16 + 2\pi$ (cm)
(원 O의 중심이 이동한 거리) = $2 \times 4 = 8$ (cm)
두 원의 중심이 이동한 거리의 차는 $(16 + 2\pi) - 8 = 8 + 2\pi$ (cm)이다.
 $\therefore a - b = 8 - 2 = 6$

18. 다음 그림에서 반구와 원뿔의 부피가 같다고 한다. 이 때, 원뿔의 높이를 구하여라.



- ① 2cm ② 4cm ③ 6cm ④ 8cm ⑤ 10cm

해설

(반구의 부피)

$$= \frac{4}{3}\pi \times 4^3 \times \frac{1}{2} = \frac{128}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

(원뿔의 부피)

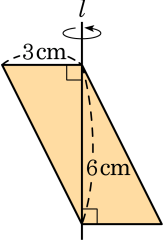
$$= 4 \times 4 \times \pi \times h \times \frac{1}{3} = \frac{16h}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

$$\frac{128}{3}\pi = \frac{16h}{3}\pi$$

$$\therefore h = 8(\text{cm})$$

19. 다음 그림의 도형에서 직선 l 을 축으로 하여 1 회전
 시킬 때 생기는 입체도형의 부피는?

- ① $14\pi \text{ cm}^3$
 ② $21\pi \text{ cm}^3$
 ③ $28\pi \text{ cm}^3$
- ④ $\frac{63}{2}\pi \text{ cm}^3$
 ⑤ $63\pi \text{ cm}^3$



해설

$$(\text{부피}) = 2 \times \left(\frac{1}{3} \pi \times 3^2 \times 3 - \frac{1}{3} \pi \times \left(\frac{3}{2} \right)^2 \times 3 \right) = \frac{63}{2} \pi \text{ (cm}^3\text{)}$$

20. $2520 = a^p \times b^q \times c^r \times d^s$ 로 소인수분해될 때, $a \times p + b \times q + \frac{c}{r} + \frac{d}{s}$ 의 값을 구하여라.

(단, $a < b < c < d$)

▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$2520 = 2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7 = a^p \times b^q \times c^r \times d^s$ 이므로
 $a = 2, b = 3, c = 5, d = 7,$
 $p = 3, q = 2, r = 1, s = 1$
 $\therefore a \times p + b \times q + \frac{c}{r} + \frac{d}{s}$
 $= 2 \times 3 + 3 \times 2 + \frac{5}{1} + \frac{7}{1}$
 $= 6 + 6 + 5 + 7$
 $= 24$

21. $2^3 \times 5 \times \square \times 7$ 의 약수의 개수가 32 개라고 한다. $\square$ 안에 들어갈 수 있는 수를 작은 수부터 2개를 써라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 11

해설

$2^3 \times 5 \times \square \times 7$ 의 약수의 개수가 32 개이면

$\square$ 가 가장 작은 소인수 3 인 경우와 그 다음 작은 소인수인 11 이 있다.

22. 10 부터 100 사이의 수 중에서 약수의 개수가 3개인 수는 모두 몇 개인가?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

약수의 개수가 3 개인 수는 (소수)² 이므로
10 이상 100 이하의 수 중 소수의 제곱이 되는 수는 5^2 , 7^2 의 2 개

23. 자연수 n 과 48 의 최대공약수가 12 이고 $(n+45)$ 가 13 의 배수일 때, n 의 값을 구하여라.(단, 자연수 n 은 세자리 자연수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 228

해설

$n = 12 \times a$, $48 = 12 \times 4$ 이므로 a 는 2 의 배수가 아니다.
 $n + 45 = 13b$ 에서 $12a + 45 = 13b$
 $12a + 6 + 39 = 13b$, $12a + 6 = 13b - 39$
 $6(2a + 1) = 13(b - 3)$ 이므로
 $2a + 1$ 은 13 의 배수이어야 한다.
 $2a + 1 = 13k, a = \frac{13k - 1}{2}$
 $k = 1, 2, 3, 4 \dots$ 을 대입하고, a 는 짝수가 아니므로 $a = 19$ 이다.
따라서 n 은 $19 \times 12 = 228$ 이다.

