

1. 연립방정식 $\begin{cases} 3x+y=6 \\ 2x-y=9 \end{cases}$ 을 풀면?

- ① $x=1, y=-1$ ② $x=3, y=-3$ ③ $x=4, y=1$
④ $x=6, y=8$ ⑤ $x=4, y=12$

해설

$$\begin{cases} 3x+y=6 \cdots ① \\ 2x-y=9 \cdots ② \end{cases}$$

$$① + ② : x=3, y=-3$$

2. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 연립방정식의 해는 두 식을 만족하는 해의 집합의 교집합입니다.
- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 1개'인 경우이다.
- ③ 해는 가감법을 이용하여 풀 수도 있고, 대입법을 이용하여 풀 수도 있다.
- ④ 연립방정식의 해가 2개인 경우도 있다.
- ⑤ 연립방정식의 해는 두 직선의 교점이다.

해설

- ② 해가 특수한 경우의 연립방정식은 '해가 무수히 많다'와 '해가 없다'가 있다.
- ④ 일반적인 연립방정식의 해는 1개이다.

3. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - 3y = a \\ 3x + 5y = 1 \end{cases}$ 을 만족하는 x 의 값이 2일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$3x + 5y = 1$ 에 $x = 2$ 를 대입하면

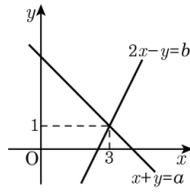
$6 + 5y = 1 \quad \therefore y = -1$

$2x - 3y = a$ 에 $x = 2, y = -1$ 을 대입하면

$4 + 3 = a \quad \therefore a = 7$

4. 다음 그래프는 연립방정식 $\begin{cases} x+y=a \\ 2x-y=b \end{cases}$ 를 풀기 위해 그린 것이다. 이때, a, b 의 값은?

- ① $a=3, b=4$ ② $a=4, b=5$
 ③ $a=4, b=6$ ④ $a=5, b=4$
 ⑤ $a=6, b=4$



해설

$x+y=a$ 에 $x=3, y=1$ 을 대입하면 $a=4$
 $2x-y=b$ 에 $x=3, y=1$ 을 대입하면 $b=5$
 따라서 $a=4, b=5$ 이다.

5. 연립방정식 $\begin{cases} 2x+y=16 \\ x+2y=13+a \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가

3 : 2 일 때, a 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$x : y = 3 : 2$ 이므로 $2x = 3y$ 를 $2x + y = 16$ 에 대입하면
 $3y + y = 16$,
따라서 $x = 6, y = 4$,
이것을 $x + 2y = 13 + a$ 에 대입하면 $a = 1$ 이다.

6. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

$$\textcircled{1} \begin{cases} x+4y=0 \\ 4x+y=0 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} x-y=3 \\ -2x+2y=-6 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} 2x+6y=-8 \\ -x-3y=4 \end{cases}$$

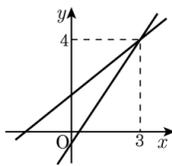
$$\textcircled{2} \begin{cases} 3x-5y=8 \\ 3x+5y=-2 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} -x+2y=-2 \\ 4x-8y=4 \end{cases}$$

해설

④ 첫 번째 식의 양변에 4를 곱한 후 두 번째 식을 더하면 $0 \cdot x = -4$ 가 되므로 해가 없다.

8. 연립방정식 $\begin{cases} ax + 5y = 8 \\ 6x - 4y = b \end{cases}$ 의 그래프를 그렸더니 다음 그림과 같았다. 이때, ab 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $ab = -8$

해설

연립방정식의 해가 (3, 4) 이므로 각 식에 대입하면 $3a + 20 = 8$

$$3a = -12$$

$$\therefore a = -4$$

$$18 - 16 = b$$

$$\therefore b = 2$$

$$\therefore ab = (-4) \times 2 = -8$$

9. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 3 \\ -2x + 4y = a \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

해가 무수히 많을 조건은 $\frac{1}{-2} = \frac{-2}{4} = \frac{3}{a}$ 이므로 $a = -6$

10. A, B 두 지점 사이에 P 지점이 있다. 찬희가 A 에서 B 까지 가는데 A 에서 P 까지는 시속 6km , P 에서 B 까지는 시속 8km 로 걸었더니 총 1 시간 30 분이 걸렸다. A 에서 B 까지의 거리가 10km 일 때, P 에서 B 까지의 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 4km

해설

A 에서 P 까지, P 에서 B 까지의 거리를 각각 $x\text{km}$, $y\text{km}$ 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 10 & \dots \textcircled{1} \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{8} = \frac{3}{2} & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{2}$ 의 양변에 24 를 곱하면 $4x + 3y = 36 \dots \textcircled{2}'$

$\textcircled{2}' - \textcircled{1} \times 3$ 하면 $x = 6$

$x = 6$ 을 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $y = 4$

$\therefore P$ 에서 B 까지의 거리는 4km