

1.  $600 = a^x \times b^y \times c^z$  로 소인수분해될 때,  $(a+b+c) \times (x+y+z)$  의  
값은? (단,  $a < b < c$ )

- ① 12      ② 24      ③ 36      ④ 48      ⑤ 60

2. 세 수  $2^2 \times 3^3 \times 7$ ,  $2^3 \times 5^2 \times 7$ ,  $2^3 \times 5^4 \times 7^3$  의 최대공약수는?

- |                                      |                                      |                                      |
|--------------------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| <p>① <math>2^3 \times 5^3</math></p> | <p>② <math>2^3 \times 3^2</math></p> | <p>③ <math>3^2 \times 5^2</math></p> |
| <p>④ <math>2^2 \times 7</math></p>   | <p>⑤ <math>3^3 \times 7^3</math></p> |                                      |

3.  $x = 5^{15} + 1$ ,  $y = 2^{13} + 1$  일 때  $xy$ 는 몇 자리의 수인지 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

4.  $315 \times a$  가 어떤 자연수의 제곱이 될 때,  $a$  가 될 수 있는 두 번째로 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

5. 옛날부터 우리나라에는 십간(凶吉)과 십이지(子丑未)를 이용하여 매 해에 이름을 붙였다. 십간과 십이지를 차례대로 짹지으면 다음과 같이 그 해의 이름을 만들 수 있다. 다음 표에서 알 수 있듯이 2010년은 경인년이다. 다음 중 경인년이 아닌 해는?

병	정	무	기	경	신	임	계
자	축	인	묘	진	사	오	미
병자	정축	무인	기묘	경진	신사	임오	계미
1996	1997	1998	1999	2000	2001	2002	2003

갑	을	병	정	무	기	경
신	유	술	해	자	축	인
갑신	을유	병술	정해	무자	기축	경인
2004	2005	2006	2007	2008	2009	2010

- ① 1830년                  ② 1890년                  ③ 1950년  
④ 2070년                  ⑤ 2110년

6. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 1은 소수이다.
- ② 29는 소수가 아니다.
- ③ 37과 43은 모두 소수이다.
- ④ 소수이면서 합성수인 자연수는 존재하지 않는다.
- ⑤ 자연수는 소수와 합성수로 이루어져 있다.

7. 세 자리수인 자연수 전체에 대해, 4의 배수이지만 5의 배수가 아닌 수의 개수와 3의 배수이지만 5, 6의 배수는 아닌 수의 개수의 합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

8. 다음 수 중 어떤 자연수의 제곱이 되는 수는?

- ① 27                  ② 44                  ③  $2 \times 3^2$   
④  $2^2 \times 3 \times 5^2$       ⑤  $2^4 \times 7^2$

9. 100 개의 전구가 일렬로 불이 꺼진 채 늘어서 있다. 처음에는 모든 전구의 불을 켜고, 두 번째는 왼쪽에서 짝수 번째에 있는 전구의 불을 끈다. 세 번째는 왼쪽에서 3 의 배수 번째에 있는 전구 중, 불이 켜진 전구는 불을 끄고 불이 꺼진 전구는 불을 켠다. 네 번째는 4 의 배수 번째에 있는 전구 중, 불이 켜진 전구는 불을 끄고 불이 꺼진 전구는 불을 켠다. 다섯 번째는 5 의 배수 번째에 있는 전구를, 여섯 번째에는 6 의 배수 번째에 있는 전구를 위와 같은 방식으로 불을 켜고 끈다. 이렇게 200 번째까지 했을 때, 불이 켜진 전구는 모두 몇 개인지 구하 여라.(단, 100번째까지 한 후, 위의 과정을 한번 더 반복한다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_ 개

10.  $a \times 3^2 \times 5^3$  과 360의 약수의 개수가 같을 때,  $a$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_