24. 두 방정식 $\frac{x-3}{3} = \frac{1-x}{2} + 1$, $2x+a=5x+1$ 의 해의 합이 5일 때, a 의 값을 구하여라.

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$\frac{x-3}{3} = \frac{1-x}{2} + 1 \text{의 해는 } 3 \text{이므로}$$

$$2x+a=5x+1 \text{의 해는 } 2 \text{이다.}$$

$$2x+a=5x+1 \text{에 } x=2 \text{를 대입하면}$$

$$a=7$$

25. 연속한 세 개의 4의 배수를 각각 a, b, c ($a > b > c$)라고 할 때, 이 세 수는 $c + \frac{1}{2}b = a + 18$ 을 만족한다. 이 때, b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $b = 52$

해설

연속하는 4의 배수 중 가운데 수가 b 일 때,
 $a = b + 4, c = b - 4$ 이다.

$c + \frac{1}{2}b = a + 18$ 에 대입하면

$$(b - 4) + \frac{1}{2}b = (b + 4) + 18$$

$$\frac{1}{2}b = 26$$

$$\therefore b = 52$$

해설

$b = 4x$ 라 하면,

$a = 4(x + 1), c = 4(x - 1)$ 이 되고

$c + \frac{1}{2}b = a + 18$ 에 대입하면

$$4(x - 1) + \frac{1}{2} \times 4x = 4(x + 1) + 18 \text{ 이다.}$$

식을 정리하면 $x = 13$ 이고, $b = 4x$ 이므로

$$b = 52$$

26. 어떤 일을 완성하는 데 A 는 4 일, B 는 16 일이 걸린다고 한다. 이 일을 A 가 3 일 동안 하고, 그 나머지 일을 B 가 마무리 하였을 때, B 는 이 일을 몇 일 동안 했을까?

① 1 일 ② 2 일 ③ 3 일 ④ 4 일 ⑤ 5 일

해설

전체 일을 1 로 두고 B 가 이 일을 x 일 동안 하였다고 하면,

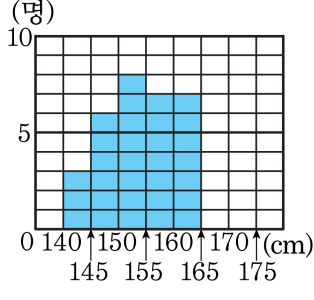
$$\frac{1}{4} \times 3 + \frac{1}{16} \times x = 1$$

$$\frac{3}{4} + \frac{x}{16} = 1$$

$$12 + x = 16$$

$$\therefore x = 4(\text{일})$$

27. 다음은 어느 학급 학생 40 명의 키를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 그런데 실수로 165cm 와 175cm 사이의 기록이 지워졌다. 165cm 이상 170cm 미만의 직사각형의 넓이가 25 일 때, 170cm 이상 175cm 미만인 계급의 도수를 구하여라.



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 4 명

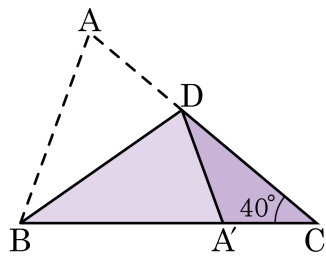
해설

(직사각형 넓이의 총합) = (계급의 크기)×(도수의 총합) → $5 \times 40 = 200$

색칠된 부분의 넓이가 155 이고 165cm 이상 170cm 미만의 직사각형의 넓이가 25 이므로, 170cm 이상 175cm 미만의 직사각형 넓이는 20 이다.

따라서 170cm 이상 175cm 미만인 계급의 도수는 4 명이다.

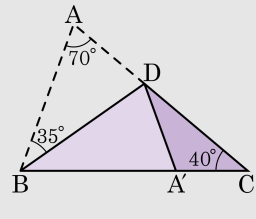
28. $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC 를 선분 AB 가 선분 BC 위에
오도록 접었다.
 $\angle DCB = 40^\circ$ 일 때, $\angle A'DB$ 를 구하여라.



▶ 답: ○ —

▶ 정답 : 75°

해설



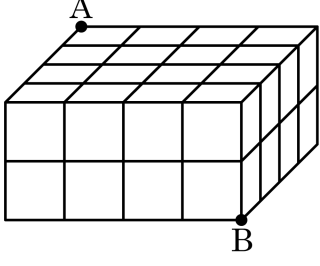
$\triangle ABC$ 가 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이고, $\angle DCB = 40^\circ$ 이므로

$$\angle CAB = \angle ABC = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$$

그런데 접은 각의 크기는 같으므로 $\angle ABD = \angle DBA' = \frac{70^\circ}{2} = 35^\circ$

마찬가지로 접은 각의 크기는 같으므로 $\angle A'DB = \angle ADB = 180^\circ - (70^\circ + 35^\circ) = 75^\circ$

29. 다음 그림과 같이 정육면체 조각을 가로, 세로로 4 개씩 두 층을 쌓아 직육면체 모양을 만들었다. 이 직육면체의 꼭짓점 A 에서 꼭짓점 B 방향의 대각선을 따라 칼로 비스듬히 자른다고 할 때, 조금이라도 잘린 조각의 개수를 구하여라.

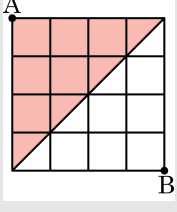


▶ 답 : 개

▶ 정답 : 20 개

해설

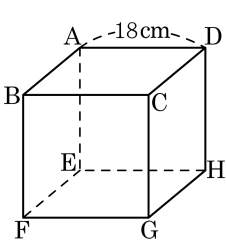
두 층중 위층에서 잘린 조각은 다음 그림의 색칠한 부분과 같다.
→ 10 개



아래층에서 잘린 조각은 위 그림의 색칠하지 않은 부분과 같다.
10 개
따라서 조금이라도 잘린 조각은 $10 + 10 = 20$ 개이다.

30. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 18 cm 인 정육면체에서 각 면의 대각선의 교점을 연결하여 만들어지는 입체도형의 부피는?

- ① 868 cm³
- ② 872 cm³
- ③ 968 cm³
- ④ 972 cm³
- ⑤ 1068 cm³



해설

정육면체의 각 면의 대각선을 연결하면 정팔면체가 만들어진다. 이 때, 정팔면체는 같은 크기의 정사각뿔 두 개로 나눌 수 있는데 이 정사각뿔의 밑면의 넓이는 정육면체 한 면의 넓이의 $\frac{1}{2}$ 이므로 정사각뿔의 부피는 $\frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 18 \times 18 \right) \times 9 = 486$ 이다.
 $\therefore$ (정팔면체의 부피) = $486 \times 2 = 972(\text{cm}^3)$

31. 한 모서리의 길이가 a 인 정육면체의 각 면의 중심을 연결하여 정팔면체를 만들었다. 정육면체의 부피는 정팔면체의 부피의 몇 배인지 구하여라.

▶ 답 : 배

▷ 정답 : 6 배

해설

정육면체의 한 모서리의 길이를 a 라 하면
(정육면체의 부피) $= a^3$
정팔면체는 정사각뿔 2 개를 붙여놓은 것과 같으므로
(정팔면체의 부피) $=$
$$\left\{ \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times a \times a \right) \times \frac{a}{2} \right\} \times 2 = \frac{a^3}{6}$$

따라서 정육면체의 부피는 정팔면체의 부피의 $a^3 \div \frac{a^3}{6} = 6$ (배)
이다.